



LHC で探る余剰 「空間」 次元

「なんで、余剰次元なんて突飛なことを考えるの？」
「どうやって余剰次元を見るの？しかもコライダーで？」

奥村恭幸

東京大学素粒子物理国際研究センター



自己紹介

- 奥村恭幸 (おくむら やすゆき)

- 名古屋大学 (- 2012)

- 2006 はじめて、 “CERN” へ。
“夏の学校” の学生として派遣された。

- LHC-ATLAS 実験の建設、試運転、
初実験、最初期データ解析の結果で博士。

- シカゴ大学・フェルミラボ (2012 - 2016)

- ポスドク研究員。

- 東京大学、素粒子センター (2016 -)

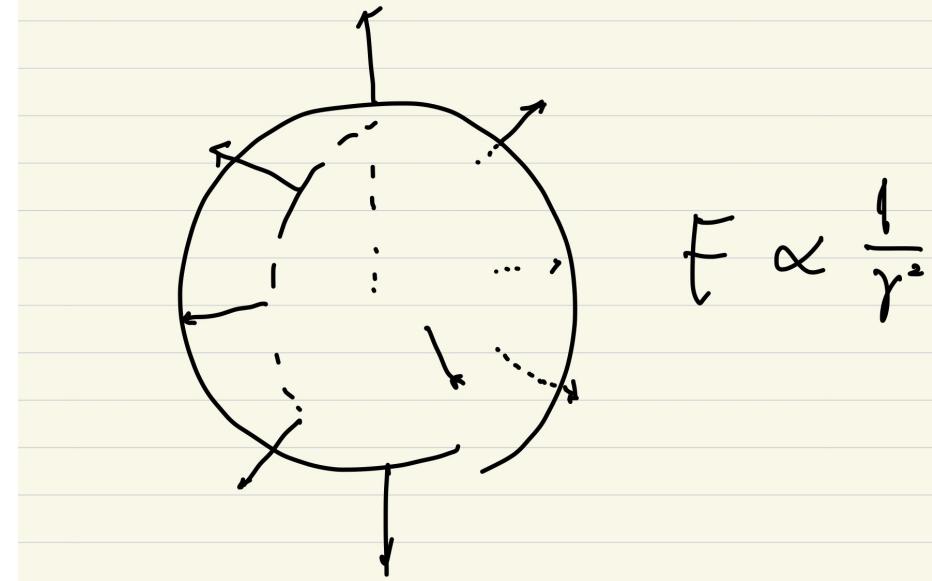
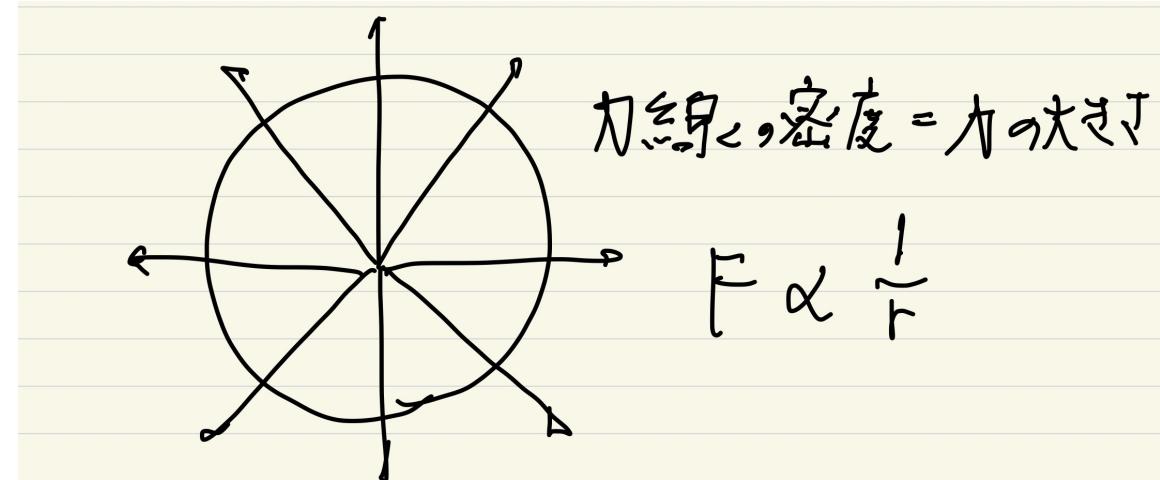
- CERN に常駐して、学生や仲間と実験研究に取り組む。



前置き: ガウスの法則

- 力の距離依存性と、空間の次元について考えよう

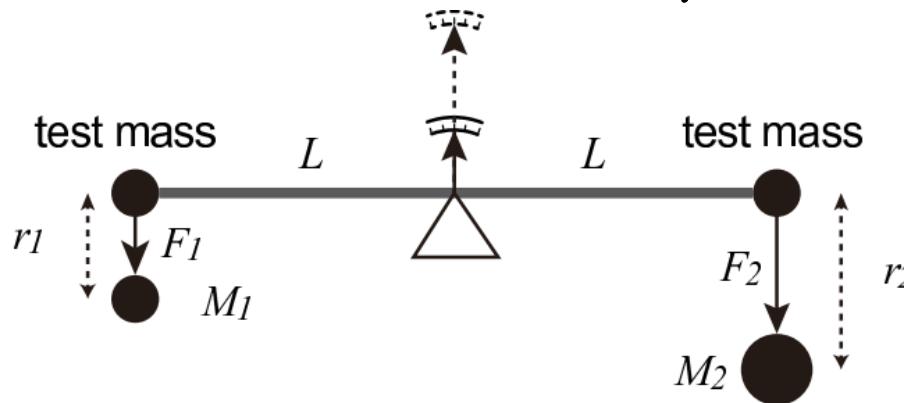
逆二乗の法則
= 空間が三次元であることの証拠



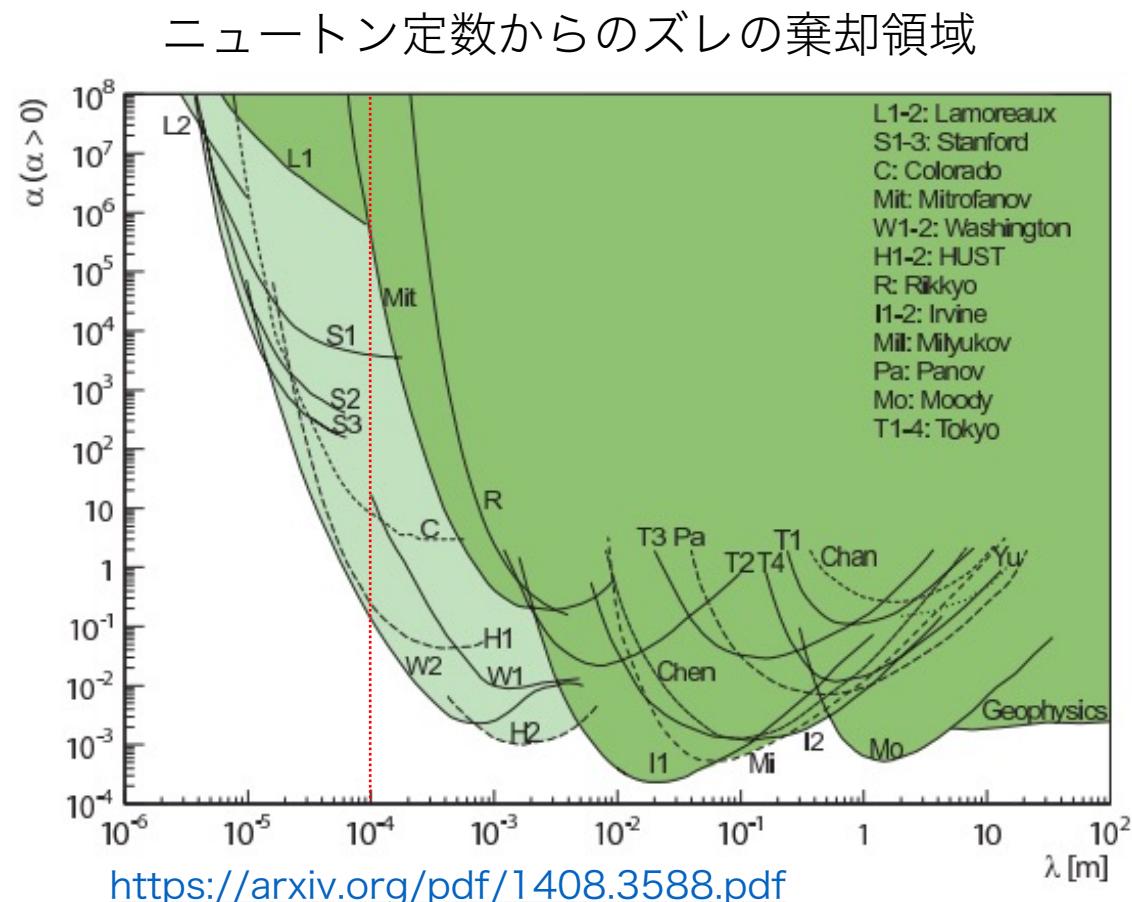
前置き: どのくらい重力をしっているか?

どのくらい小さい距離まで、重力で
ガウスの法則が正しいことを知っているか？

$$F(r) = G_N \frac{m_1 m_2}{r^2}$$



10⁻⁴ m くらいまでは成り立つ



前置き：素粒子物理の力は？

- 標準模型における相互作用が感じる空間次元は？
 - ゲージボソン (電磁気の力・強い力・弱い力)
 - ヒッグスボソン (湯川の力)
- 加速器は顕微鏡
 - 「1.2 GeV の運動量で叩く」は「1 fm の分解能で世の中をみる」と、解釈できる。
 - $100 \text{ GeV} = 1.2 \times 10^{-17} \text{ m}$ 。
 - 加速器実験データは、3次元+1次元の計算で忠実に再現される

$10^{-17} \sim 10^{-18} \text{ m}$ までは 3 次元の理論が成り立っている

$$p = \hbar k$$
$$p_c = \hbar c \frac{2\pi}{\lambda}$$
$$\lambda = \frac{\hbar c}{p_c} \cdot 2\nu = \frac{1.2 \text{ GeV}}{\text{運動量}} \text{ fm}$$

$k = \frac{2\pi}{\lambda}$

波数と波長

" $\hbar c = 200 \text{ MeV fm}$,"

隠された余剰次元を仮に考えてみよう

- 余剰次元はあっても実験と矛盾してはダメ

- 素粒子標準模型の登場人物 $< 10^{-18} \text{ m}$
- 重力 $< 10^{-4} \text{ m}$

余剰次元はあっても重力だけが感じるものであるべき
少なくとも 10^{-4} m より「コンパクト」であることが必要

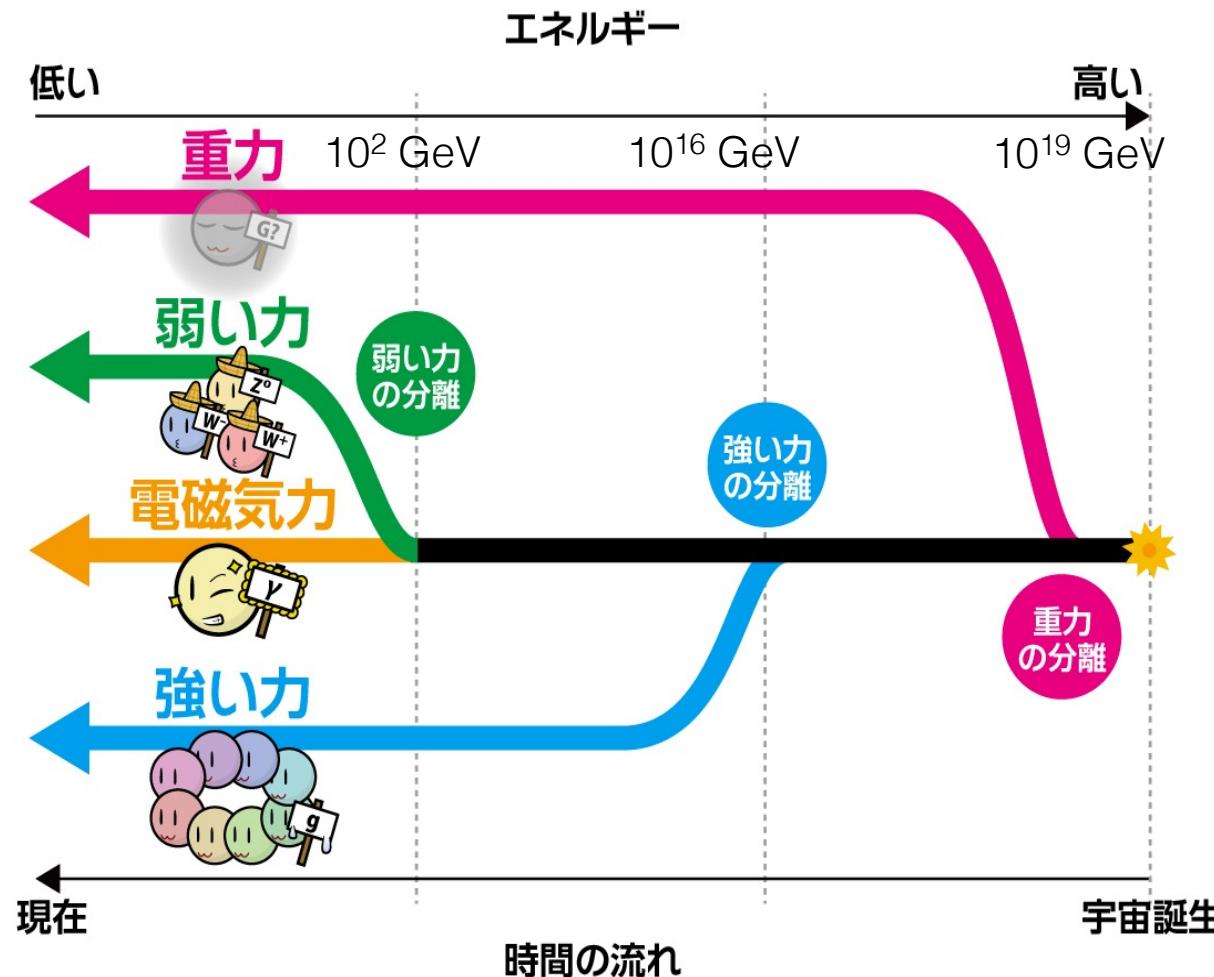
- コンパクト化された次元の見え方

- 一つの次元が“巻き上げられた”二次元宇宙
- 「ホースは遠くから見るとただの線（一次元）」



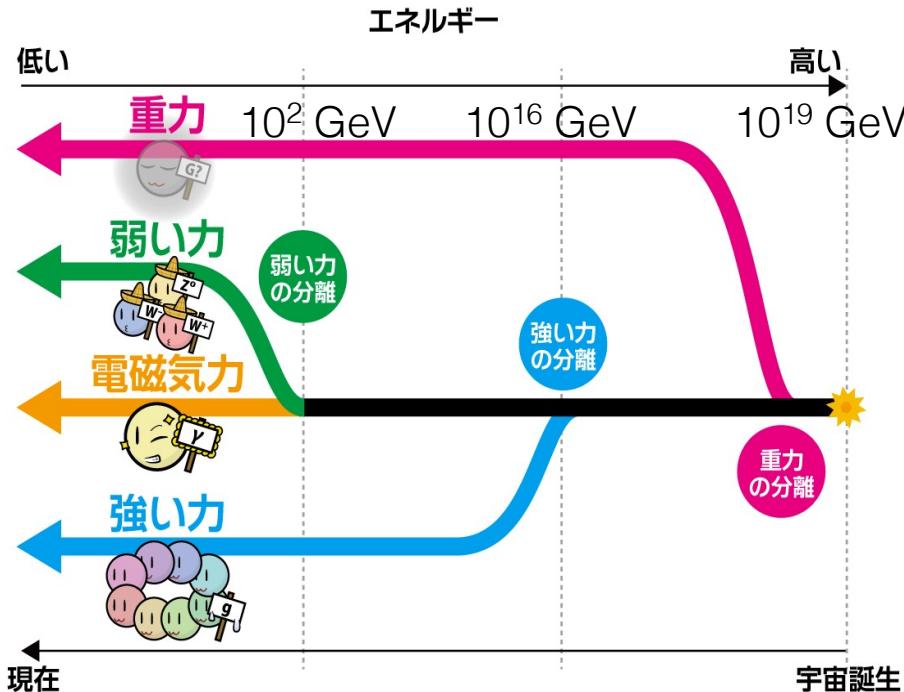
ところで階層性問題

素粒子物理をまじめに勉強すればするほど、この世の中の現象は 10^{16} GeV とか 10^{19} GeV とかで記述されるのが自然な気がしてくる



プランクスケール

重力が他の力と同じくらい強くなるスケール



1. 重力は、とても高エネルギー(短距離)で、他の相互作用と同じくらいの大きさの相互作用になりうる。
2. 重力が弱すぎるためそのエネルギーはとても大きく 10^{19} GeV

重力定数が実は大きかったなんてことがあると、プランクスケールと電弱スケールの階層性問題はなくなりうる。

重力相互作用

$$G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

電磁気相互作用

$$e^2 \frac{\hbar c}{r^2}$$

$$G \frac{E_1 E_2}{r^2} = G \frac{(\hbar c)^2}{r^4}$$

量3等の力です。
量2等、
量は r^4 で表されます。

$$G \frac{(\hbar c)^2}{r^4} = e^2 \frac{\hbar c}{r^2}$$

$$R \propto \sqrt{G}$$

1

$$\text{プランクスケール} \propto \sqrt{G}$$

プランクスケール 10^{19} GeV

「実は強い重力」を余剰次元を使って説明できる？

- コンパクトな余剰次元に対する力線



この例だと、「コンパクトな 2 次元」 + 「立派な 1 次元」

3 次元的なガウスの法則
($1/r^2$ に比例)

1 次元的なガウスの法則
(力が距離に応じて減らない)

余剰次元によって $1/R^2$ で力線密度が薄まっている
(最終的な見えない次元方向の) 断面の大きさは、 R の大きさで決まっている (R^2)

“思考: 「重力が弱すぎる」は実は嘘で余剰次元のせいで薄まっている仮説。”
ちなみに、コンパクトな余剰次元がでかいほど & 次元数が大きいほど薄まる。

階層性問題の解決としての余剰次元

- 余剰次元によるプランクスケールの修正を真面目に式で書く
 - コンパクト化スケール R で
 - n 個のフラットな余剰空間次元を足した場合

四次元の弱い重力

$$V(r) = -\frac{m_1 m_2}{M_{\text{Planck}}^2} \frac{1}{r}$$

高次元の強い重力

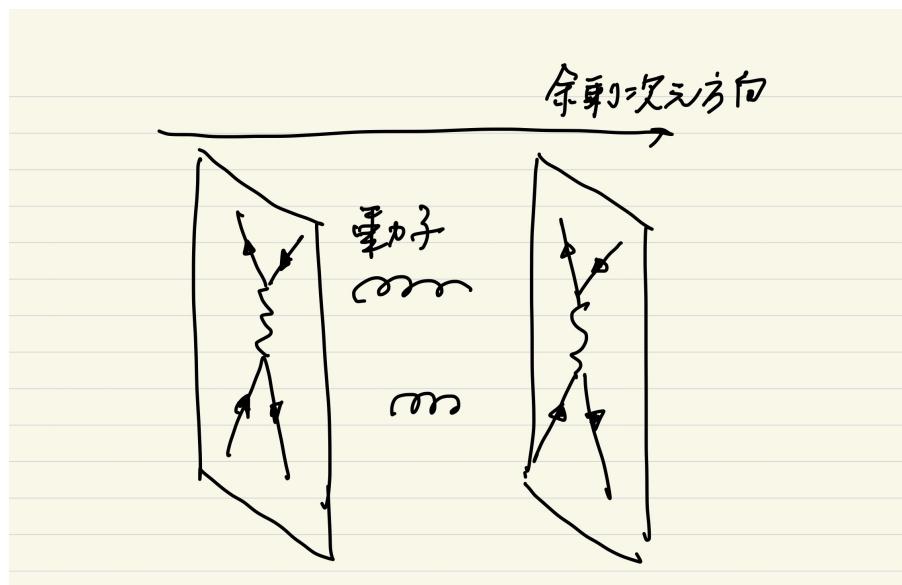
$$V(r) = -\frac{m_1 m_2}{M_D^{2+n}} \frac{1}{r^{1+n}} \quad (\text{small } r)$$

$$V(r) = -\frac{m_1 m_2}{M_D^{2+n} R^n} \frac{1}{r} \quad (\text{large } r)$$

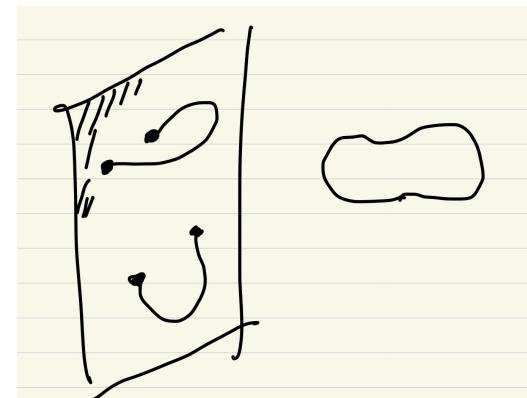
- 真のプランクスケール
- 四次元時空では重力は見かけ上弱く見えるだけ
真のプランクスケールは実は結構低エネルギー → “階層性問題の解決案”
- プランクスケールを TeV まで下げる余剰次元のサイズは?
 - $n=1$: 太陽系サイズ (非現実的), $n=6$: 100 fm (現実的)

ブレーン

- ・グラビトンだけが行き来できるコンパクトな余剰次元
 - ・素粒子標準模型は 10^{-18} mまでのポテンシャルの振る舞いを正しく記述
 - ・「標準模型粒子」は余剰次元方向を感じない
 - ・3次元 + 1次元のブレーンに束縛されている
 - ・重力だけが、余剰次元による薄まる効果をうける



ひも理論の言葉を借りるならば、
標準模型の粒子 (spin 0, $\frac{1}{2}$, 1) は開弦
重力子 (spin 2) だけが閉弦



ブレーン + 余剰次元という新しい時空のコンセプトは、
階層性問題のよい解決になりそう！

新しい物理を示す王道手法

1. 「実験データ」を用いて、「新しい現象」や「新しい粒子」の発見する
2. 新しい現象の性質の詳細な理解により、新発見の裏にある、「新しい物理」を確立する

ブレーン + 余剰次元をしめす
加速器実験のデータで見つけられる新現象はあるか？

グラヴィトンとKK モード

- 余剰次元方向の運動量 = 4 次元世界の質量

数式が出てきますが、
「議論の本質」だけ。

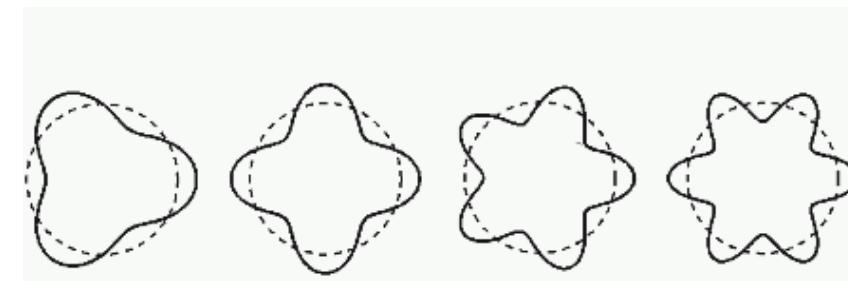
$$p^2 = 0 = g_{AB} p^A p^B = p_0^2 - \mathbf{p}^2 \pm p_5^2 \quad \text{5 次元時空での質量 } 0 \text{ 粒子}$$

$$p_0^2 - \mathbf{p}^2 = p_\mu p^\mu = \mp p_5^2 \quad p_\mu p^\mu = m^2 \quad \begin{array}{l} \text{5 次元目の運動量が} \\ \text{\color{red}4 次元の質量} \end{array} \text{に見える}$$

- KG 方程式を “Rで巻かれた周期境界条件” の下、解く

$$A_n \cos ny/R + B_n \sin ny/R$$

$$m_n = n/R$$

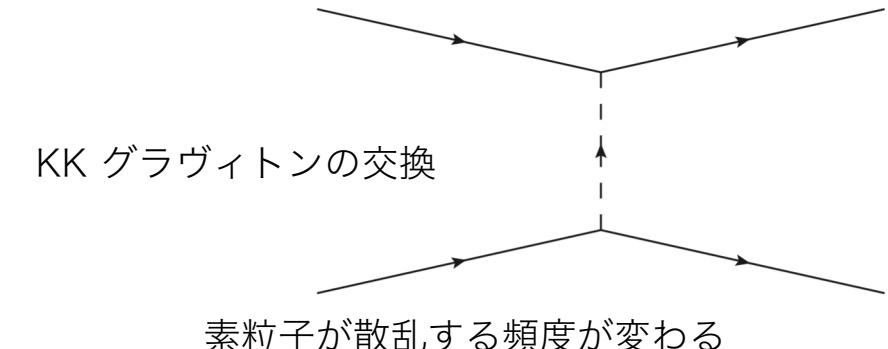
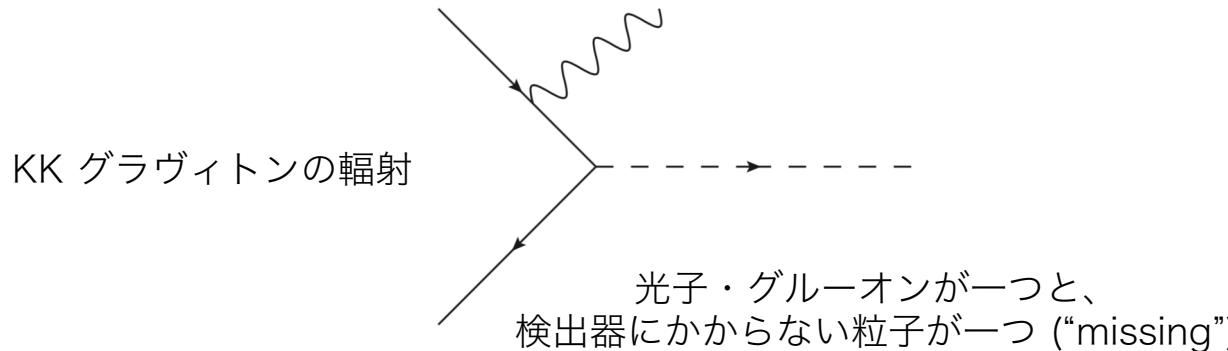


- 余剰次元に運動できる粒子(重力子) はKK モードを持つ

- $1/R$ がそんなに大きくなく、連続的な質量スペクトラム

KK モードの見え方

- ・2つの新しい相互作用を考えてみよう



- ・加速器実験で見えるか？

- ・一つ一つのダイアグラムの寄与はしょぼい、けど YES

$$|\mathcal{M}|^2 \propto \sum_k \left| \begin{array}{c} M_k < \sqrt{s} \\ | \quad \text{---} \quad | \\ \diagdown \quad \diagup \\ \text{wavy line} \end{array} \right|^2$$

Diagram showing a Feynman diagram for KK graviton radiation. A wavy line enters from the top-left, splits into two dashed lines, and then splits again into two solid lines. The mass of the KK graviton is labeled M_k .

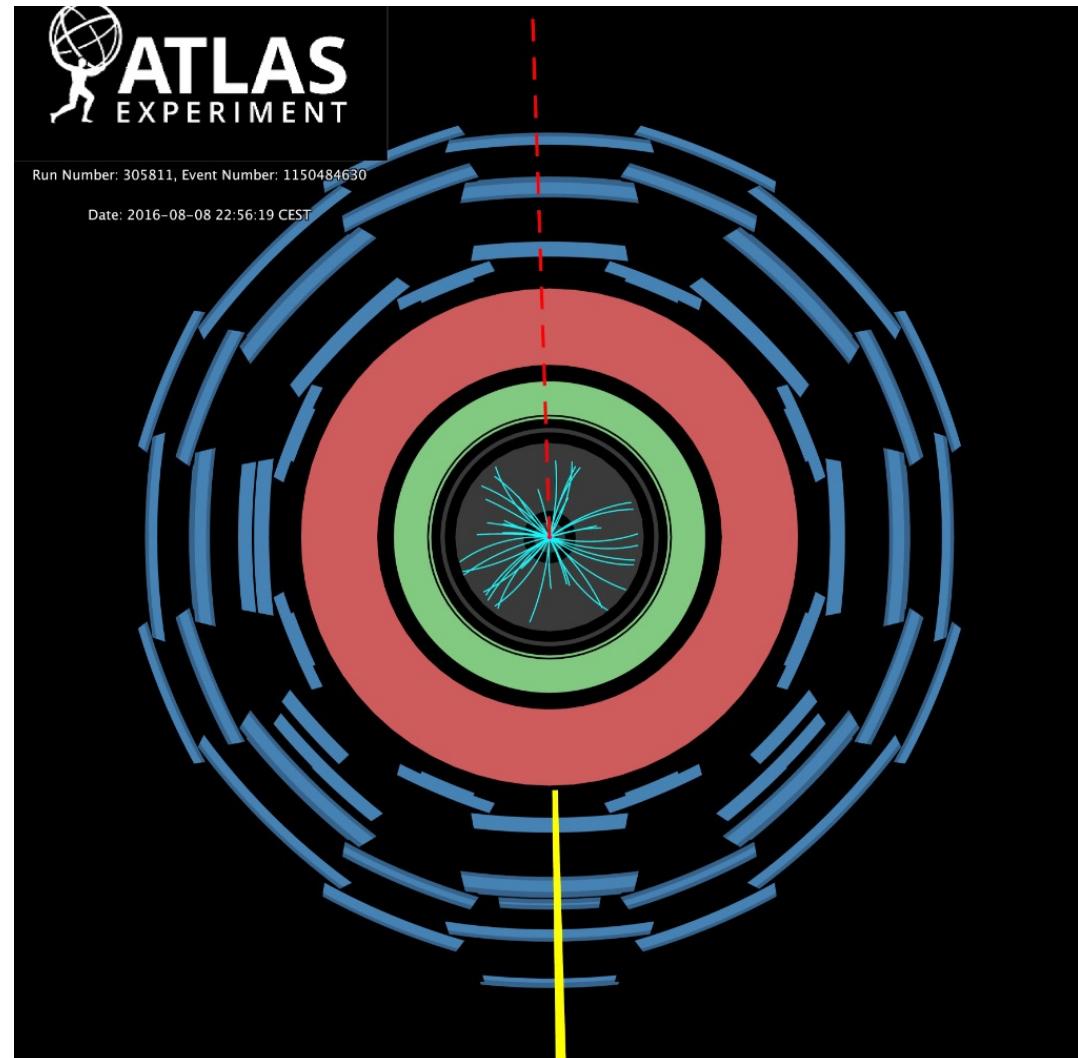
$$|\mathcal{M}|^2 \propto \left| \sum_k^{\infty} \left| \begin{array}{c} \text{solid line} \quad \text{solid line} \\ | \quad \quad | \\ \diagdown \quad \diagup \\ \text{dashed line} \quad \text{dashed line} \\ | \quad \quad | \\ \diagup \quad \diagdown \\ \text{wavy line} \quad \text{wavy line} \\ M_k \end{array} \right|^2 \right|^2$$

Diagram showing a Feynman diagram for KK graviton exchange. Two solid lines enter from the left and right, meet a vertical dashed line, and then split into two solid lines each. The mass of the KK graviton is labeled M_k .

KK グラビトンの輻射探索

光子・グルーオンが一つと、
検出器にかからない粒子が一つ (“missing”)

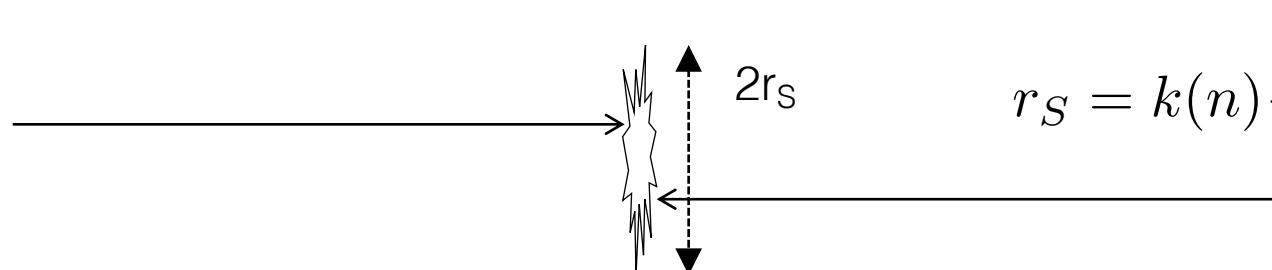
$$|\mathcal{M}|^2 \propto \sum_k M_k < \sqrt{s} \quad \left| \begin{array}{c} \text{事象選別} \\ \text{(MET+jet)} \end{array} \right|^2$$



- Missing ET トリガー
- 高運動量ジェット
- 欠損横運動量 (Missing ET)
 - 運動量保存するはずなのにアンバランス
 - 検出できない粒子の証拠

ブラックホール生成のモデル

- 修正されたシュバルツシルト半径 (断面積)
 - 平坦な n 個の余剰次元の場合


$$r_S = k(n) \frac{1}{M_D} \left(\frac{M_{BH}}{M_D} \right)^{\frac{1}{n+1}}$$

- ブラックホールの反応断面積 πr_S^2
- ブラックホール生成の閾値エネルギー
- コンセプト：
物質波長 $< r_S$

$$\frac{2\pi}{M_{BH}} \lesssim 2r_S \sim \frac{1}{M_D} \left(\frac{M_{BH}}{M_D} \right)^{\frac{1}{n+1}}$$
$$\Rightarrow M_{BH} > kM_D$$

ブラックホール崩壊のモデル化

- “カラフル”, “Charged” で “角運動量” をもつブラックホールは “個性” と “質量” を四つの相で失っていく

1. “脱毛” 相 (balding phase)

- 重力子・ゲージボソンを輻射
- ゲージチャージを失う

2. スピンドウン相

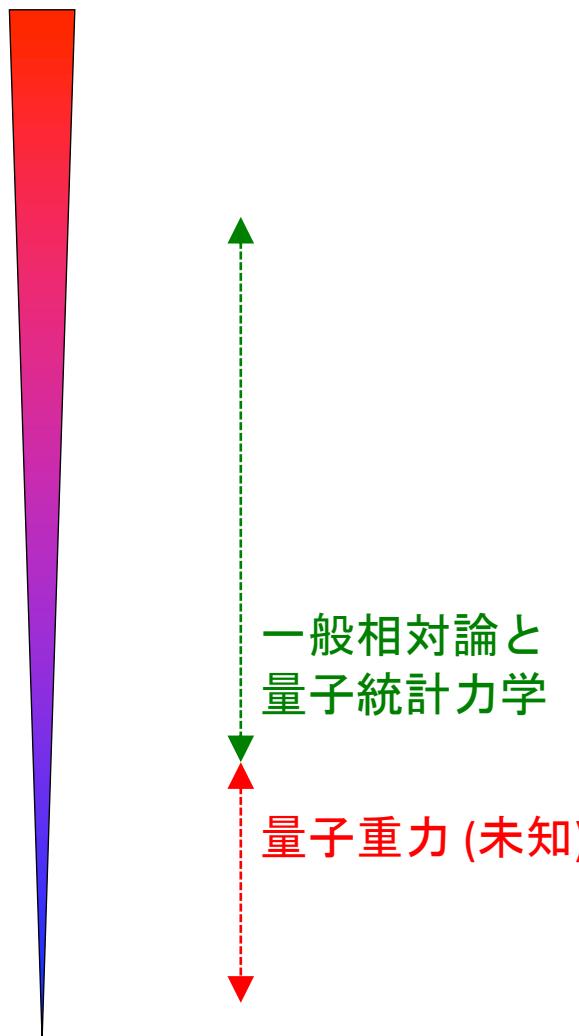
- ホーキング輻射を通じて角運動量を失う

3. シュバルツシルト相

- ホーキング輻射を通じて質量を失う

4. プランク相 ($M_{BH} \sim M_D$)

- シュバルツシルト半径と物質波長が同程度
- “量子重力” によって 2 (3) 体崩壊 (仮説)



ブラックホール崩壊のモデル化

- “カラフル”, “Charged” で “角運動量” をもつブラックホールは “個性” と “質量” を四つの相で失っていく

1. “脱毛” 相 (balding phase)

- 重力子・ゲージボソンを輻射
- ゲージチャージを失って対称になる

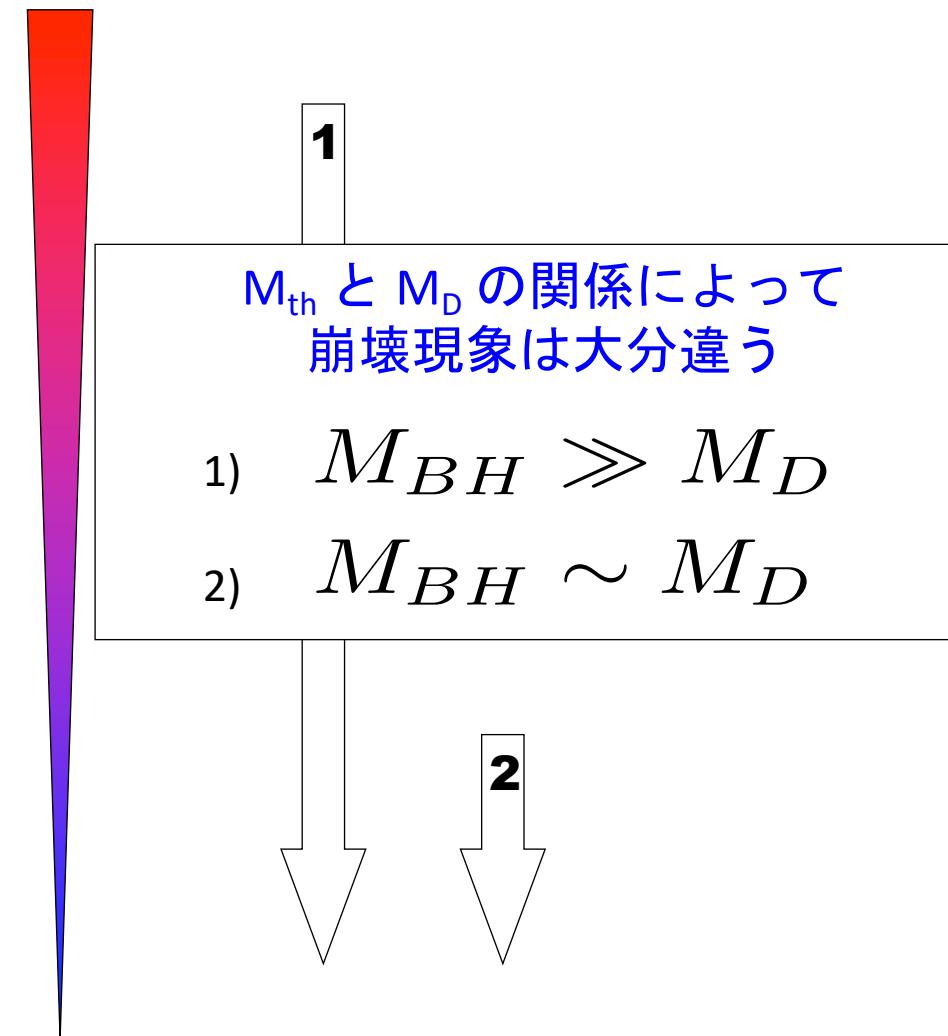
1. ホーキング輻射で調べる

2. 量子重力による BH 崩壊現象を探る！

「BH質量の閾値」 「量子重力へのアクセス」

4. ノランク相 ($M_{BH} \sim M_D$)

- シュバルツシルト半径と物質波長が同程度
- “量子重力” によって 2 (3) 体崩壊 (仮説)



1. 余剰次元は階層性問題の解決になりえる、動機づけされる、実験データでテストすべきアイデア
2. 「実験データ」を用いて、余剰次元が予言する「新しい現象」や「新しい粒子」を探索中
 - 大きな損失横運動量を伴う現象 (KK グラヴィトンの生成)
 - 散乱レートの異常 (KK グラヴィトンの交換)
 - ブラックホール生成
 - 小さい空間で強い重力 = シュバルツシルト半径の拡大 = LHC 衝突でブラックホール生成の可能性
3. 新しい現象の性質の詳細な理解により、新発見の裏にある、「新しい物理」を確立する

ミューオントリガーの研究について

トリガーが大事！

こんなに大きな装置をみんなで
協力して作って動かして
ワクワクする物理実験が
できるのは、やっぱり
面白いなあと思います
次の石野さんの授業で

