# Evaluation of satellite orientation and direction of energetic radiation in LEO orbit

#### Stefan Gohl - ESR 16

Institute of Experimental and Applied Physics, Czech Technical University in Prague

4th Annual Meeting of ARDENT, Prague, June 22 - 26, 2015

collaborating collegues: C. Granja, IEAP, CTU B.Bergmann, IEAP, CTU



St. Gohl

Evaluation of satellite orientation and direction of energetic radiation in LEO orbit

Institute of Experimental and Applied Physics, CTU

A (10) × (10) × (10)

#### Overview

St Gohl

Angle distribution of incoming particles to earth

- Evaluation of Space Application of Timepix RAdiation Monitor (SATRAM) data (attached to Proba-V satellite)
- Determination of satellite orientation relatively to earth
- Determination of particle angles in Timepix detector (track processing)

Express data in (L,B) coordinate system

- L = Mcllwain parameter
- distance from earth of the magnetic field lines of a dipole in earth radii above earth equator
- B = B-field strength

#### Proba-V and SATRAM





- Altitude = 820 km
- Inclination = 98.8°
- Sun-synchronous orbit
- in orbit since May 2013

→ □ → → □ → → □

Evaluation of satellite orientation and direction of energetic radiation in LEO orbit

#### Satellite orientation

Obtain particle angles in the Timepix detector and then:



- (日)

Evaluation of satellite orientation and direction of energetic radiation in LEO orbit

St. Gohl

## Track processing

- Obtain particle angles by extracting skeleton from track
- Skeleton is the actual path of the particle within the silicon layer
- polar angle = angle in the plane of detector
- azimut angle = angle between detector plane and particle elevation



St. Gohl

#### Coordinate transformation



based on: Quaternions - a  $4 \times 1$  matrix with scalar part s and vector part  $\vec{r}$ (Euler axis)

$$q = \begin{bmatrix} s \\ \vec{r} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s \\ r_x \\ r_y \\ r_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \frac{\Theta}{2} \\ ||\vec{e}|| \cdot \sin \frac{\Theta}{2} \end{bmatrix}$$

with  $\Theta = \text{Euler angle}$ 

Figure : Taken from: [1]

transformation of  $\vec{r}$  from coordinate system A to B:

$$\begin{bmatrix} 0\\ \vec{r}_B \end{bmatrix} = q_{B\leftarrow A} \otimes \begin{bmatrix} 0\\ \vec{r}_A \end{bmatrix} \otimes q_{B\leftarrow A}^{-1}$$

Evaluation of satellite orientation and direction of energetic radiation in LEO orbit

#### McIlwain parameter

- L = magnetic shell parameter or McIlwain parameter
- distance from earth of the magnetic field lines of a dipole in earth radii above earth equator
- movement of particles trapped in the magnetosphere is described in (L,B) coordinate system
- symplifies system to 2 coordinates



### L-Shell map



Institute of Experimental and Applied Physics, CTU

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Evaluation of satellite orientation and direction of energetic radiation in LEO orbit

St. Gohl

#### B-field strength

SATRAM data from March 2015:



# Figure : Measured B-field strength 820 km above earth surface

#### Theoretical data from 2010:



# Figure : Calculated B-field strength on earth surface. Taken from: [2]

Institute of Experimental and Applied Physics, CTU

Evaluation of satellite orientation and direction of energetic radiation in LEO orbit

#### References

St Gohl

 K. Großekatthöfer et al., "Introduction into quaternions for spacecraft attitude representation", Techincal University of Berlin, Department of Astronautics and Aeronatics, 2012
J Pilchowski et al. "On the definition and calculation of a generalised Mcllwain parameter", Astrophys. Space Sci. Trans., 6, 9-17, 2010
C. E. Mcllwain "Magnetic Coordinats", University of California, Department of Physics, 1965