Track finding in HEP

Christoph Smaczny

06.11.2015





Track finding in HEP

- Eingrenzung der Aufgabe
- Generieren von Testdaten
- Track finding: Ein erster Ansatz
- Auswertung / Probleme
- Ausblick: Weiterführende Ansätze

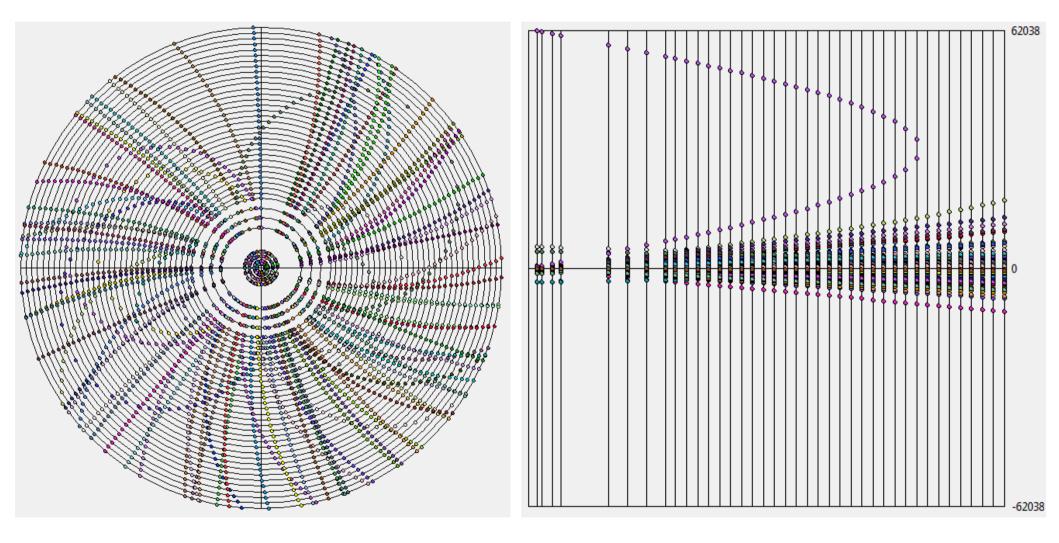
Eingrenzung der Aufgabe

- Um Events weiterverarbeiten zu können, müssen Hits in Impuls- und Ortswerte umgewandelt werden
- 2 Schritte:
 - Track reconstruction
 - Track finding
 - Track fitting
 - Vertex reconstruction
- In diesem Projekt nur 1. Teil des 1. Schritts: Welche Hits könnten Track bilden?

Generierung von Testdaten

- Koordinatensystem: z-Achse entlang Strahlachse, xy-Ebene senkrecht dazu
- Für jedes Teilchen:
 - Beginne im Zentrum des Detektors
 - Solange nicht auf äußerstem Detektorzylinder:
 - Berechne in xy-Ebene Schnittpunkte der Flugbahn mit n\u00e4chstem Detektorzylinder
 - Falls Schnittpunkt(e) existiert:
 - wähle richtigen Schnittpunkt
 - Berechne z-Koordinate des Schnittpunkts
 - Füge Hit aktuellem Track hinzu (verändere Hitposition auf Detektor zuvor normalverteilt zufällig leicht)
 - Der nächste Zylinder wird zum aktuellen
 - Sonst: gehe von diesem Zylinder aus wieder Zylinderweise nach innen und füge entsprechende Hits hinzu
 - Füge Track der Trackliste hinzu

Generierung von Testdaten



100 Tracks

Track finding: Ein erster Ansatz

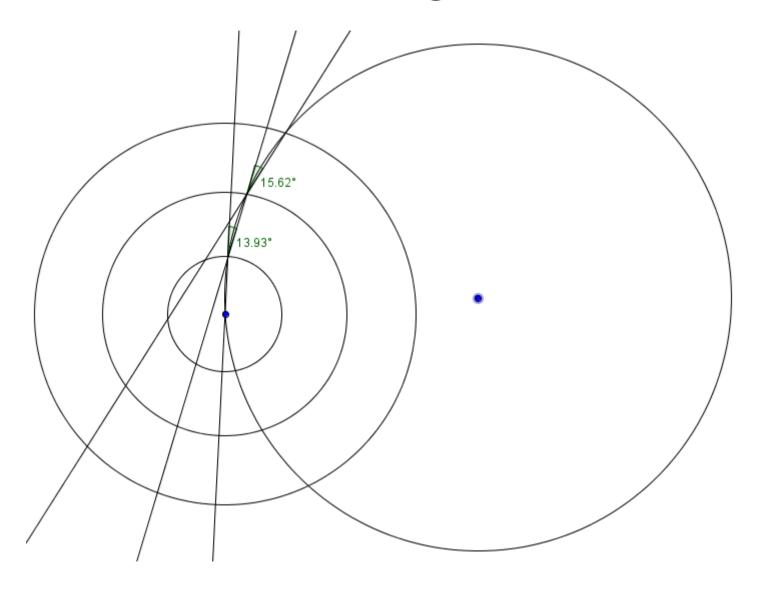
- Eingabe: Liste von Hits (Position, Detektorzylinder)
- Erzeuge Array, dass für jeden Detektorzylinder Liste seiner Hits enthält
- Beginne im Zentrum des Detektors
- TrackCandidates := []
- Track := []
- A: Für jeden Hit auf aktuellem Zylinder: //Tiefentraversierung
 - Falls Winkelkriterium und Steigungskriterium erfüllt:
 - Wenn aktueller Zylinder äußerster Zylinder: Füge Track zu TrackCandidates hinzu
 - Sonst:
 - Für Track = Track+Hit und nächsten Zylinder zu A
 - Track hat danach wieder alten Wert (ohne aktuellen Hit)

Track finding: Ein erster Ansatz

Winkelkriterium:

- Gegeben 3 Punkte P1, P2, P3 mit P1.layer + 2 = P2.layer + 1 = P3.layer
- γ := (kleinerer) Winkel zwischen den Geraden P1P2 und P2P3
- <γ> := Mittelwert der bisherigen γ
- $|\gamma \langle \gamma \rangle| < \alpha/2$
- Steigungskriterium:
 - Gegeben 2 Punkte P1, P2 mit P1.layer + 1 = P2.layer
 - Differenz der Steigungen in z-Richtung zwischen Gerade P1P2 und mittlerer Steigung kleiner als ein Schwellwert
- Sind noch zu wenige Punkte zur Anwendung der Kriterien da, werde sie immer aufgenommen

Track finding: Ein erster Ansatz



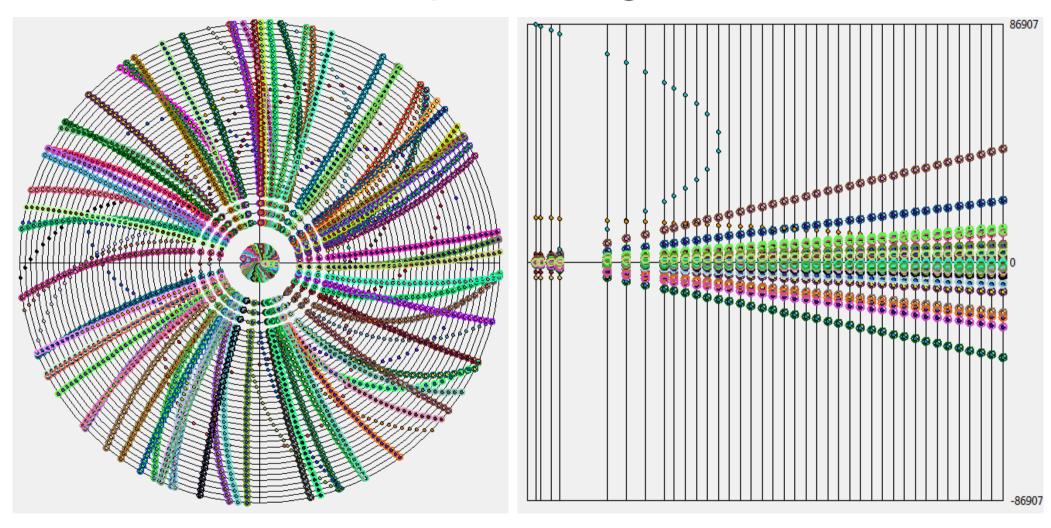
Winkel nur für große Trackradien ungefähr gleich

unproblematisch, da meist Teilchen mit großen Impulsen von Interesse sind

Gütekriterien für Track finding

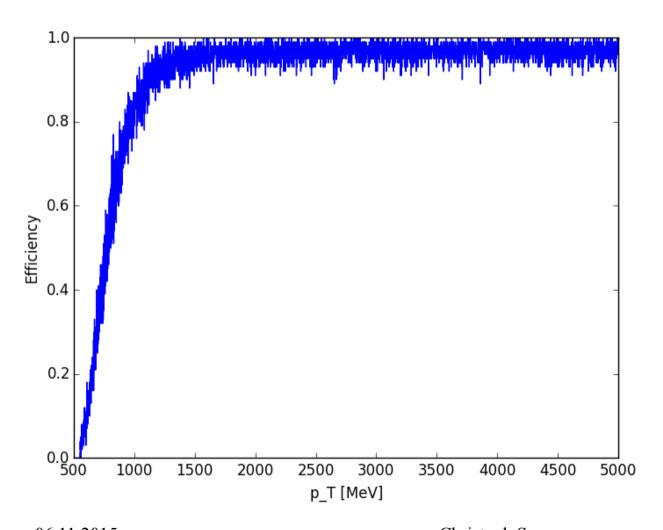
- Efficiency: Anteil der vollständig erkannte Tracks an den generierte Tracks
- Fakerate: Anteil falscher Tracks an allen gefundenen Tracks

Beispielausgabe



Efficiency: 86 %, Fakerate: 19 %

Transversalimpuls → Efficiency



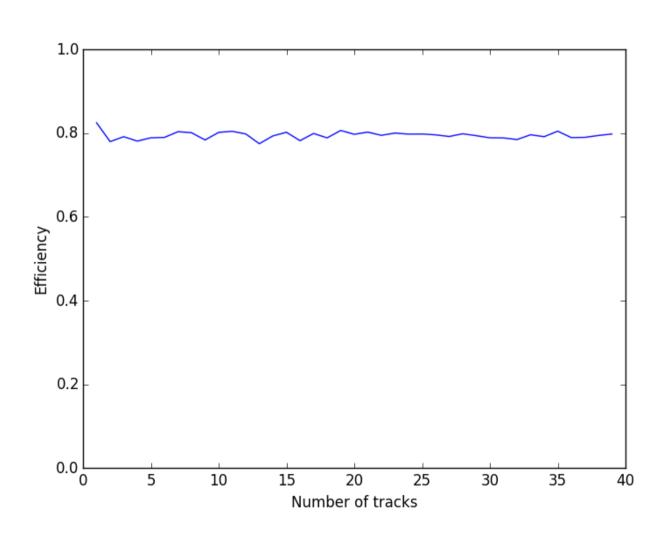
Zufällige Verschiebung für xy und z: Normalverteilt mit σ = 1 (Längen in mm)

Gemittelt über 100 Durchläufe

$$\alpha = 2\pi/40 = 0.157$$

06.11.2015 Christoph Smaczny 11

Anzahl Tracks → Efficiency

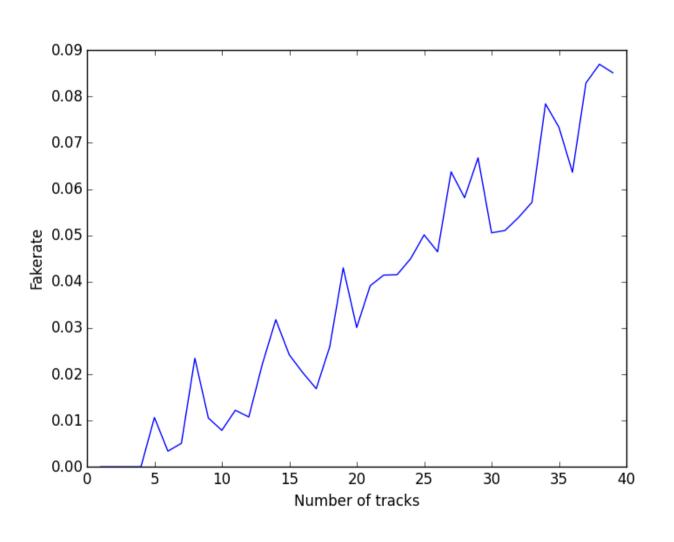


Gemittelt über 200 Durchläufe

 $\alpha = 2\pi/40 = 0.157$

Wie erwartet ist Efficiency unabhängig von Anzahl an Tracks

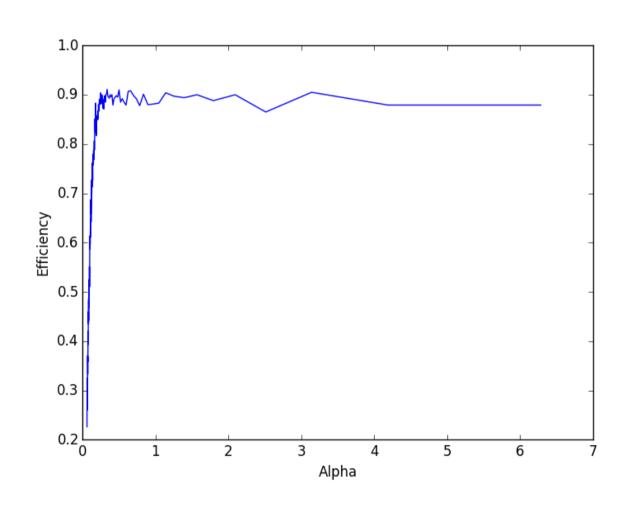
Anzahl Tracks → Fakerate



100 Durchläufe 20 Tracks $\alpha = 0.157$

Nicht eindeutig, um was für eine Funktion es sich handelt

$\alpha \rightarrow Efficiency$



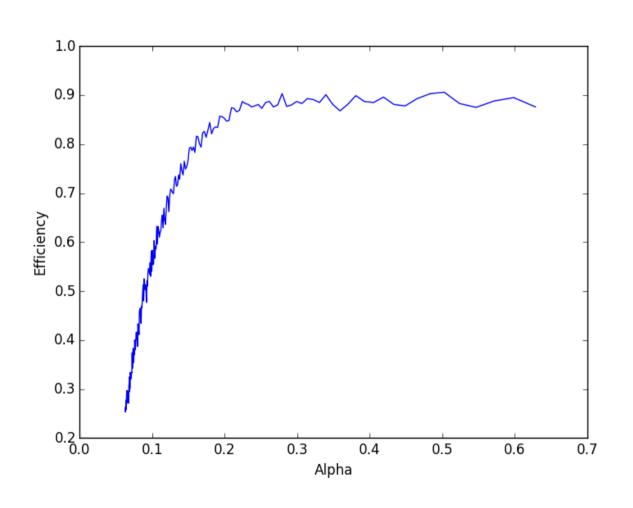
1000 Durchläufe

1 Track

Kaum Veränderung ab $\alpha = 0.3$

Nur 1 Track zu verwenden legitim, da Unabhängigkeit der Efficiency gezeigt

$\alpha \rightarrow Efficiency$



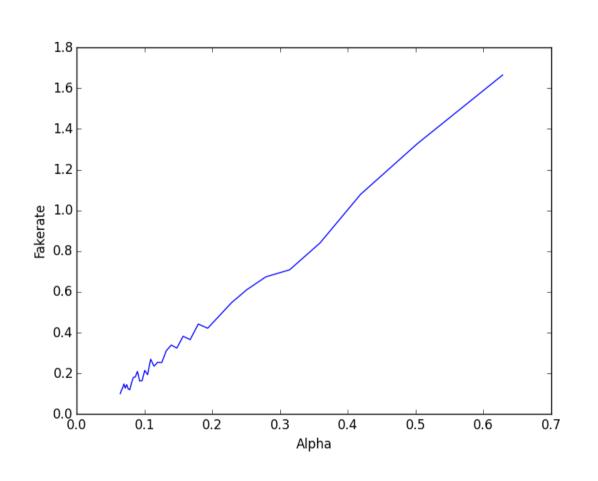
1000 Durchläufe

1 Track

Kaum Veränderung ab $\alpha = 0.3$

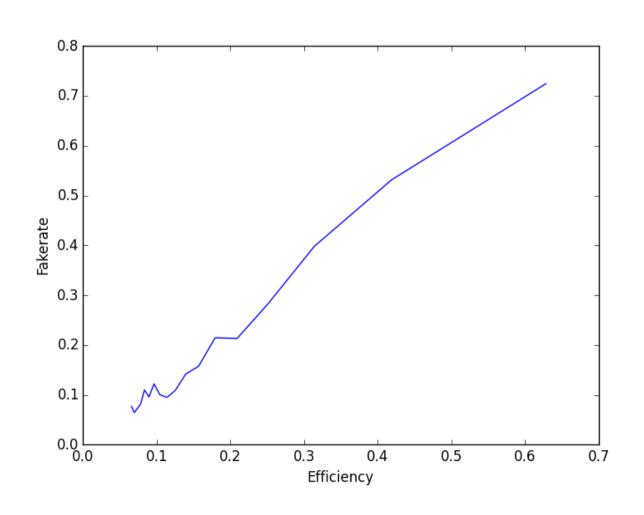
Nur 1 Track zu verwenden legitim, da Unabhängigkeit der Efficiency gezeigt

$\alpha \rightarrow$ Fakerate



1000 Durchläufe 20 Tracks 5er-Schritte Scheinbare Linearität vermutlich wegen geringer Trackanzahl

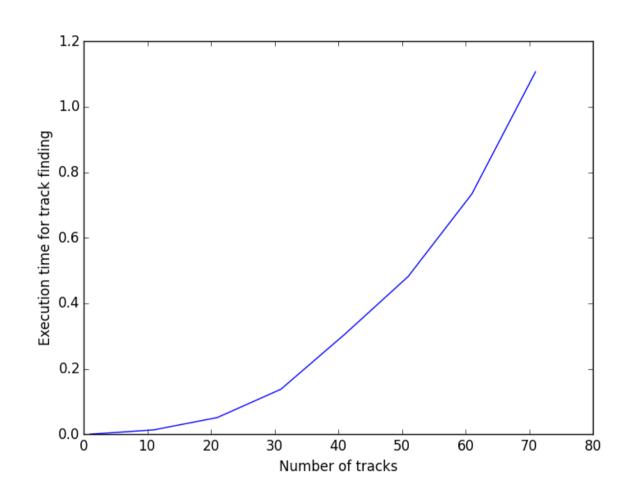
Efficiency \rightarrow Fakerate (ändere α)



Wie zu erwarten wird höhere Efficiency mit höherer Fakerate erkauft

Dass Funktion
linear aussieht
wieder auf geringe
Trackzahl
zurückzuführen

Anzahl Tracks → Ausführungszeit



200 Durchläufe 10er-Schritte

 $\alpha = 0,157$

Exponentielles Wachstum

 → Algorithmus für große Teilchenzahlen problematisch

Weiteres Laufzeitproblem

- Haben 2 Teilchen sehr ähnliche Parameter, so würden 2^N Tracks gefunden, wobei N := Anzahl an Detektorzylindern
- Das wären z. B. bei 40 Zylindern ca. 10¹²
- Problem z. B. lösbar durch Bildung von Clustern

Weiterführende Ansätze

- Vorstellung der Hits als Knoten in Graph: Berechne Gewichte für Kanten
 - u. A. basierend auf den hier verwendeten Kriterien (Winkeldifferenz, Steigungsunterschied)
 - Nehme Kanten nur in Pfad auf, wenn Gewicht größer als Schwelle
 - Beziehe durchschnittliches Kantengewicht auf bisherigem Pfad ein
- Begrenze worst-case Laufzeit, indem nur bestimmte Anzahl an Pfaden verfolgt wird
- Benutze zur Berechnung der Gewichte maschinelles Lernverfahren, z. B. Logistische Regression → Nähere Ableitungen durch Differenzenquotienten; Nimm gemittelte Werte aus vielen Durchläufen

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit.