

Das Standardmodell der Teilchenphysik im Schulunterricht

Fachvortrag



DR. HANS RIEGEL-STIFTUNG

Michael Kobel, Philipp Lindenau, Claudia Behnke
Ratingen | 04. – 05.09.2017



NETZWERK
TEILCHENWELT

Elementarteilchenphysik im neuen Rahmenlehrplan in NRW

Inhaltsfeld 5 Atom-, Kern- und Elementarteilchenphysik Das Inhaltsfeld *Atom-, Kern- und Elementarteilchenphysik* beinhaltet den Aufbau des Atoms, seiner Hülle und seines Kerns sowie den **Aufbau der Materie im Kleinsten nach dem sogenannten Standardmodell**. Inhalte sind außerdem ionisierende Strahlung und radioaktiver Zerfall von Atomkernen sowie Kernumwandlungen durch Kernspaltung und Kernfusion. Die Behandlung von Atom- und Kernphysik bietet einerseits einen Einblick in den Aufbau der Materie unter dem Aspekt des Wandels historischer Atommodelle und liefert andererseits Entscheidungsgrundlagen für die Einschätzung des Für und Wider im Umgang mit ionisierender Strahlung und der Nutzung von Kernenergie.

Quelle: http://www.schulentwicklung.nrw.de/lehrplaene/upload/klp_SII/ph/KLP_GOST_Physik.pdf, 15.02.2016

Inhaltsfeld 5 Atom-, Kern- und Elementarteilchenphysik

Inhaltliche Schwerpunkte

Atomaufbau
Ionisierende Strahlung
Radioaktiver Zerfall
Kernspaltung und Kernfusion
Elementarteilchen und ihre Wechselwirkungen

Mögliche Kontexte

Geschichte der Atommodelle
Lichtquellen und ihr Licht
Physik in der Medizin (Bildgebende Verfahren, Radiologie)
(Erdgeschichtliche) Altersbestimmungen
Energiegewinnung durch nukleare Prozesse
Forschung an Teilchenbeschleunigern

Basiskonzept Wechselwirkung

Kernkräfte
Kettenreaktion
Austauschteilchen der fundamentalen Wechselwirkungen
Konzept der Austauschteilchen vs. Feldkonzept

Basiskonzept Energie

Linienspektren
Energiequantelung der Hüllelektronen
Dosimetrie
Bindungsenergie
Äquivalenz von Masse und Energie

Basiskonzept Struktur der Materie

Kern-Hülle-Modell
Bohr'sche Postulate
Strahlungsarten
Zerfallsprozesse
Massendefekt
Kernbausteine und Elementarteilchen

Quelle: http://www.schulentwicklung.nrw.de/lehrplaene/upload/klp_SII/ph/KLP_GOST_Physik.pdf, 15.02.2016

Was ist Physik?



- ▶ Physik versucht die Wirklichkeit / Welt zu beschreiben
- ▶ Am Besten: Möglichst einfach



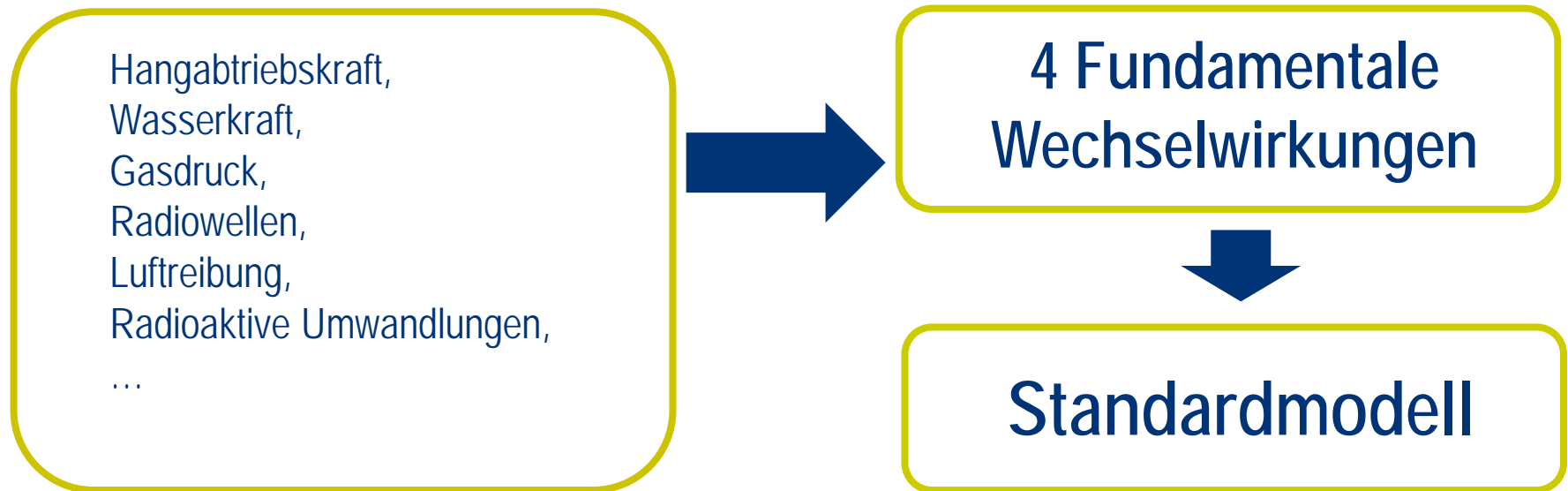


Vereinheitlichungen in der Physikgeschichte

- ▶ **Newtonsche Mechanik** (17. Jhd.): „irdische“ Fallgesetze (Galilei) und Bewegung der Himmelskörper (Kepler) als Folgen der Gravitation
- ▶ **Elektromagnetismus** (19. Jhd.): Zusammenfassung elektrischer und magnetischer Phänomene durch J. C. Maxwell
- ▶ **Relativitätstheorie** (20. Jhd.): Vereinheitlichung von Raum und Zeit zur *Raumzeit* und von Masse und Energie ($E = mc^2$) durch A. Einstein

Vereinheitlichungen

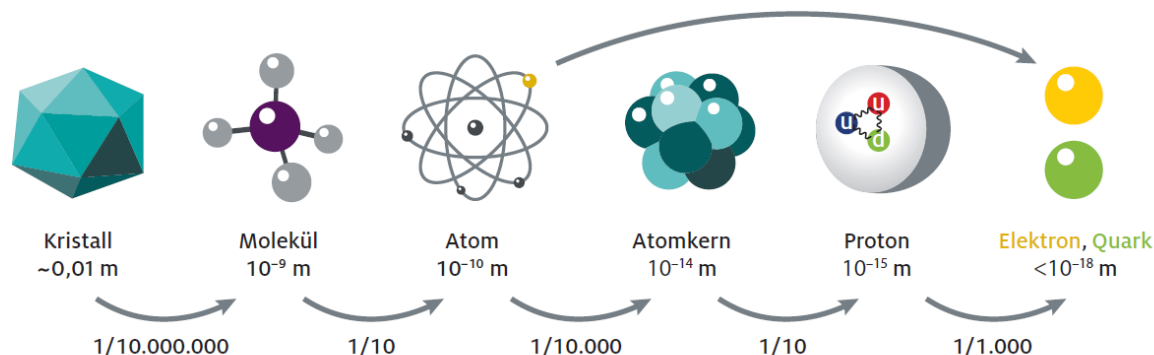
- ▶ Alle Vorgänge / Phänomene lassen sich auf 4 Wechselwirkungen zurückführen



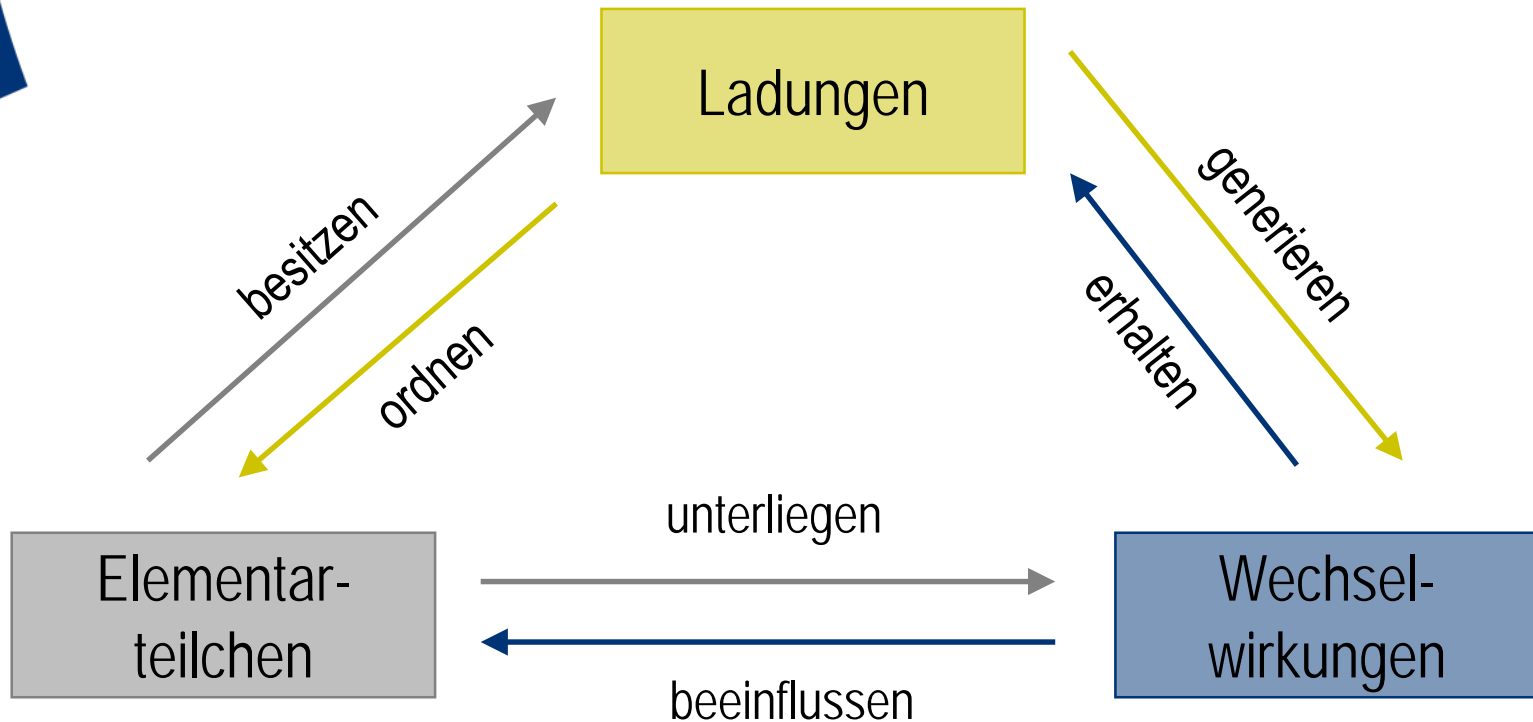
Das Standardmodell der Teilchenphysik

► Das Standardmodell

- Elegantes Theoriegebäude („Quantenfeldtheorie“) mit großer Vorhersagekraft basierend auf experimentellen Erkenntnissen.
- beschreibt alle bekannten Wechselwirkungen auf Teilchenebene
- Wurde 1960er und 1970er Jahren entwickelt. Seitdem in zahlreichen Experimenten überprüft und bestätigt



Die drei Basiskonzepte des Standardmodells



Das Standardmodell der Teilchenphysik

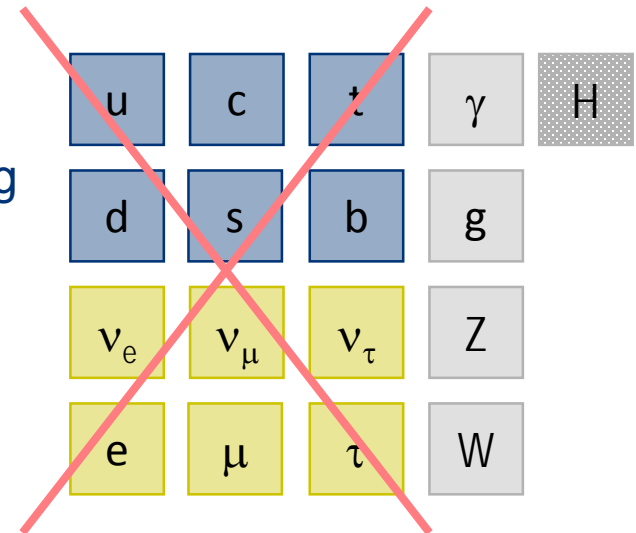
- ▶ Grundlage: Konsequenzen fundamentaler Symmetrien (lokale Eichsymmetrien)
 - Ladungen und Wechselwirkungen
 - nicht: Liste der existierenden Teilchen, sondern Regeln, die beschreiben welche Teilchen existieren dürfen

u	c	t	γ	H
d	s	b	g	
ν_e	ν_μ	ν_τ	Z	
e	μ	τ	W	

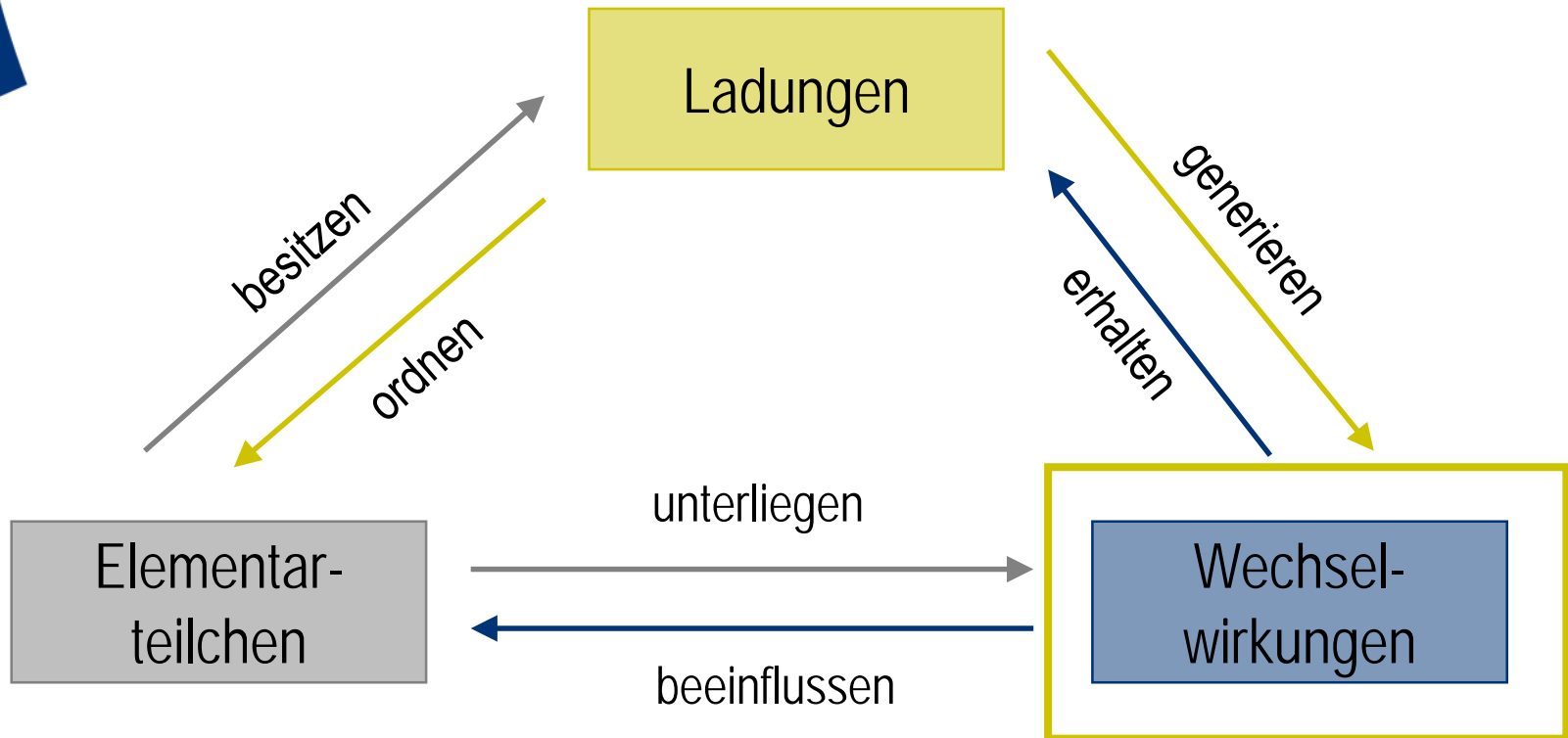
Fußball - Analogie

- ▶ Wie erklärt man jemandem etwas Unbekanntes? z.B. Fußball...
 - Man beginnt nicht mit der Anzahl der Spieler oder gar deren Positionen, sondern mit den Grundregeln
 - Spieler = Elementarteilchen
 - Regeln = Wechselwirkungen, Erhaltungssätze,...

- ▶ Wieso also bei der Behandlung des Standardmodells damit beginnen??
 - Nur u,d,e sind für Aufbau der Materie nötig
 - Warum es genau diese Teilchen gibt, kann nicht vorhergesagt werden (nicht verstanden!)



Die drei Basiskonzepte des Standardmodells



Basiskonzept: Wechselwirkung

Basiskonzept:
Wechselwirkung
= Kraft + Umwandlung +
Erzeugung + Vernichtung

► Umfasst die Phänomene

- Kraft (Vektor) (z.B. Coulomb-Kraft)
- Umwandlung von Teilchen ineinander (z.B. β -Umwandlung)
- Erzeugung von Materie + Antimaterie (z.B. Elektron + Positron)
- Vernichtung in Botenteilchen (z.B. PET: 2 Photonen)

► Begriffe **Kraft** und **Wechselwirkung** sind klar zu trennen

► **Kraft** ist nur ein **Aspekt** von Wechselwirkung

► Kraft nur dort verwenden, wo wirklich Kraft gemeint ist

Vereinheitlichungen

- ▶ Alle Vorgänge / Phänomene lassen sich auf 4 Wechselwirkungen zurückführen

Hangabtriebskraft,
Wasserkraft,
Gasdruck,
Radiowellen,
Luftreibung,
Radioaktive
Umwandlungen,
...



**4 Fundamentale
Wechselwirkungen**

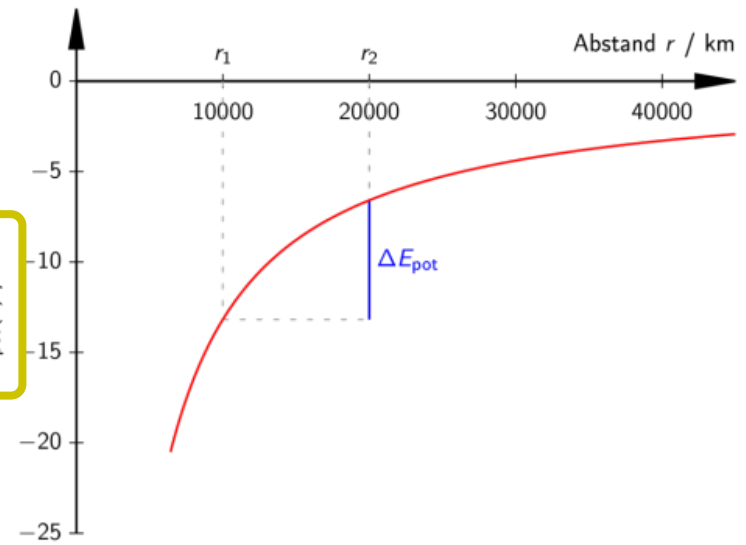
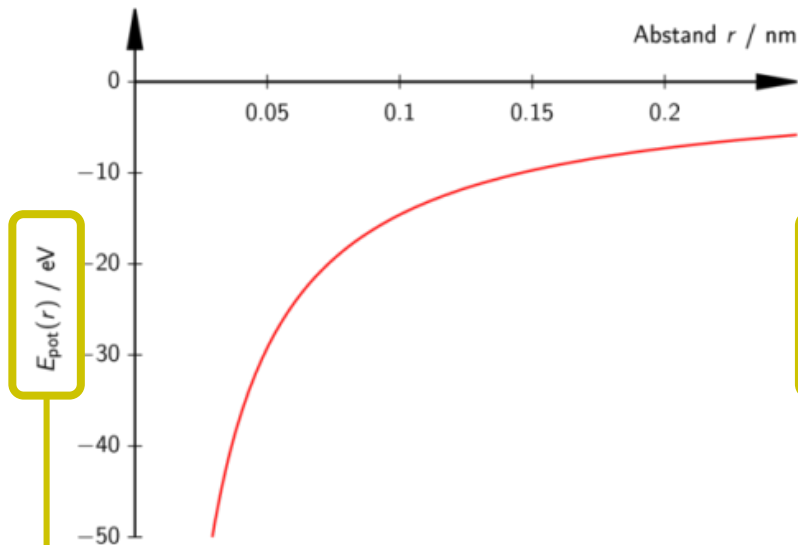


Standardmodell

Ausgangspunkt: Zwei Bekannte Wechselwirkungen

► Elektromagnetische Wechselwirkung

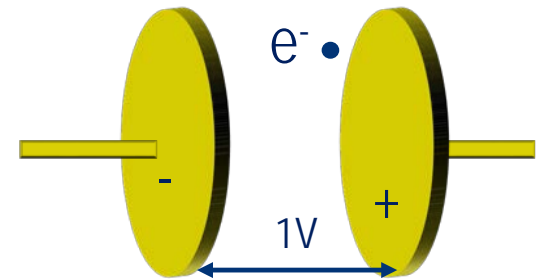
► Gravitation



eV als Einheit

Einschub: Elektronenvolt

- ▶ 1 eV ist die Energie, die ein Elektron gewinnt, wenn es eine Spannung von 1 Volt durchläuft.
 - 1 eV = $1,6 \cdot 10^{-19}$ Joule
 - 1 GeV = 10^9 eV
 - 1 TeV = 10^{12} eV



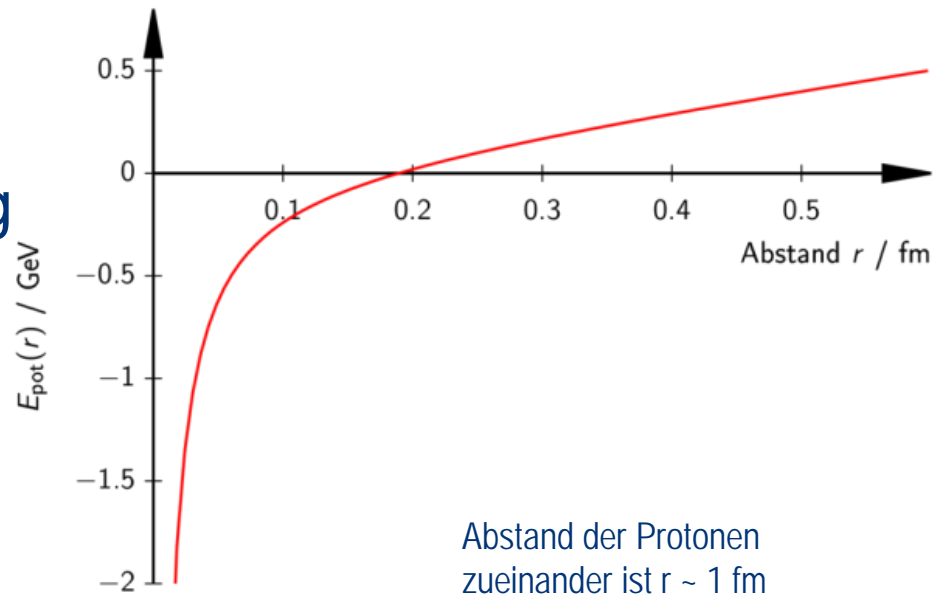
- ▶ Wegen $E=mc^2$ können Massen in eV/c^2 angegeben werden! (c: Lichtgeschwindigkeit)
 - Elektron $0,5 \text{ MeV}/c^2$
 - Proton $938 \text{ MeV}/c^2 \sim 1 \text{ GeV}/c^2$
 - Higgs Boson $\sim 125 \text{ GeV}/c^2$



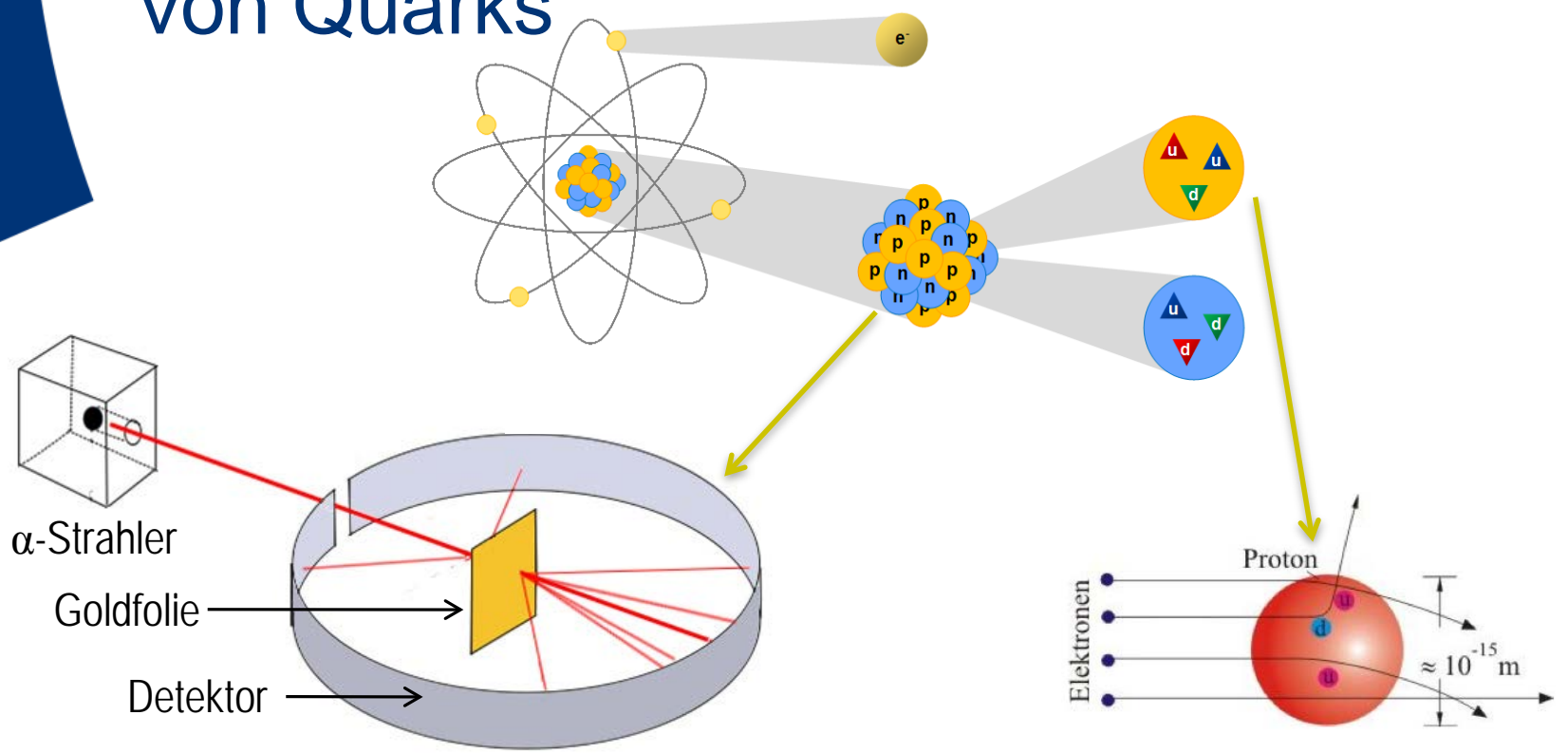
Die Starke Wechselwirkung

- ▶ Warum „halten“ die 8 Protonen im Sauerstoffkern zusammen, obwohl sie sich elektromagnetisch abstoßen?

- ▶ **Einführung:**
starke Wechselwirkung
(hier schon zwischen Quarks im Proton)



Einschub: Experimenteller Nachweis von Quarks



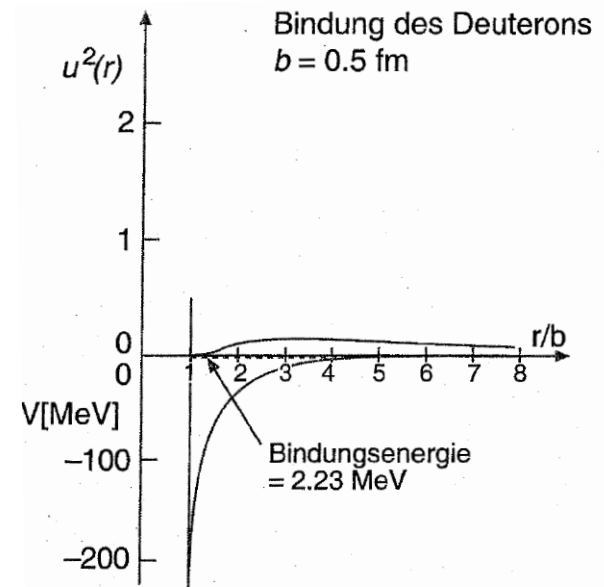
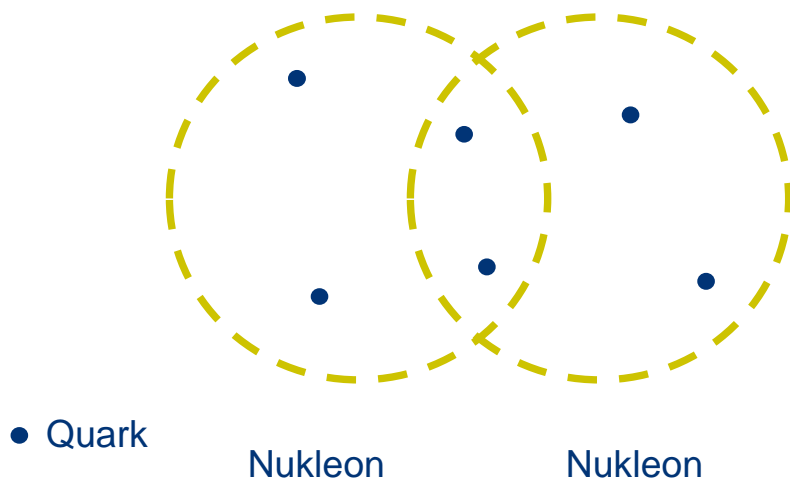
Rutherford-Streuexperiment (1911)
Streuung von α -Teilchen an Goldatomen
→ Entdeckung des Atomkern

Experiment am SLAC (1969)
Streuung von Elektronen an Protonen
→ Entdeckung der Quarks

Bindung von Nukleonen

► Zusammenhalt von Nukleonen analog zur Elektronenpaarbindung bei Atomen

- Kurze Abstände: Nukleonen im Kern „teilen“ sich kurzzeitig ein Quark-Paar
- Größere Abstände: Austausch von Quarks („Pionen“)



Quelle: Povh, Rith, Zetzsche: Kerne und Teilchen



Die Schwache Wechselwirkung

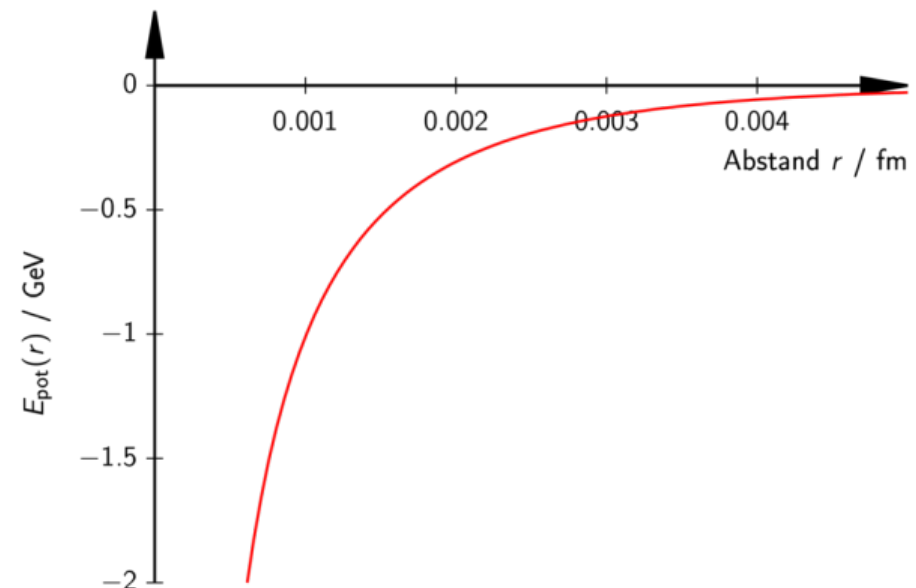
► Warum scheint die Sonne?

- 4 Protonen fusionieren zu ${}^4\text{He} + 2e^+ + 2n_e$
- Wie „verwandelt“ sich ein Proton in ein Neutron?

► Einführung:

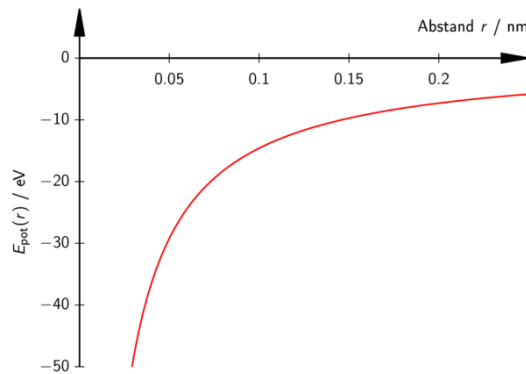
schwache Wechselwirkung
(z.B. Quarks innerhalb von
Nukleonen bei $r \sim 0.001$ fm)

- z.B. β^+ Umwandlung
 $4p \rightarrow {}^4\text{He} + 2e^+ + 2\nu_e$

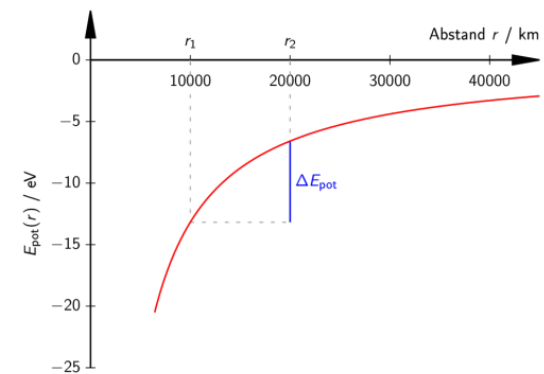


Die 4 fundamentalen Wechselwirkungen

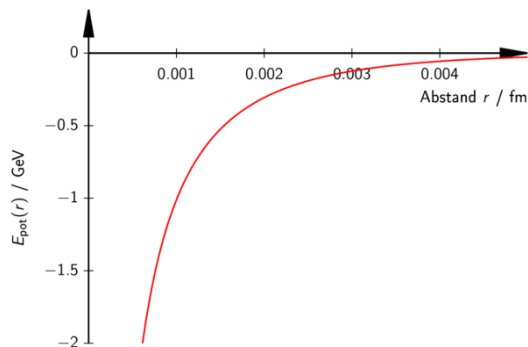
► Elektromagnetische WW



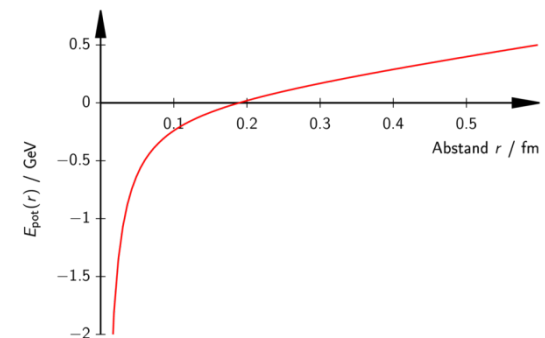
► Gravitation



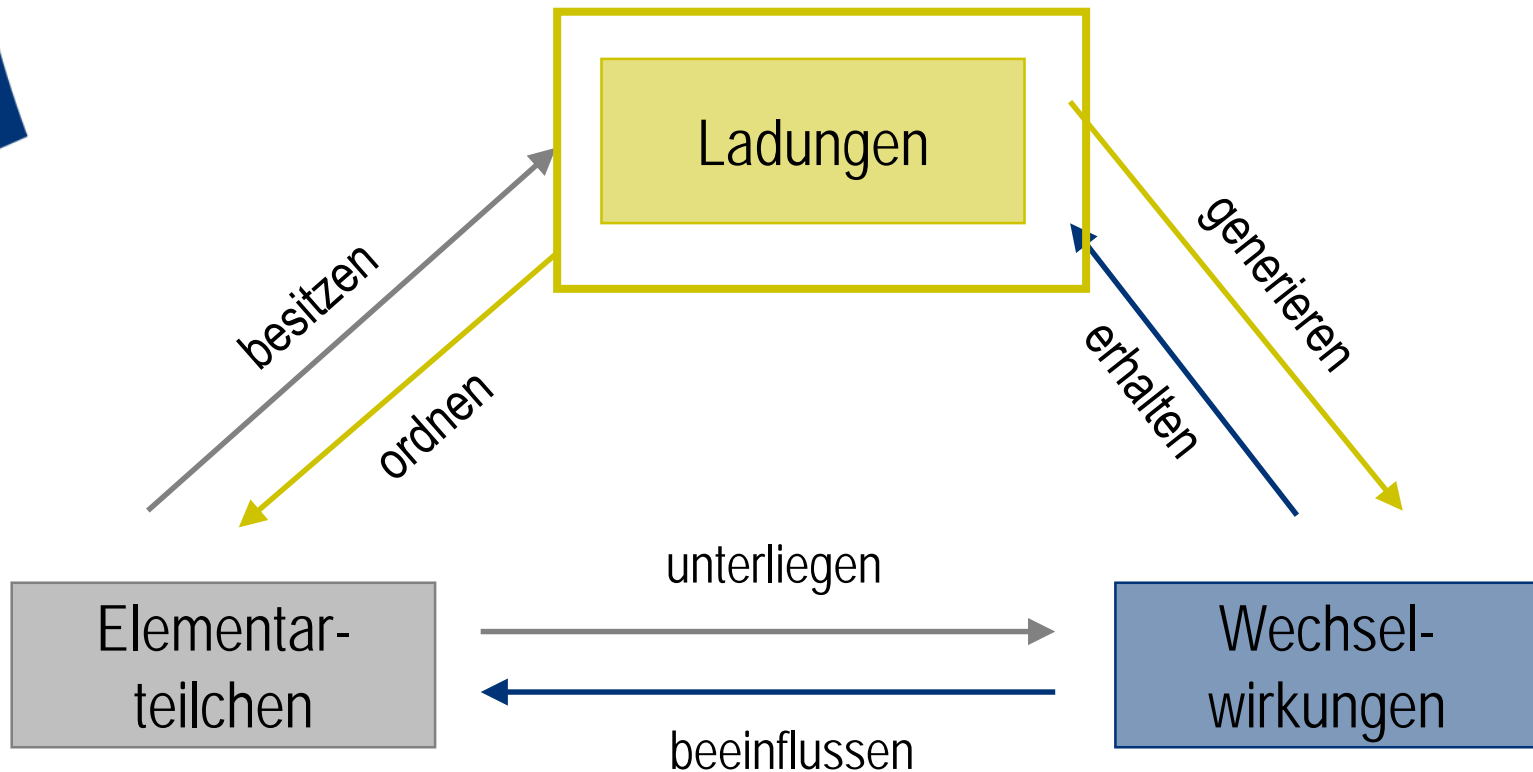
► Schwache WW



► Starke WW



Die drei Basiskonzepte des Standardmodells



Basiskonzept der Ladung

- ▶ Ladungszahl als charakteristische Teilcheneigenschaft

- ▶ Bekannt:

- Elektrische Ladung

$$Q = Z \cdot e$$

Elektrische
Ladungszahl

Elementarladung

Konzept der Ladung

Erweiterung auf andere Wechselwirkungen

► Coulombsches Gesetz: $F_C = \frac{e^2}{4 \pi \epsilon_0} \frac{Z_1 Z_2}{r^2} = \hbar c \alpha_{em} \frac{Z_1 Z_2}{r^2}$

■ $\alpha_{em} = \frac{e^2}{4 \pi \epsilon_0 \hbar c} \approx \frac{1}{137}$

Kopplungsparameter (Feinstrukturkonstante)

► **Einführung** eines Kopplungsparameters α auch für andere Wechselwirkungen

■ $\alpha_w, \alpha_S, \alpha_{grav}$

► **Einführung:** Zu jeder Wechselwirkung existiert eine Ladung

■ Ladungszahl als charakteristische Teilcheneigenschaft

Erweiterung: Konzept der Ladung

- ▶ **Einführung:** Zu jeder Wechselwirkung existiert eine Ladung
 - ▶ Ladungszahl als charakteristische Teilcheneigenschaft
 - ▶ Bekannt:
 - Elektrische Ladung
 - ▶ Neu:
 - Schwache Ladung
 - Starke (Farb-)Ladung
- | | |
|---------------------------|-----------|
| elektrische Ladungszahl | Z |
| schwache Ladungszahl | I |
| starker Farbladungsvektor | \vec{C} |
- ▶ Produkt zweier Ladungen kann positiv oder negativ sein

Und Gravitation?

- ▶ Ladung und Kopplungsparameter der Gravitation quantenmechanisch (noch) nicht definierbar
- ▶ Praktikabel: zwischen Teilchen 1 und Teilchen 2:

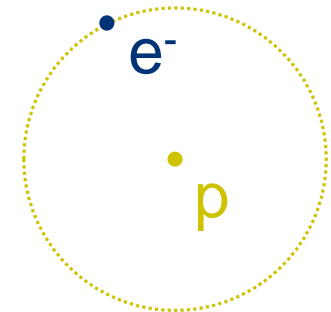
$$\alpha_{grav}^{1,2} = G \frac{m_1 m_2}{\hbar c}$$

- ▶ Beispiel: α_{grav} zwischen Proton (p) und Elektron (e⁻)

- $\alpha_{grav}^{p,e} = G \frac{m_p m_e}{\hbar c} \approx \frac{1}{3 \cdot 10^{41}}$

- Erinnerung elektromagnetisch: $\alpha_{em}^{p,e} \approx \frac{1}{137}$

- Vergleich: $\frac{\alpha_{em}^{p,e}}{\alpha_{grav}^{p,e}} \approx 2 \cdot 10^{39}$





Ladung der Gravitation?

Warum kann die Masse m eines Teilchens nicht die Ladung der Gravitation sein?

▶ Schulniveau:

- Masse ist keine Erhaltungsgröße
- Produkt zweier Massen kann nicht negativ sein

▶ Theorie:

- Massen können keine Eichsymmetrie **in** Raum und Zeit erzeugen, denn Raum und Zeit selbst müssen „verdreht“ werden

Erweiterung: Konzept der Ladung

- ▶ **Einführung:** eines Kopplungsparameters α auch für andere Wechselwirkungen
 - $\alpha_w, \alpha_s, \alpha_{grav}$

Wechselwirkung	Kopplungsparameter α
Gravitation	$\alpha_{grav} \approx \frac{1}{10^{38}}, \dots, \frac{1}{10^{45}}$
elektromagnetisch	$\alpha_{em} \approx \frac{1}{137}$
stark	$\alpha_s \approx \frac{1}{5}$
schwach	$\alpha_w \approx \frac{1}{30}$



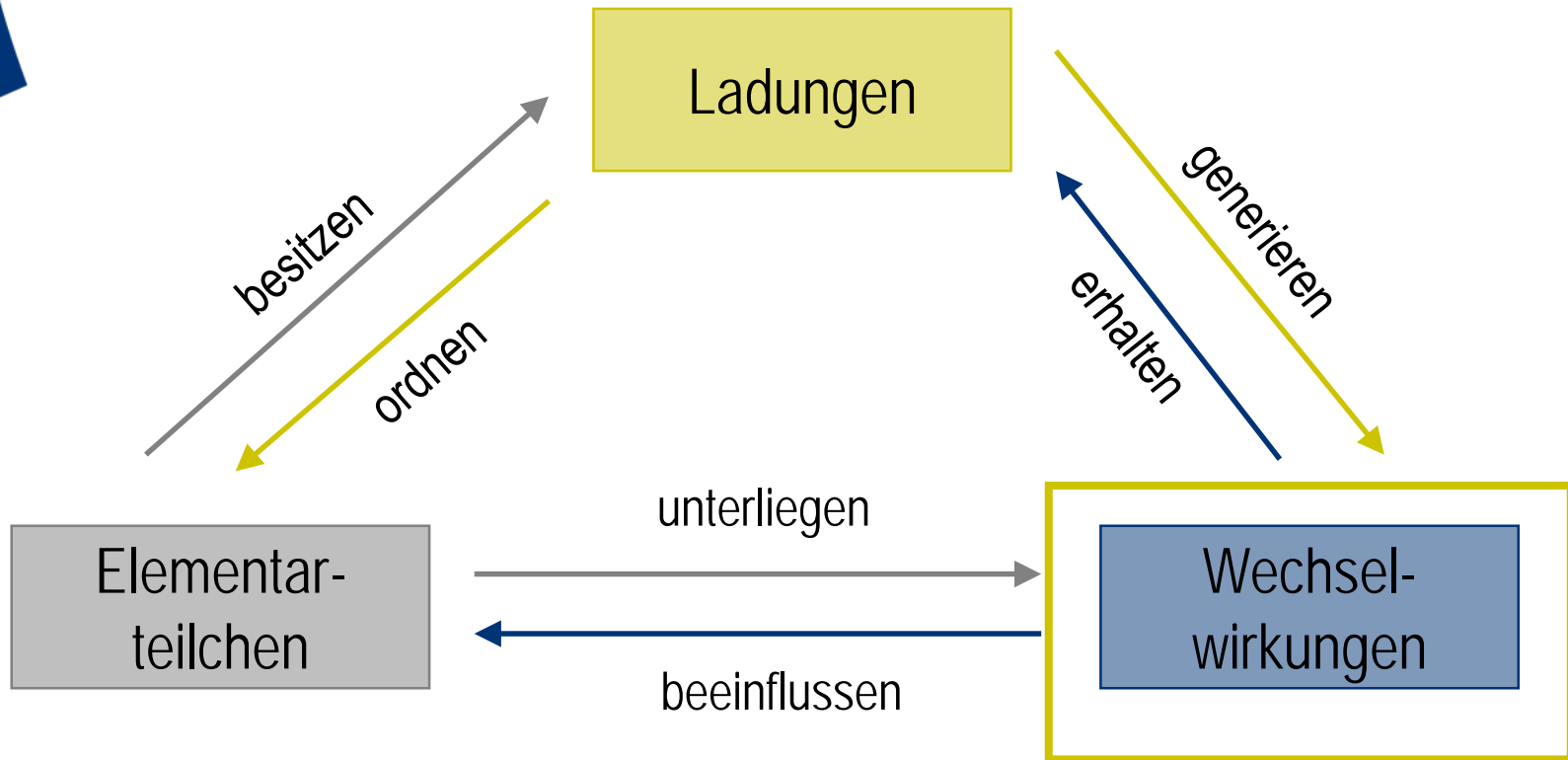
Konzept der Ladung

- ▶ Ladungen sind charakteristische **Teilcheneigenschaften**
- ▶ Teilchen nehmen nur dann an einer bestimmten Wechselwirkung teil, wenn sie die Ladung der entsprechenden **Wechselwirkung** besitzen

Und:

- ▶ Ladungen dienen als **Ordnungsprinzip** für Teilchen
- ▶ Ladungen sind fundamentale **Erhaltungsgrößen**
 - Grundlage der Symmetrien des Standardmodells

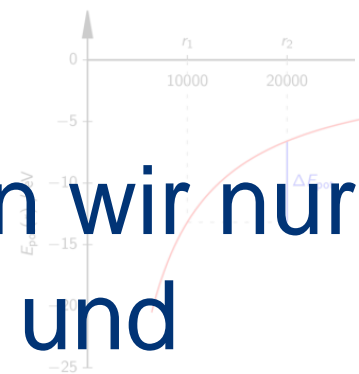
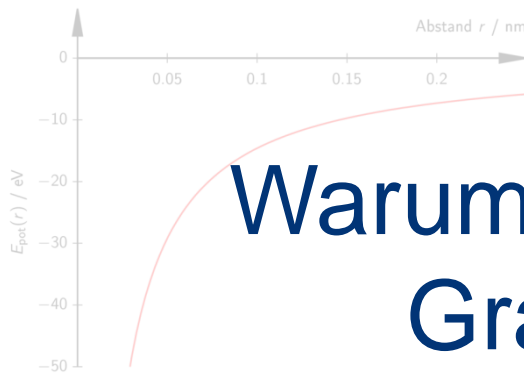
Die drei Basiskonzepte des Standardmodells



Die 4 fundamentalen Wechselwirkungen

► Elektromagnetische WW

► Gravitation

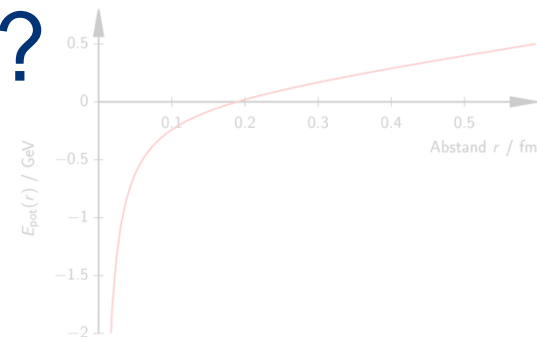
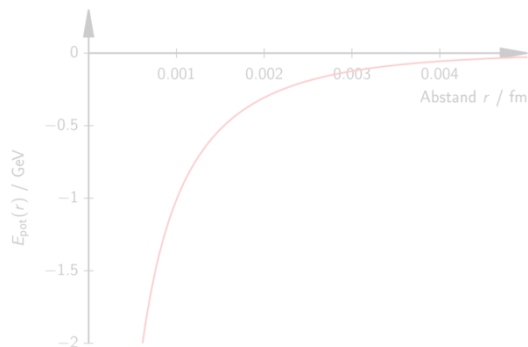


Warum erfahren wir nur
Gravitation und

► Schwache WW

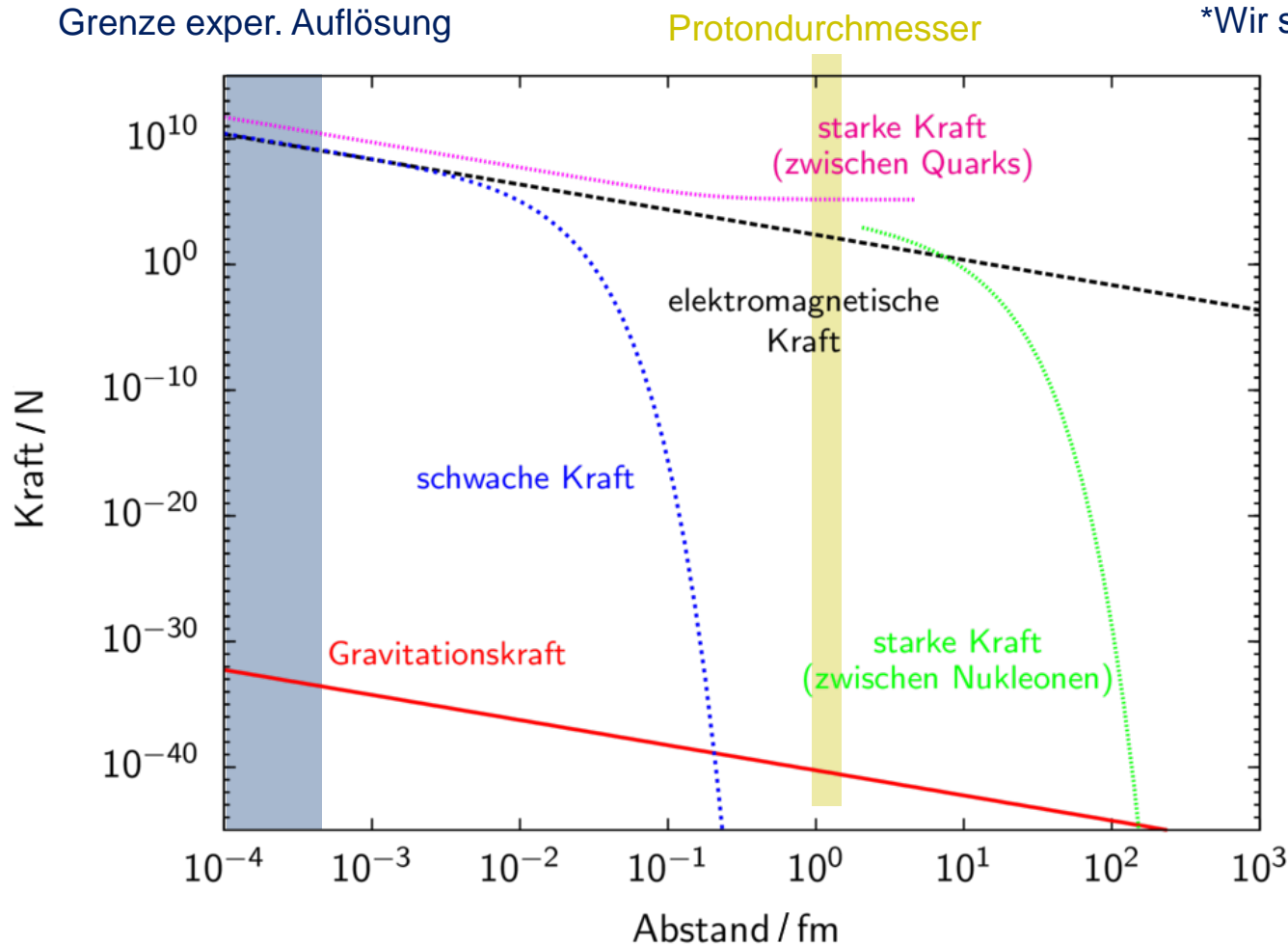
Elektromagnetismus

im Alltag?



Kräfte der Wechselwirkungen

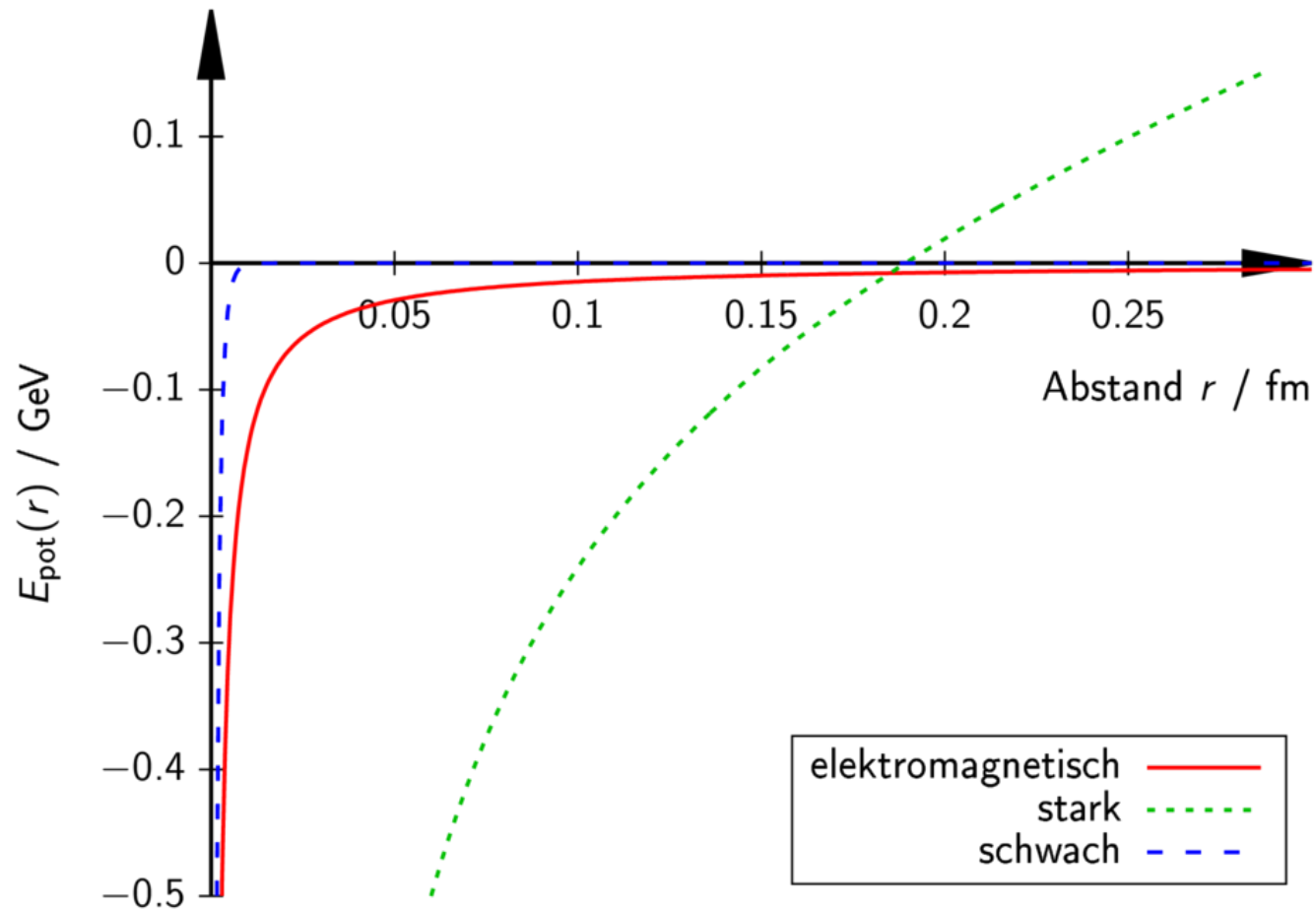
Basiskonzept:
Wechselwirkung
= Kraft + Umwandlung +
Erzeugung + Vernichtung



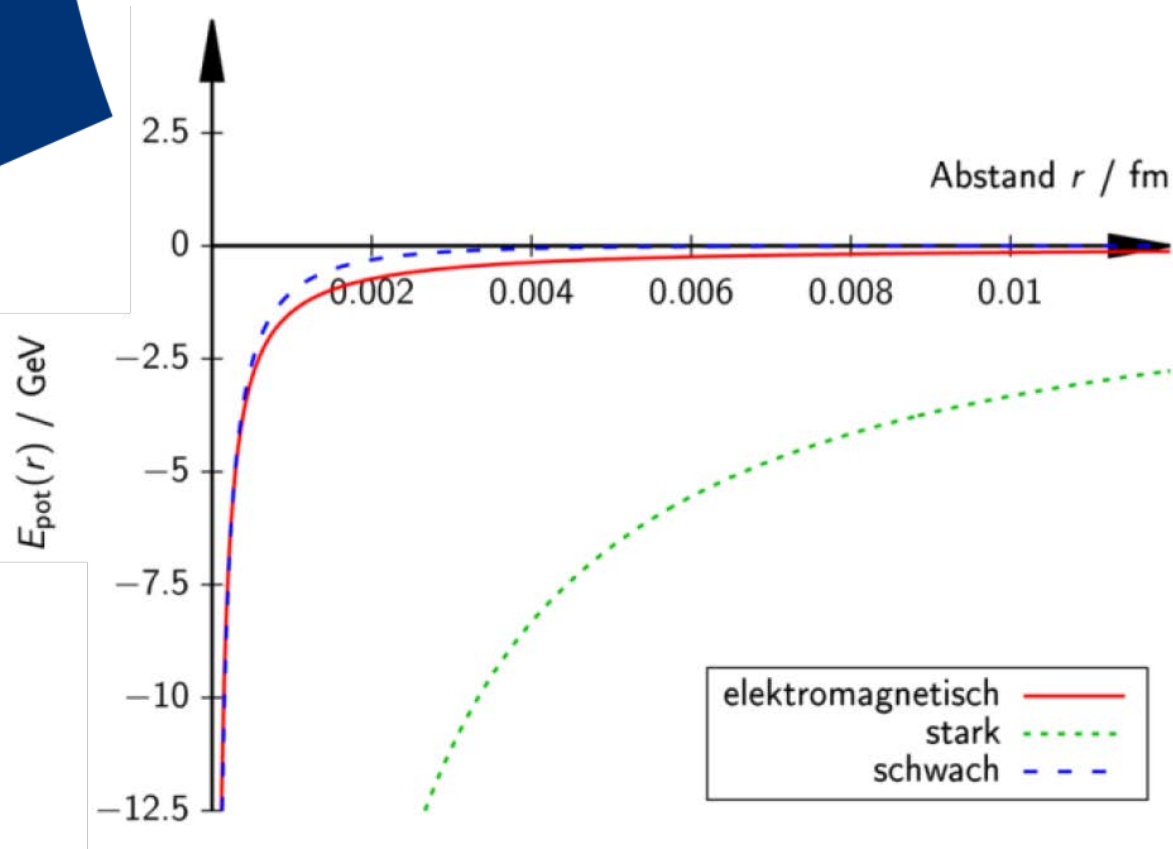
Die 4 fundamentalen Wechselwirkungen

Wechselwirkung	Potential	Reichweite
gravitativ	$E_{Pot}(r) = \hbar c \alpha_{grav} \frac{-1}{r}$	unendlich
elektromagnetisch	$E_{Pot}(r) = \hbar c \alpha_{em} \frac{Z_1 Z_2}{r}$	unendlich
stark	$E_{Pot}(r) = \hbar c \alpha_s \frac{\vec{C}_1 \vec{C}_2}{r} + kr$	$5 \cdot 10^{-15} \text{ m}$
schwach	$E_{Pot}(r) = \hbar c \alpha_w \frac{I_1 I_2}{r} e^{\frac{-r}{\lambda_w}}$	$2 \cdot 10^{-18} \text{ m}$

Vergleich der potenziellen Energien



Vergleich der potenziellen Energien bei sehr kleinen Abständen (Achsen jeweils mit Faktor 25 gedehnt bzw gestaucht)



Kräfte der Wechselwirkungen

Basiskonzept:
Wechselwirkung
= Kraft + Umwandlung +
Erzeugung + Vernichtung

- ▶ Alle Kraftgesetze beinhalten den Abstand r
 - Bei kleinen Abständen $F \sim 1/r^2$
- ▶ Reichweiten sind Konsequenzen dieser Kraftgesetze
 - Unendlich: im Alltag spürbar
 - Endlich: nur subatomar
- ▶ Reihenfolge der Stärken
 - Kann für Kräfte nicht definiert werden wegen $F(r)$
 - Kann nur für Wechselwirkungen definiert werden: α !
- ▶ Stärken aller **Wechselwirkungen sehr** ähnlich (außer für Gravitation*)

*Darüber spekulieren wir später nochmal ;-)

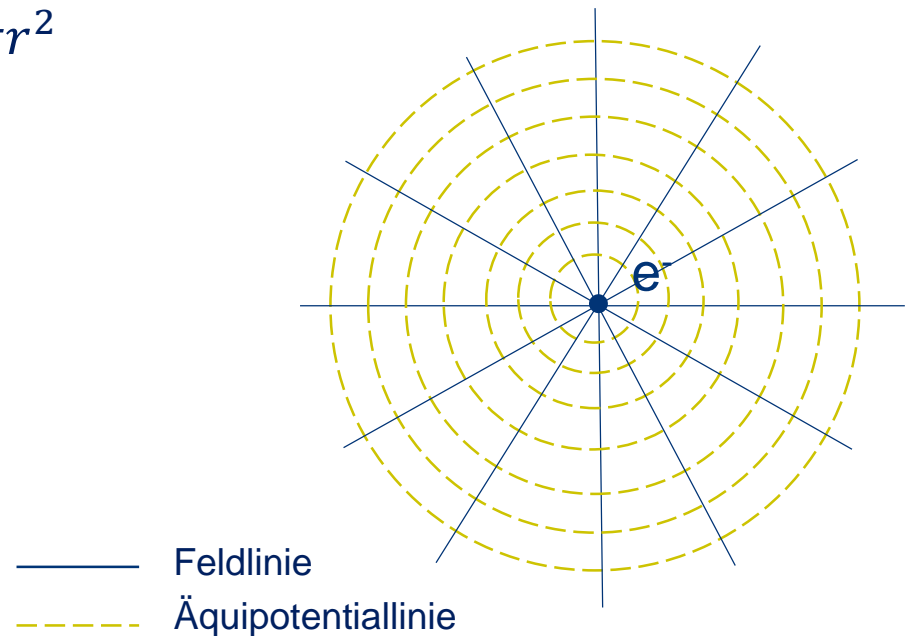
Strärke der Wechselwirkungen

- ▶ **Einführung:** eines Kopplungsparameters α auch für andere Wechselwirkungen
 - $\alpha_w, \alpha_s, \alpha_{grav}$

Wechselwirkung	Kopplungsparameter α
Gravitation	$\alpha_{grav} \approx \frac{1}{10^{38}}, \dots, \frac{1}{10^{45}}$
elektromagnetisch	$\alpha_{em} \approx \frac{1}{137}$
stark	$\alpha_s \approx \frac{1}{5}$
schwach	$\alpha_w \approx \frac{1}{30}$

Ausgangspunkt: Geometrische Betrachtung

- ▶ Klassische Physik: Feldlinien, hier elektromagnetische WW
- ▶ **Dichte** der Feldlinien ist **proportional** zur **Stärke** der Kraft
 - Idee Ladung im Zentrum
 - Kugeloberfläche $A = 4\pi r^2$
 - $F \sim \frac{1}{4\pi r^2}$
- ▶ Stimmt bei
 - $F_C = \hbar c \alpha_{em} \frac{Z_1 Z_2}{r^2}$



Einschub:

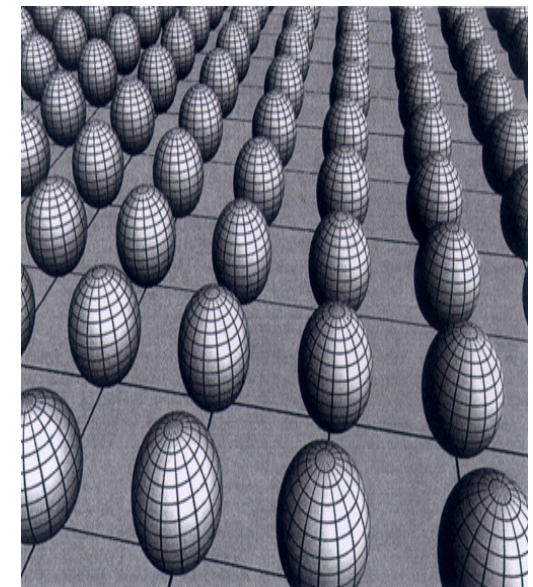
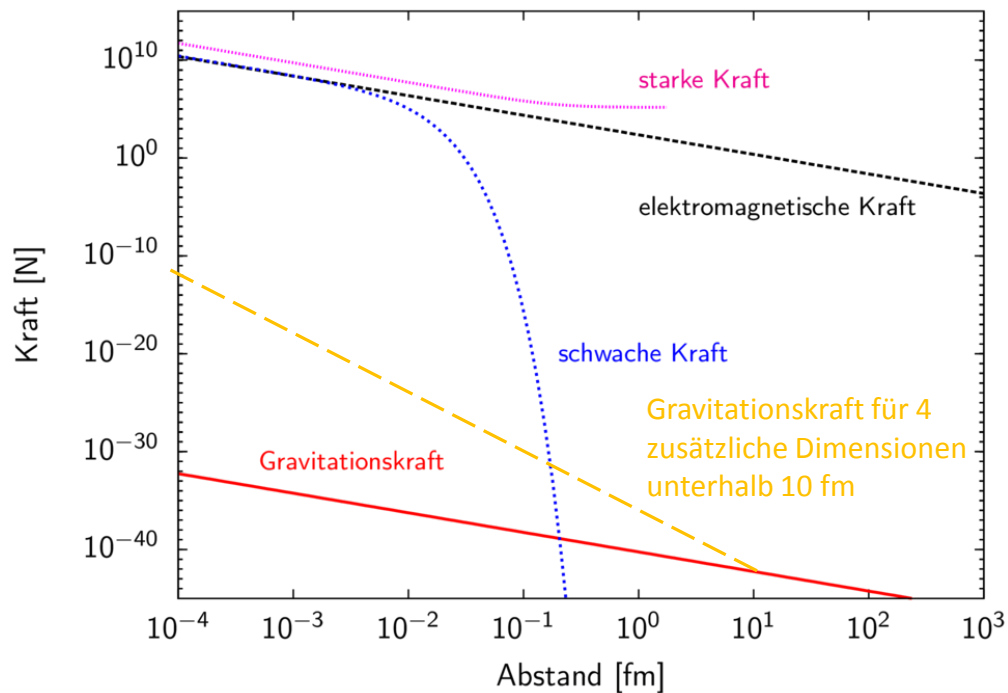
Basiskonzept:
Wechselwirkung
= Kraft + Umwandlung +
Erzeugung + Vernichtung

- ▶ Alle Kraftgesetze beinhalten den Abstand r
 - Bei kleinen Abständen $F \sim 1/r^2$
- ▶ Reichweiten sind Konsequenzen dieser Kraftgesetze
 - Unendlich: im Alltag spürbar
 - Endlich: nur subatomar
- ▶ Reihenfolge der Stärken
 - **Warum ist die Gravitation so viel schwächer?**
 - Kann nur für Wechselwirkungen definiert werden: α !
- ▶ Stärken aller **Wechselwirkungen sehr ähnlich** (außer für Gravitation)



Spekulationen

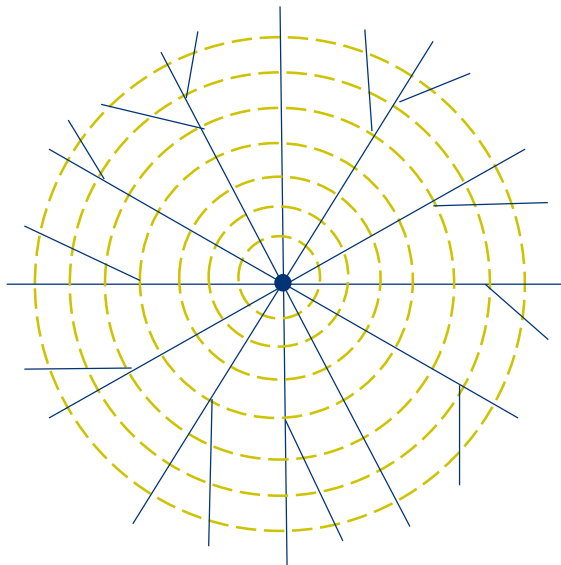
- Zusätzliche Dimensionen für Gravitation könnten die Kräfte „vereinigen“



Schwierigkeiten des Feldlinienbilds

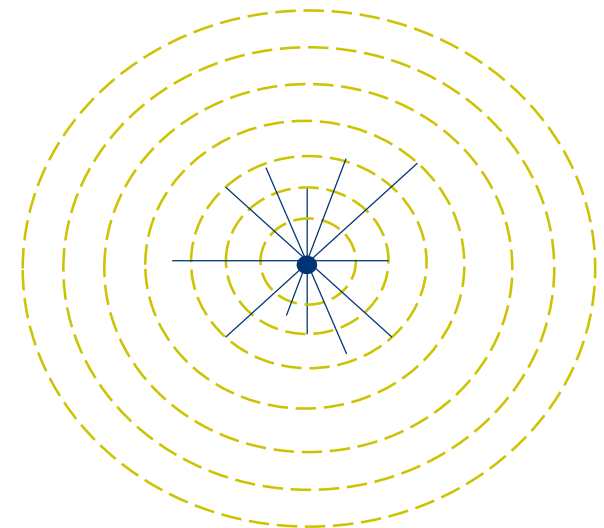
► Stark

- Kraft linear \rightarrow
Feldliniendichte wird konstant
- Feldlinien entstehen spontan



► Schwach

- Kraft strebt rasch gegen Null
- Feldlinien enden „im Nichts“



Diskussion / Fragen



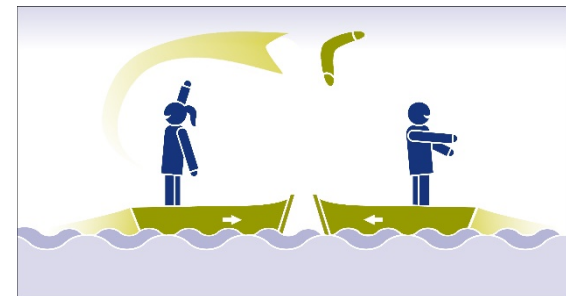
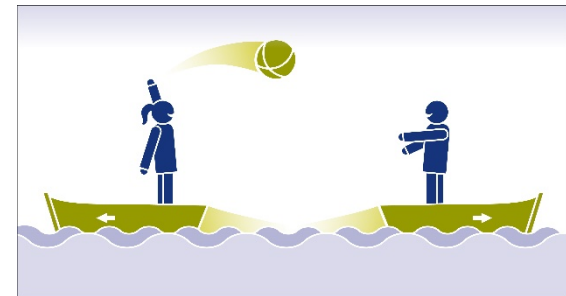
15 Minuten Pause

Übergang: Feldlinien zu Botenteilchen

- ▶ **Einführung:** Wechselwirkungen werden von Botenteilchen übermittelt

- ▶ Bekannt ist:

- Energie E und Impuls \vec{p} **vorher**
- Energie E und Impuls \vec{p} **nachher**
- Energiedifferenz ΔE und Impulsdifferenz $\Delta\vec{p}$ wird durch Botenteilchen übertragen

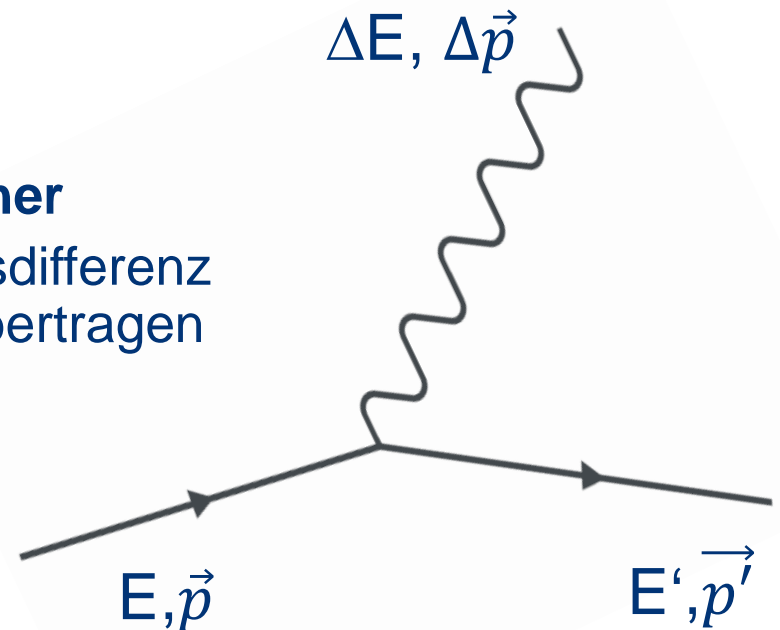


Übergang: Feldlinien zu Botenteilchen

- ▶ **Einführung:** Wechselwirkungen werden von Botenteilchen übermittelt

- ▶ Bekannt ist:

- Energie E und Impuls \vec{p} **vorher**
- Energie E' und Impuls \vec{p}' **nachher**
- Energiedifferenz ΔE und Impulsdifferenz $\Delta\vec{p}$ wird durch Botenteilchen übertragen



Ausgangspunkt: Elektromagnetische Wechselwirkung

▶ Botenteilchen (Photon) ist

- masselos
- Ungeladen

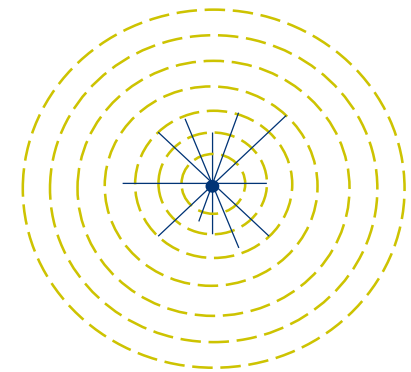
▶ Vergleich schwach: $E_{Pot}(r) = \hbar c \alpha_w \frac{I_1 I_2}{r} e^{\frac{-r}{\lambda_w}}$

▶ Grund: Massereiche Botenteilchen (W- und Z-Teilchen) verursachen kurze Reichweite

- Compton-Wellenlänge $\lambda_w = \frac{\hbar}{m_w c} \approx 0,0024 \text{ fm}$
- Exakte Argumentation schwierig. Mathematische Herleitung möglich, liegt außerhalb der hier behandelten Themen

Schwache Wechselwirkung

- ▶ Klassisches Analogon: Abschirmung von Feldlinien
 - Abschirmung von (unendlichen) Feldlinien durch entgegengesetzte Feldlinien
 - Brout-Englert-Higgs Feld* schirmt schwache Ladungen ab



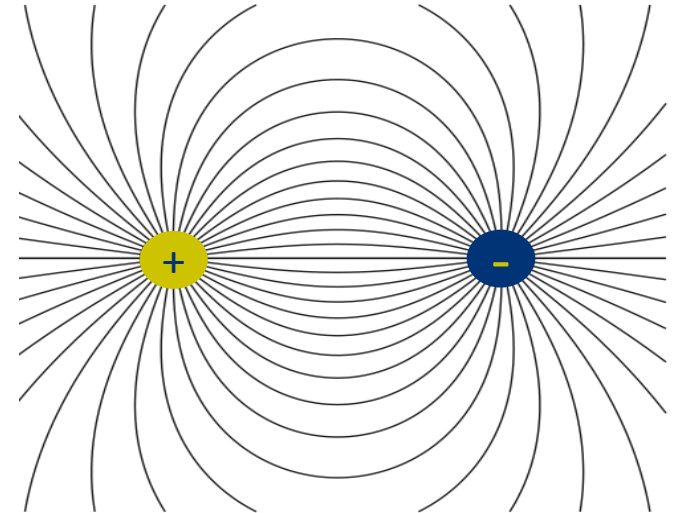
Ausgangspunkt: Elektromagnetische Wechselwirkung

- ▶ Botenteilchen (Photon) ist
 - masselos
 - ungeladen

- ▶ $E_{Pot}(r) = \hbar c \alpha_{em} \frac{Z_1 Z_2}{r}$

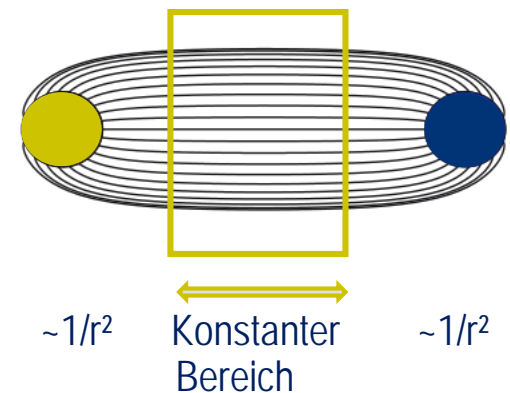
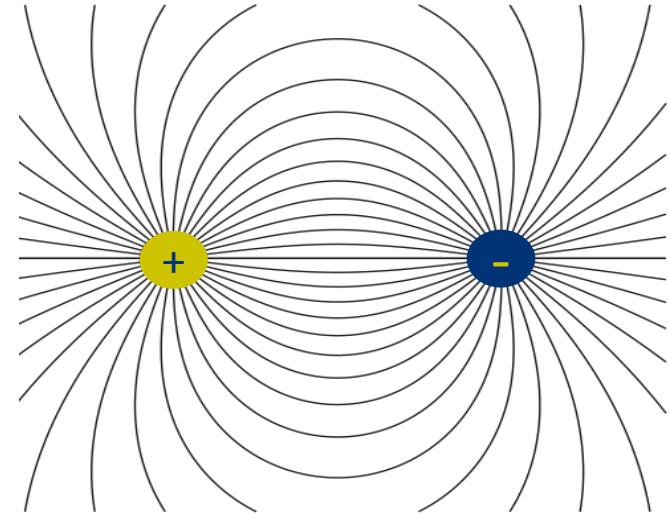
- ▶ Vergleich: Stark $E_{Pot}(r) = \hbar c \alpha_s \frac{\vec{C}_1 \vec{C}_2}{r} + kr$

- ▶ Grund: die Botenteilchen tragen selbst Ladung



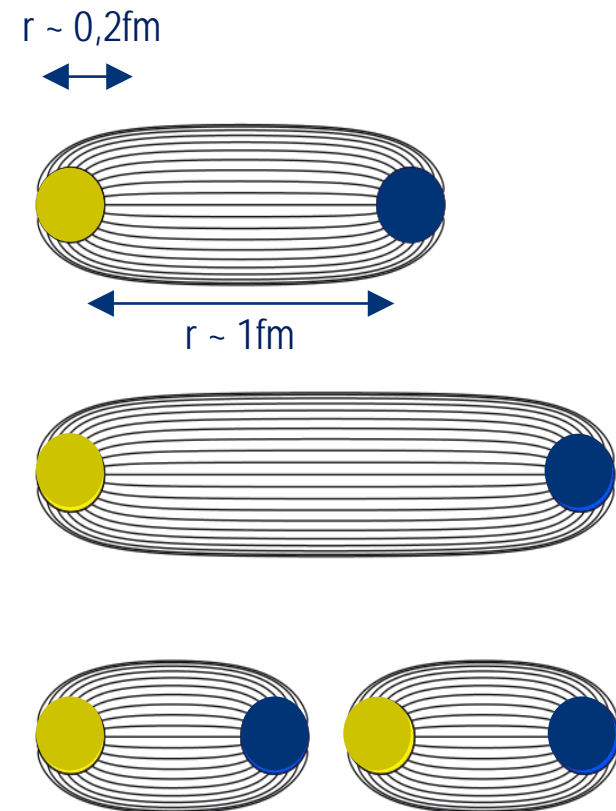
Starke Wechselwirkung

- ▶ $E_{Pot}(r) = \hbar c \alpha_s \frac{\vec{c}_1 \vec{c}_2}{r} + kr$
- ▶ Einführung: die Botenteilchen (Gluonen) tragen selbst Ladung
 - Gluonen können selbst Gluonen abstrahlen
 - Sie ziehen sich an
 - Es entsteht ein „Schlauch“
- ▶ Feldliniendichte bleibt konstant



Starke Wechselwirkung

- ▶ $E_{Pot}(r) = \hbar c \alpha_s \frac{\vec{c}_1 \vec{c}_2}{r} + kr$
- ▶ Linearer Term, dominiert ab $r \approx 0,2 \text{ fm}$
 - Im Feld gespeicherte Energie steigt streng monoton
 - Genügend Energie um neue Teilchen(-paare) zu erzeugen!
- ▶ Einführung: „Confinement“

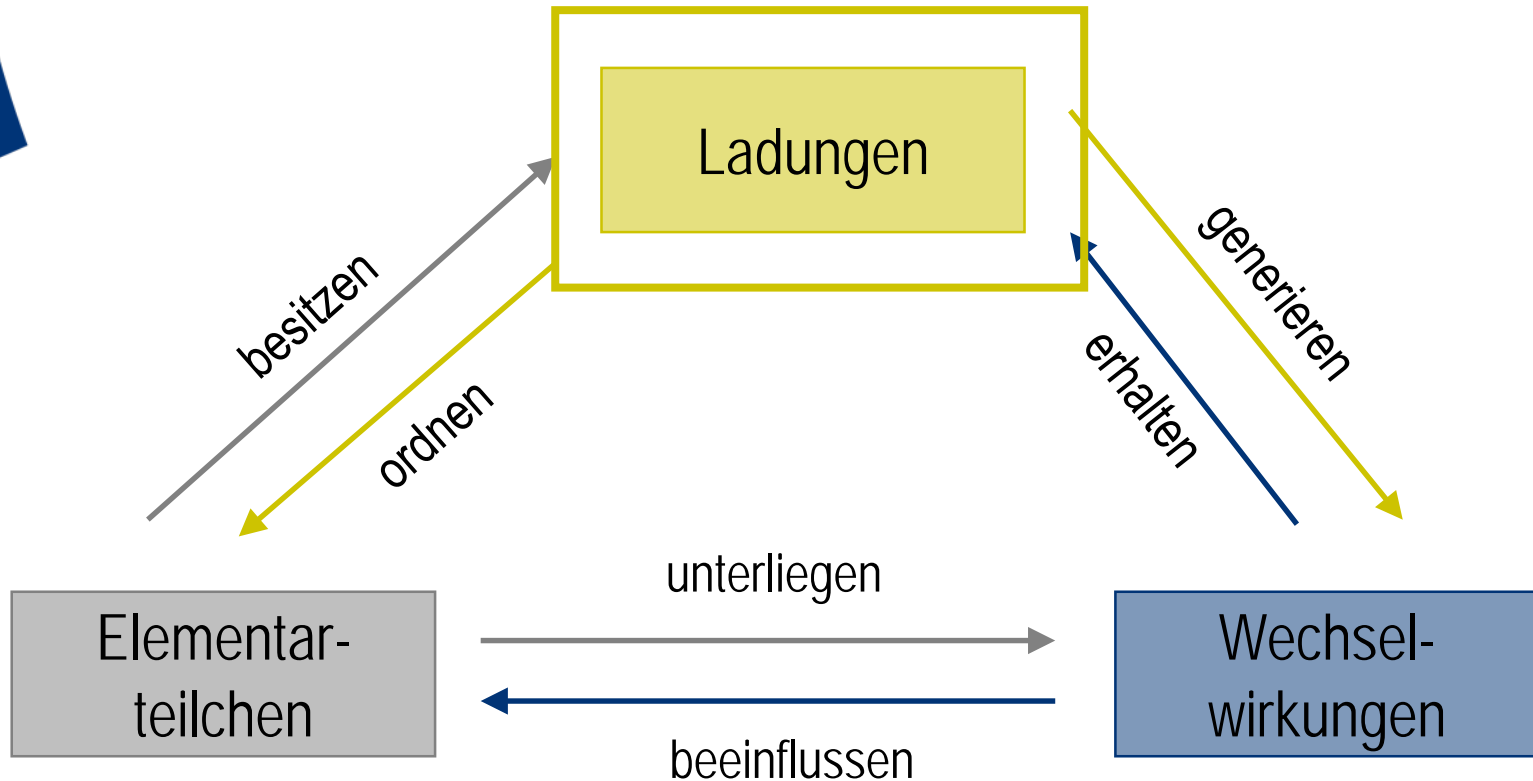




Zusammenfassung: Wechselwirkungen

- ▶ Alle bekannten Vorgänge im Universum lassen sich auf 4 fundamentale Wechselwirkungen zurückführen
 - (Gravitation, elektromagnetische, schwache und starke WW)
- ▶ 3 dieser Wechselwirkungen werden im Standardmodell der Teilchenphysik beschrieben **und besitzen sehr ähnliche Grundprinzipien**
- ▶ Nur 2 Wechselwirkungen besitzen eine unendliche Reichweite, während die beiden anderen auf subnukleare Abstände beschränkt sind
- ▶ Die **Wechselwirkungen des Standardmodells werden durch Ladungen hervorgerufen**

Die drei Basiskonzepte des Standardmodells





Konzept der Ladung

- ▶ Ladungen sind charakteristische **Teilcheneigenschaften**
- ▶ Teilchen nehmen nur dann an einer bestimmten Wechselwirkung teil, wenn sie die Ladung der entsprechenden **Wechselwirkung** besitzen

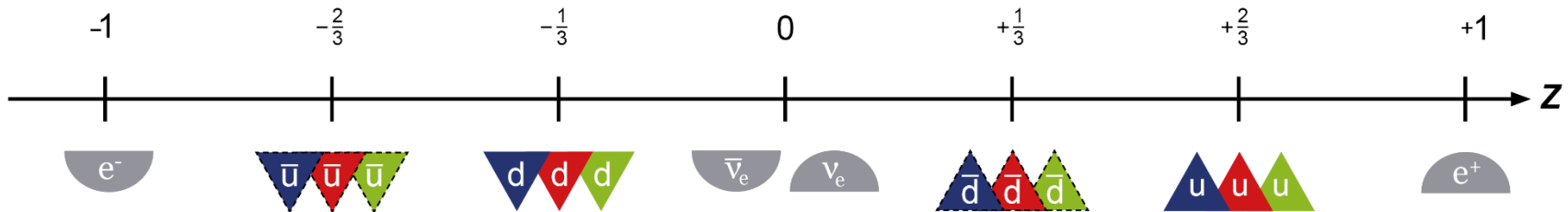
Und:

- ▶ Ladungen dienen als **Ordnungsprinzip** für Teilchen
- ▶ Ladungen sind fundamentale **Erhaltungsgrößen**
 - Grundlage der Symmetrien des Standardmodells

Elektrische Ladung

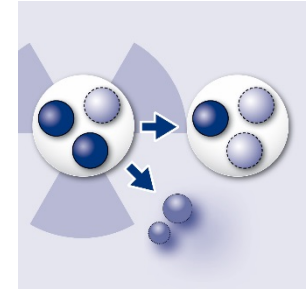


- Übersicht über die elektrischen Ladungszahlen Z einiger Anti-/Materieteilchen

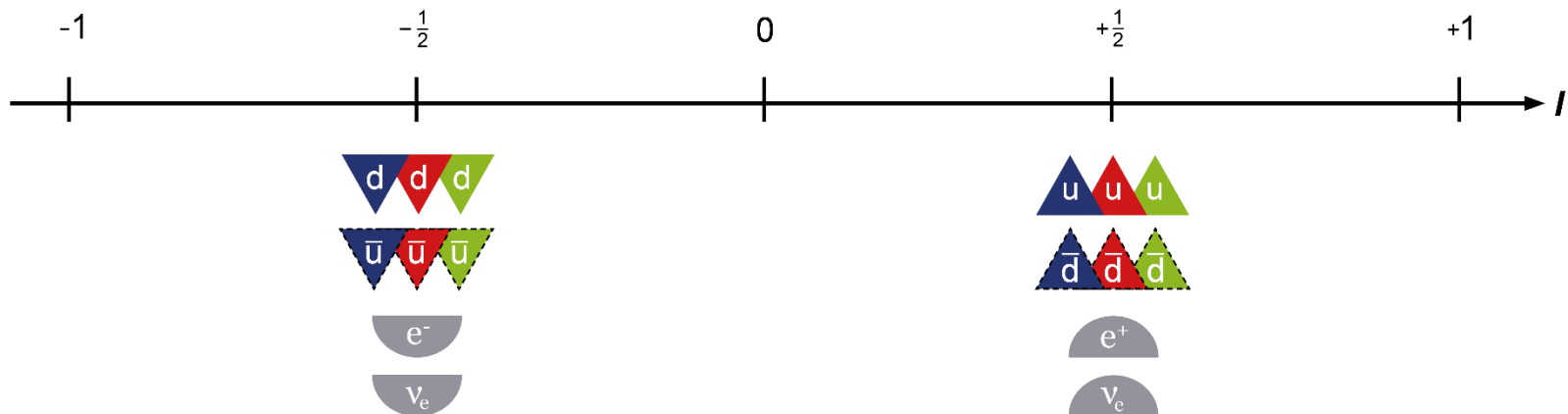


- Elektrische Ladung ist gequantelt

Schwache Ladung



- ▶ Materieteilchen besitzen entweder eine schwache Ladungszahl von $I = +\frac{1}{2}$ oder $I = -\frac{1}{2}$
 - alle Materieteilchen nehmen an der schwachen WW teil



- ▶ Schwache Ladung ist gequantelt

Schwache Ladungszahl

► Fachlicher Hinweis

- Die schwache Ladung hat eigentlich einen vektoriellen Charakter, daher die **vollständige** Bezeichnung „Schwache **Isospin-Ladung**“
- Wie beim Spin (z.B. in Atomorbitalen die magnetische Quantenzahl m) ist nur eine Komponente (die schwache **Ladungszahl**) messbar. (Daher der „**Isospin**“ Begriff)
- Sie darf außerdem nicht verwechselt werden mit dem „starken Isospin“, der insbesondere zur Ordnung von gebundenen Quark-Zuständen dient. Er ist **keine Ladung** im Sinne einer Wechselwirkung.

► Bei Literatur und Webrecherche ist daher **größte** Vorsicht geboten

$$Q_{em} = e \cdot Z$$

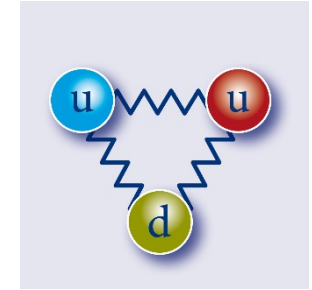
$$Q_w = g_w \cdot I$$

Kopplungsstärke g_w

$$\rightarrow \alpha_w = \frac{g_w^2}{4\pi}$$

Ladungszahl

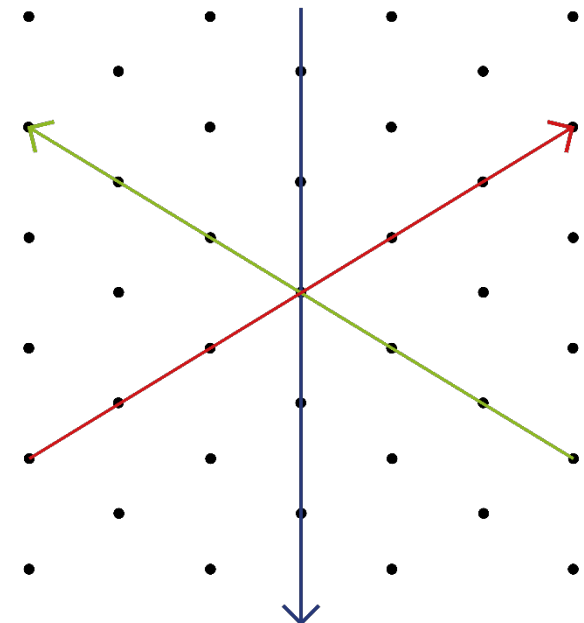
Starke Ladung



▶ Quarks und Anti-Quarks besitzen eine starke Ladung (auch: starke „Farbladung“)

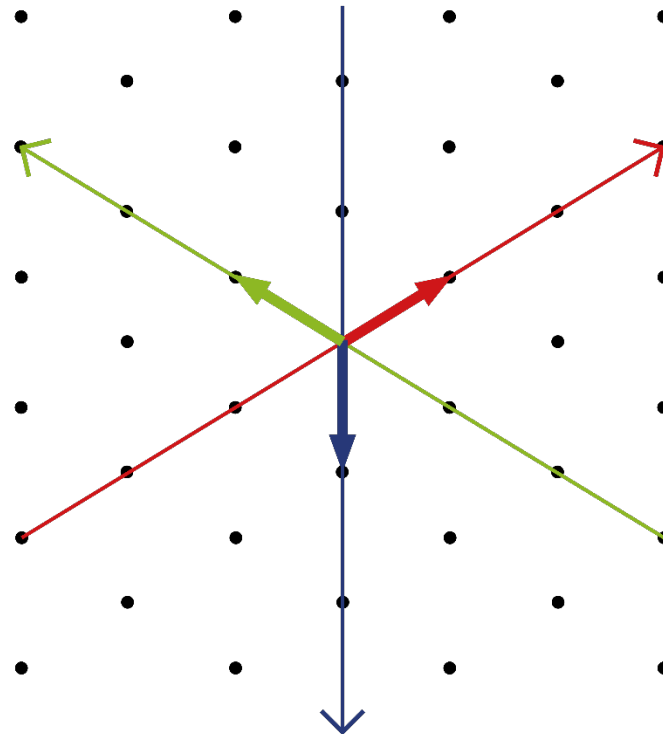
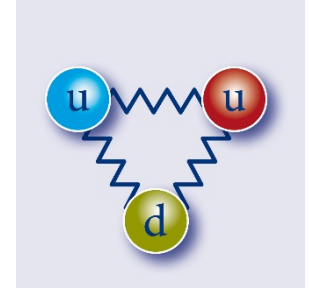
▶ Farbgitter:

- Exp: Alle starken Ladungen haben gleichen Betrag (aus WWirkung)
- 3 Ladungen addieren sich zu 0 (Protonen und Neutronen bspw. bestehen aus 3 Quarks)
- → geht nur mit Vektoren
- Theorie: 2 Komponenten messbar → 2-dim Farbgitter



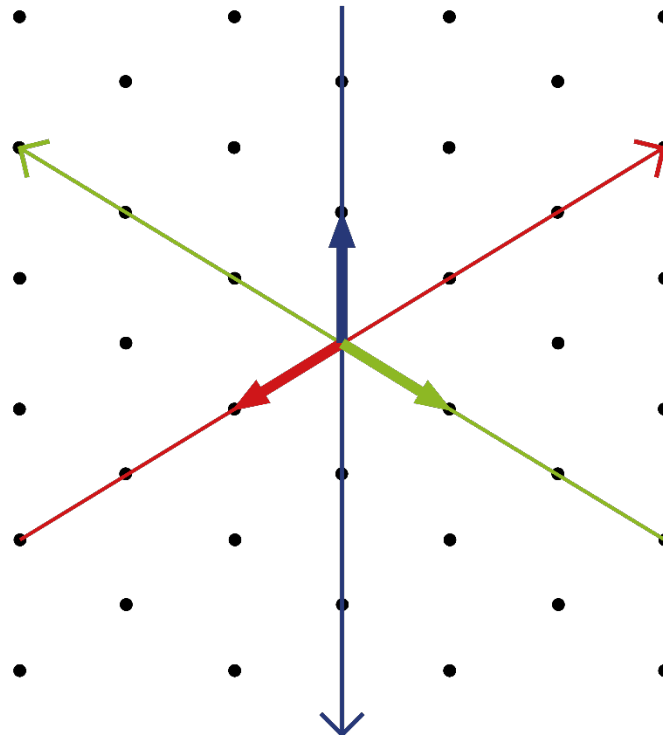
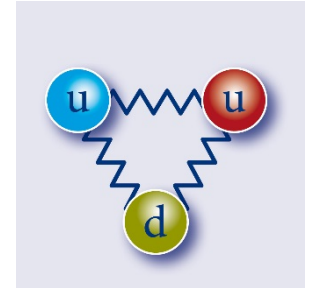
Starke Ladung

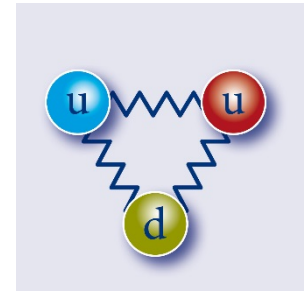
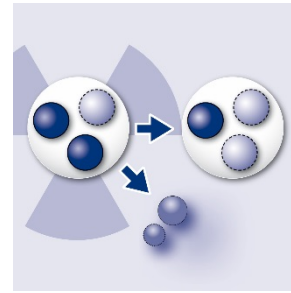
► Farbladungsvektoren von Quarks



Starke Ladung

► Farbladungsvektoren von Anti-Quarks





► Alle Ladungen sind additiv

Beispiel: Ladungszahlen eines Protons $p(u, u, d)$

- Elektrische Ladungszahl:

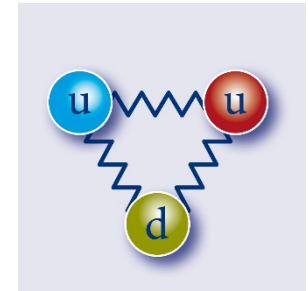
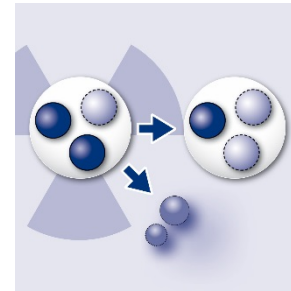
$$Z_p = Z_u + Z_u + Z_d = +\frac{2}{3} + \frac{2}{3} - \frac{1}{3} = +1$$

- Schwache Ladungszahl:

$$I_p = I_u + I_u + I_d = +\frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = +\frac{1}{2}$$

- Starker Farbladungsvektor:

$$\vec{C}_p = \vec{C}_u + \vec{C}_u + \vec{C}_d = \text{red arrow} + \text{green arrow} + \text{blue arrow} = \vec{0}$$



▶ Alle Ladungen sind jeweils erhalten

Beispiel: β^- -Umwandlung $n \rightarrow p + e^- + \bar{\nu}_e$

- Elektrische Ladungszahl:

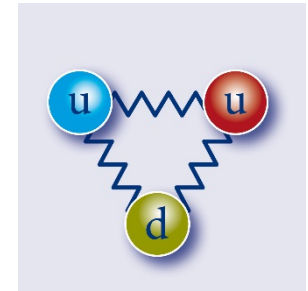
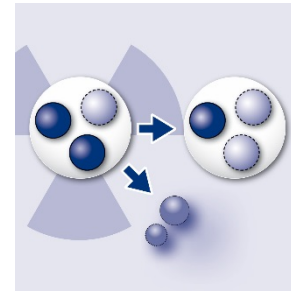
$$0 \rightarrow +1 - 1 + 0 = 0$$

- Schwache Ladungszahl:

$$-\frac{1}{2} \rightarrow +\frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = -\frac{1}{2}$$

- Starker Farbladungsvektor:

$$\vec{0} \rightarrow \vec{0} + \vec{0} + \vec{0} = \vec{0}$$







→ **eindeutige Vorhersage** möglich,
ob bestimmte Prozesse erlaubt oder unmöglich sind
(und sogar ihrer Wahrscheinlichkeiten)





aus

- ▶ Energie- und Impulserhaltung
- ▶ **Erhaltung aller drei Ladungen**
- ▶ Beachtung der Teilchen-“Multipletts“ (später)

Übersichten

- ▶ Antimaterie: Alle Ladungen entgegengesetzt

	1. Generation	I	Z	\vec{C}
elektrisch neutrale Leptonen		$+\frac{1}{2}$	0	farblos $\vec{0}$
elektrisch geladene Leptonen		$-\frac{1}{2}$	-1	farblos $\vec{0}$
Quarks		$+\frac{1}{2}$	$+\frac{2}{3}$	blau rot grün \downarrow \nearrow \swarrow
		$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{3}$	blau rot grün \downarrow \nearrow \swarrow
	<i>starke Wechselwirkung</i> <i>elektromagnetische Wechselwirkung</i> <i>schwache Wechselwirkung</i>			

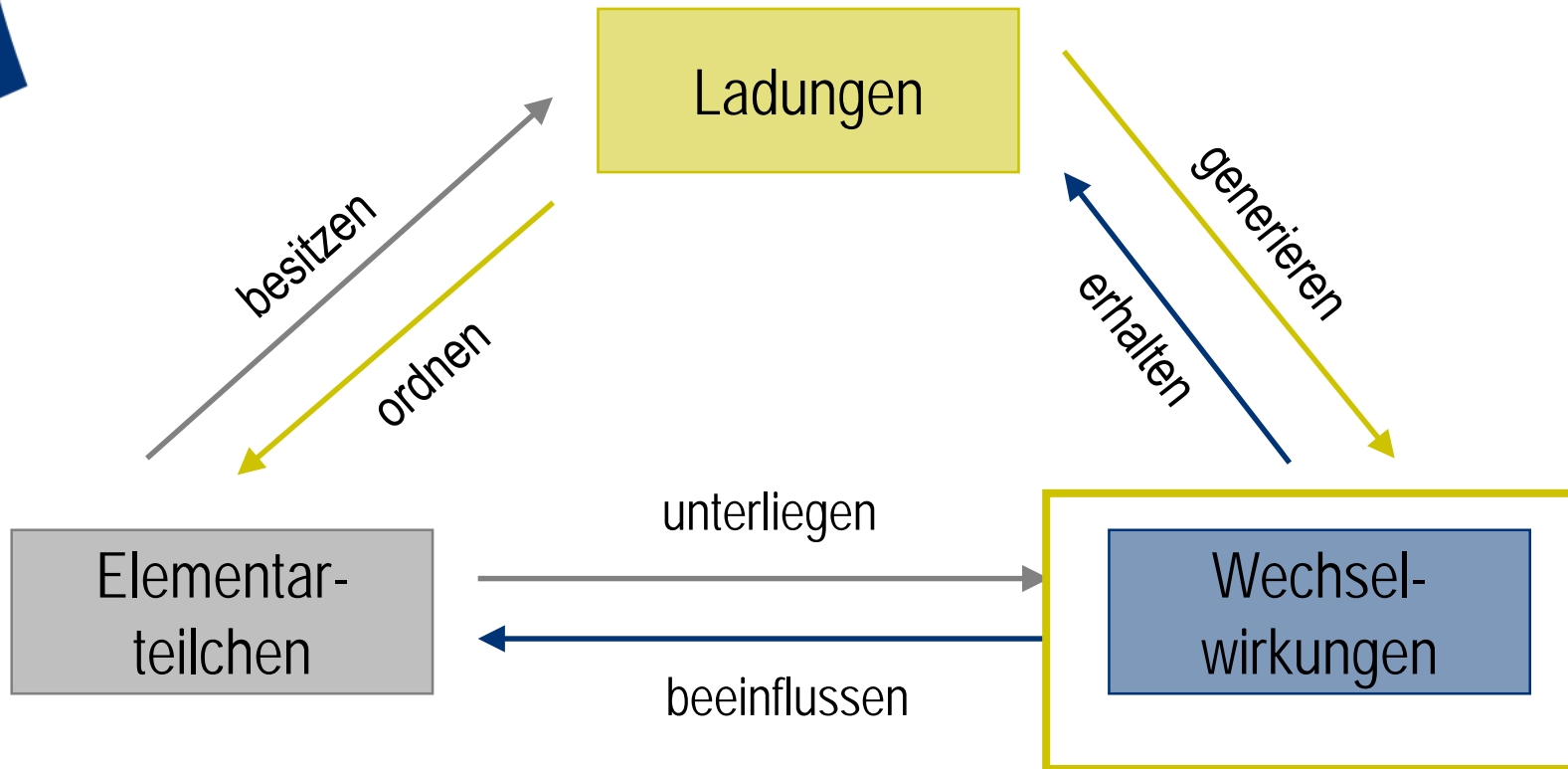
	1. Generation	I	Z	\vec{C}
Quarks	<i>schwache Wechselwirkung</i>			
	<i>elektromagnetische Wechselwirkung</i>			
	<i>starke Wechselwirkung</i>			
		$+\frac{1}{2}$	$+\frac{1}{3}$	anti-blau anti-rot anti-grün \uparrow \nwarrow \swarrow
		$-\frac{1}{2}$	$-\frac{2}{3}$	anti-blau anti-rot anti-grün \uparrow \nwarrow \swarrow
elektrisch geladene Leptonen		$+\frac{1}{2}$	+1	farblos $\vec{0}$
elektrisch neutrale Leptonen		$-\frac{1}{2}$	0	farblos $\vec{0}$



Zusammenfassung: Ladungen

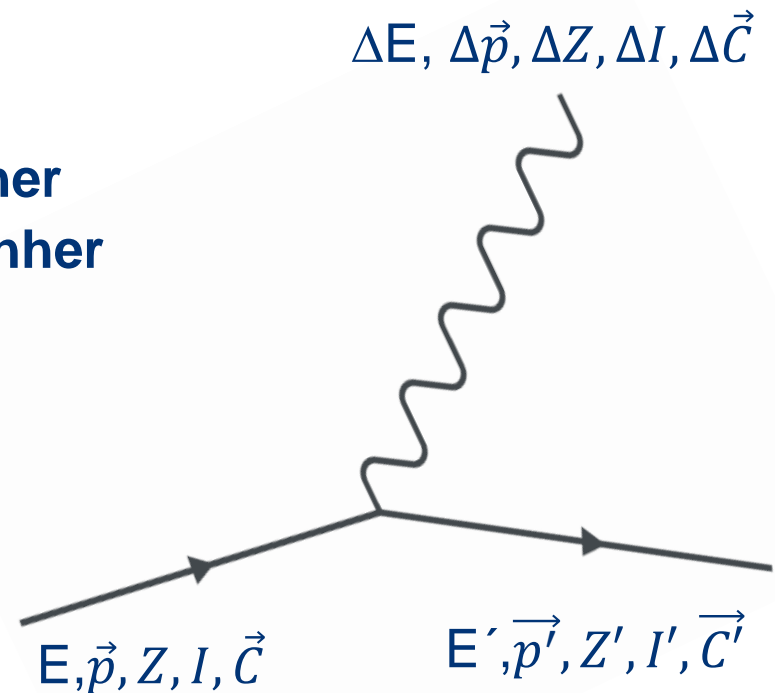
- ▶ Drei verschiedene Ladungen
 - Elektrisch
 - Schwach
 - Stark
- ▶ Ladungen sind
 - Additiv
 - Erhalten
→ Vorhersage von erlaubten Prozessen
 - gequantelt

Die drei Basiskonzepte des Standardmodells



Darstellung durch Botenteilchen

- ▶ Wechselwirkungen werden von Botenteilchen übermittelt
- ▶ Bekannt ist:
 - Energie, Impuls, Ladungen **vorher**
 - Energie, Impuls, Ladungen **nachher**
 - Differenzen werden durch Botenteilchen übertragen
- ▶ Feynman Diagramme



Feynman - Diagramme

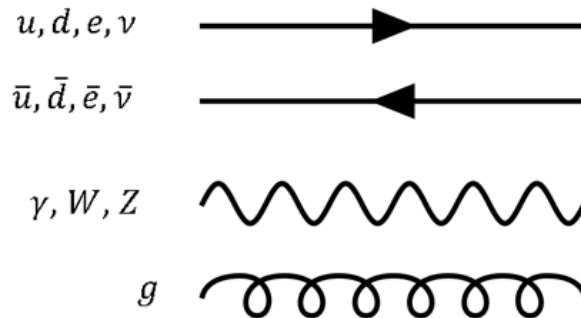
► „Zeit - Ort“ Diagramm

- Wo passiert etwas
- Wann passiert etwas



► Bausteine:

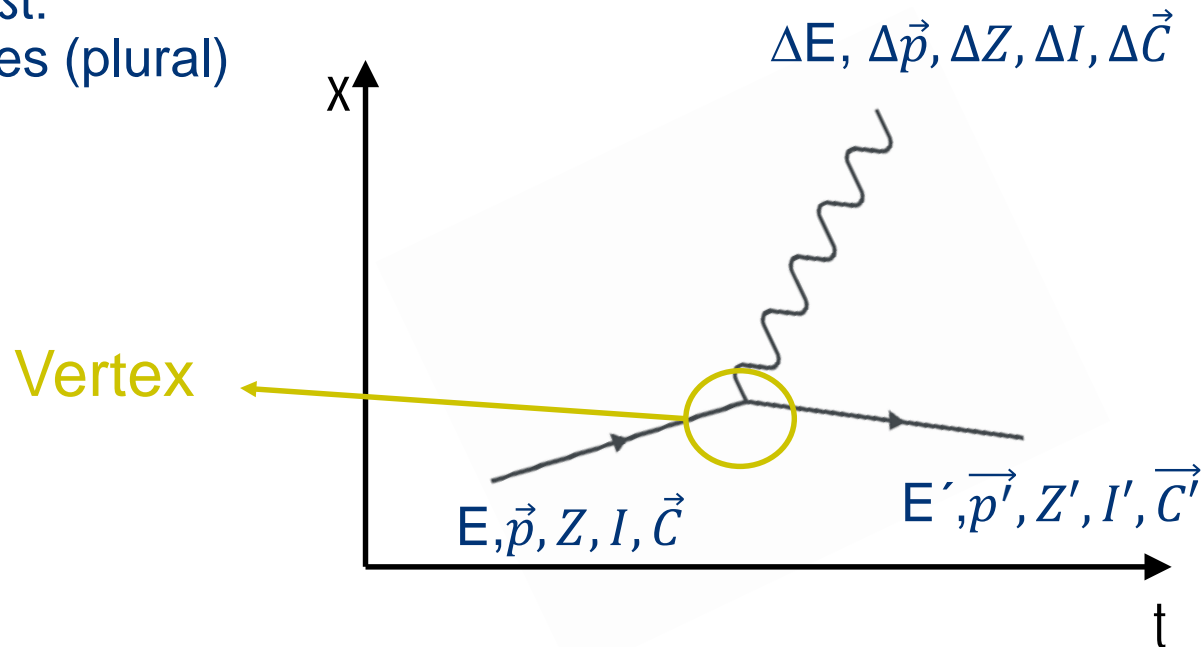
- Materie Teilchen
- Materie Antiteilchen
- Botenteilchen



Feynman - Diagramme

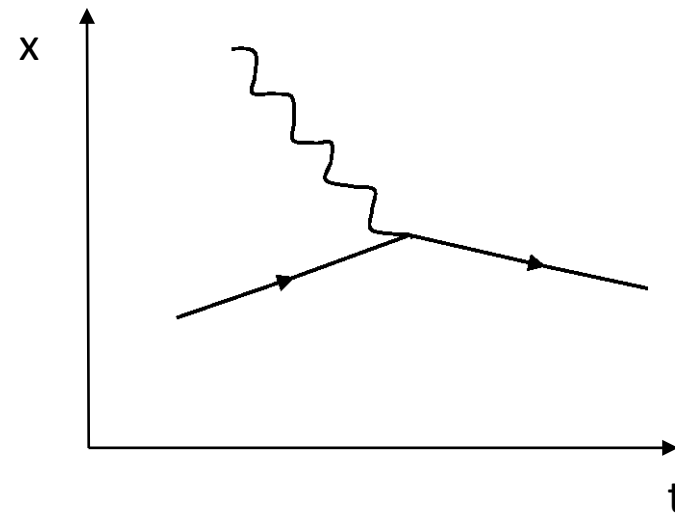
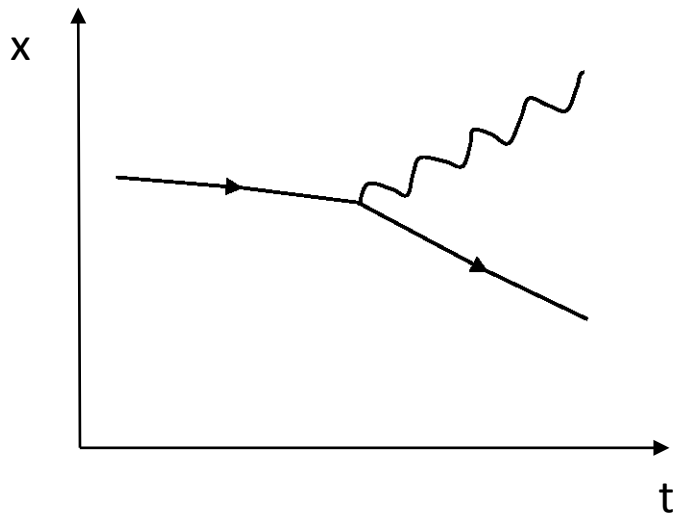
► Begriffsklärung:

- Wechselwirkung wird dadurch dargestellt, dass sich die Teilchen treffen
- Treffpunkt heißt:
Vertex / Vertices (plural)



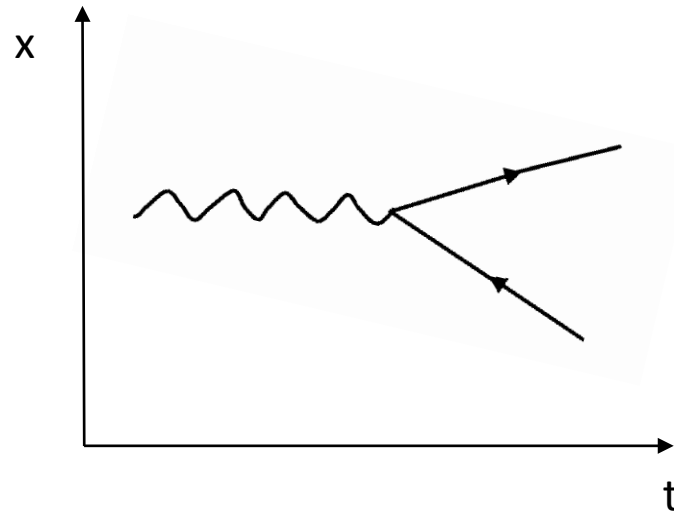
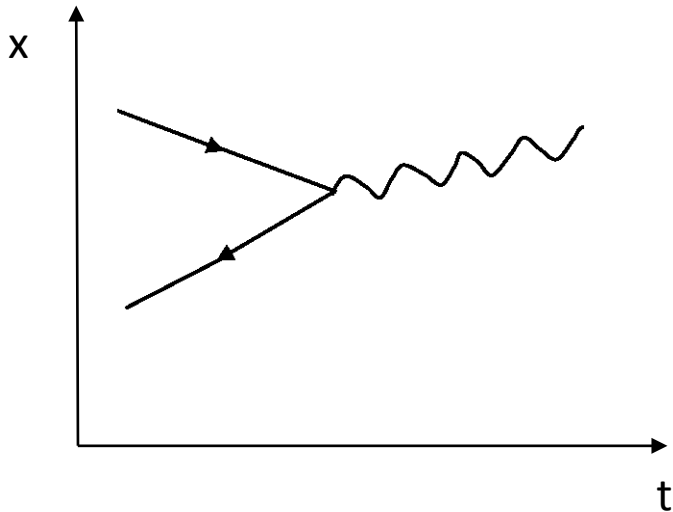
Grundbausteine 1/2

► Abstrahlung und Einfang eines Botenteilchens



Grundbausteine 2/2

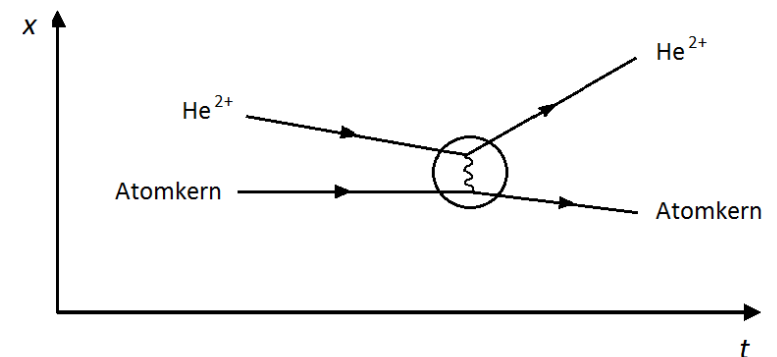
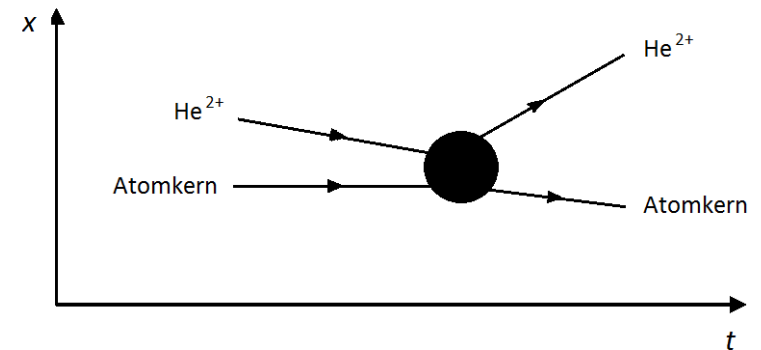
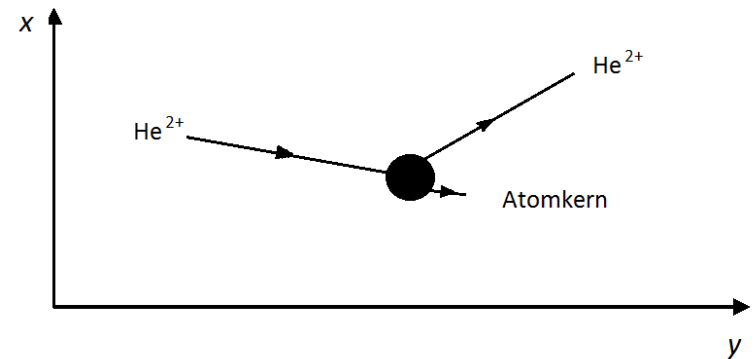
► Paarvernichtung und Paarerzeugung



Prozesse

► Rutherford-Streuung

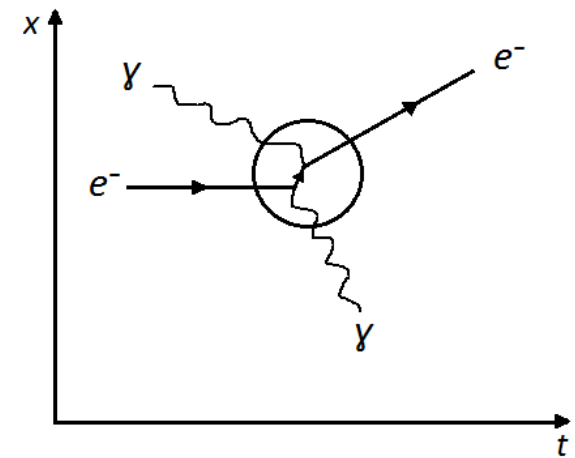
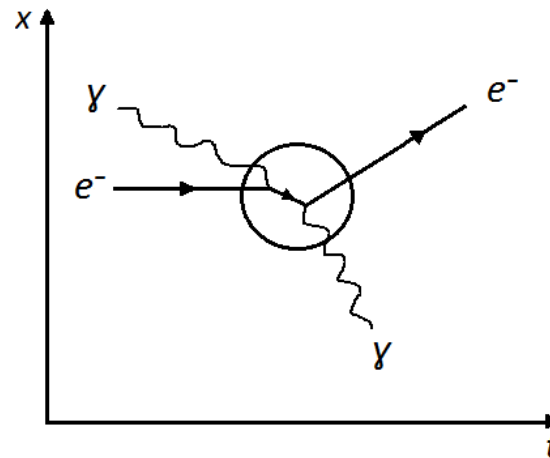
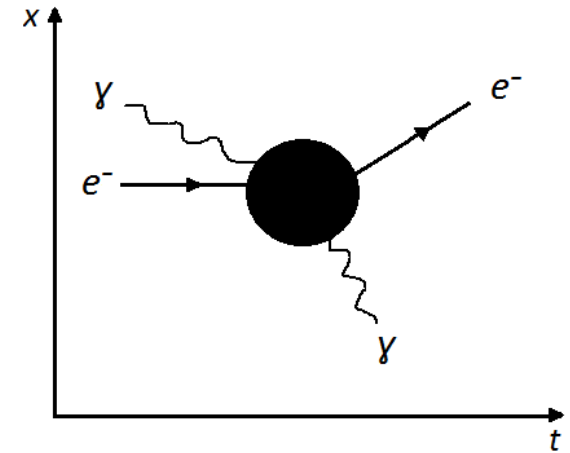
- „Ort - Ort“ Diagramm
- „Ort - Zeit“ Diagramm
„Blackbox“ Vertex
- „Ort - Zeit“ Diagramm
detaillierter Vertex



Blackbox Vertex

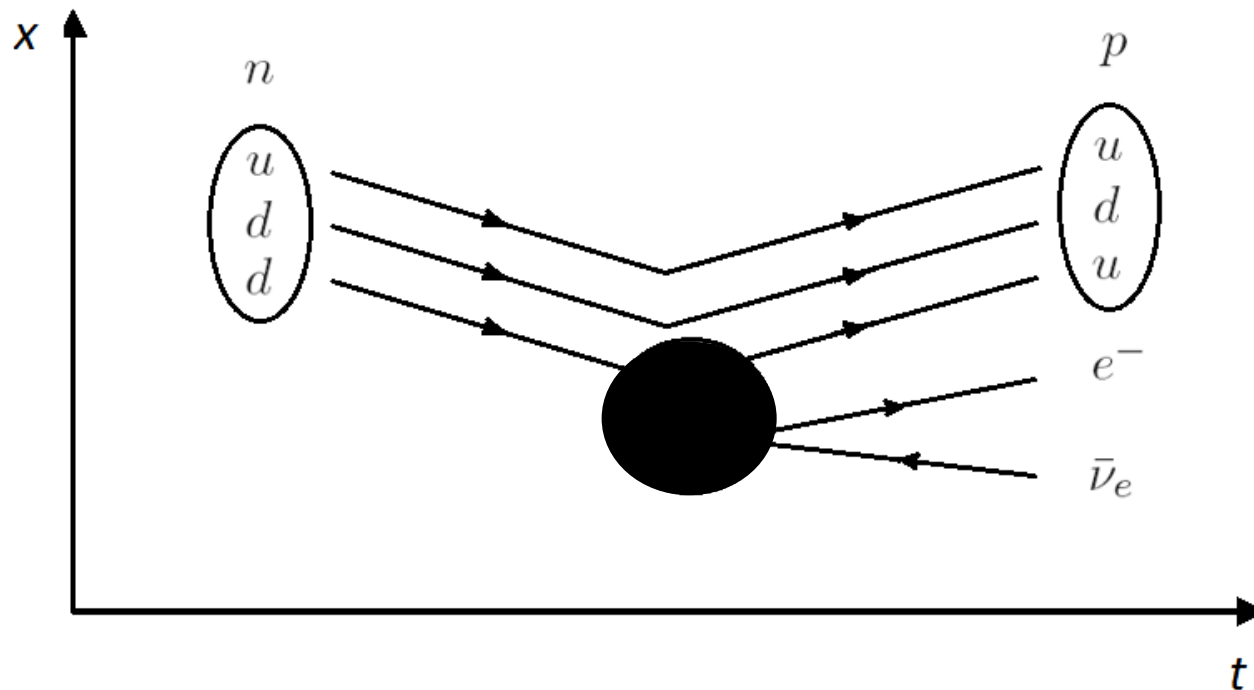
► Compton-Streuung

- Blackbox Vertex zeigt nicht das Botenteilchen
- In diesem Fall 2 gleichberechtigte Prozesse



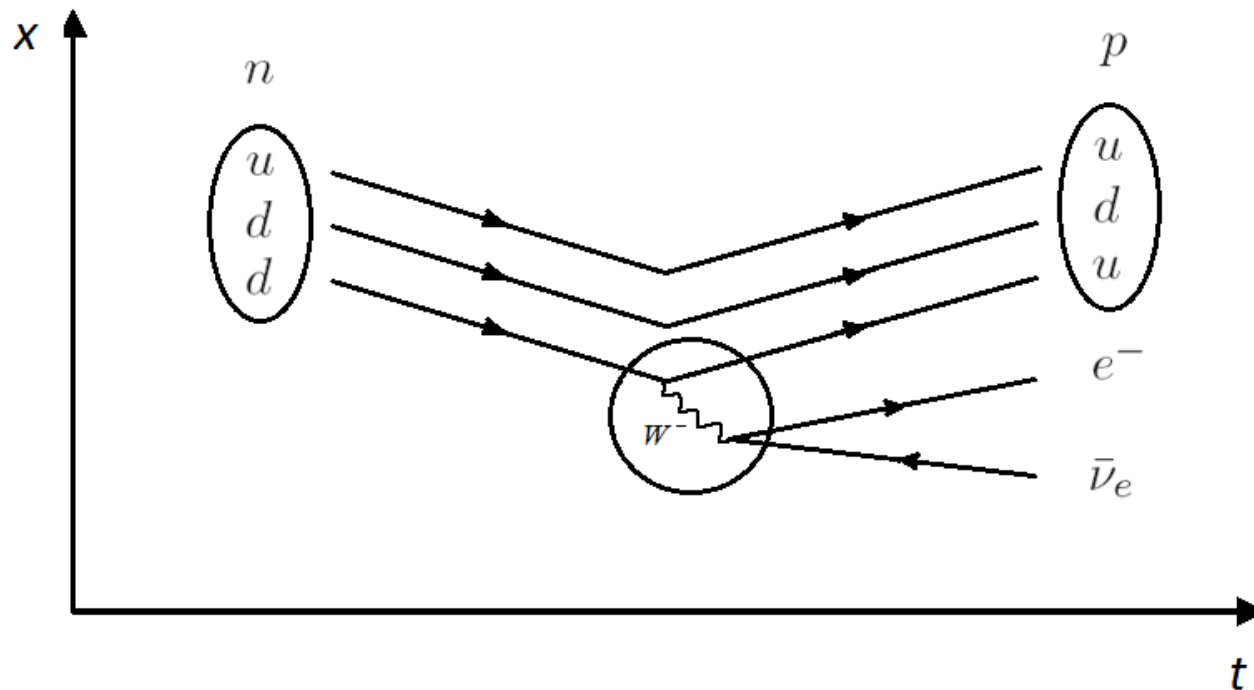
Prozesse

► β^- - Umwandlung



Prozesse

► β^- - Umwandlung



Ladungsbilanz: β^- -Umwandlung

► Prozess: $d \rightarrow u + W^- \rightarrow u + e^- + \bar{\nu}_e$

- Elektrische Ladungszahl: Z

$$-\frac{1}{3} = +\frac{2}{3} - 1 = +\frac{2}{3} - 1 + 0$$

- Schwache Ladungszahl: I

$$-\frac{1}{2} = +\frac{1}{2} - 1 = +\frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2}$$

- Starker Farbladungsvektor: \vec{C}

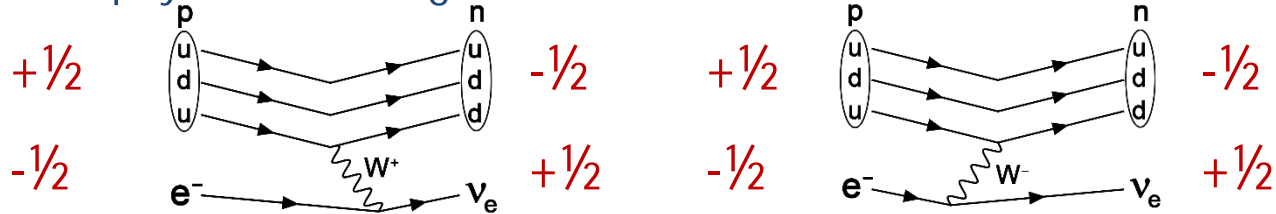
$$= \vec{C}_d + \vec{C}_W = \vec{C}_u + \vec{C}_e + \vec{C}_{\bar{\nu}_e}$$

► Alle Ladungen sind erhalten

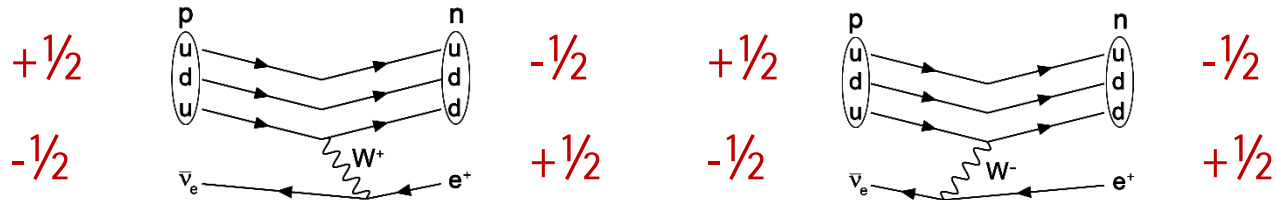
Ladungserhaltung (z.B. schwache Ladung I)

Alle möglichen Prozesse durch „Umklappen“ von Linien:

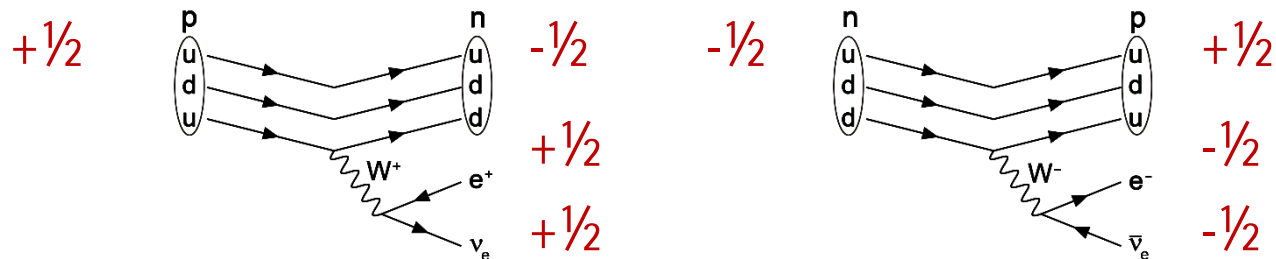
- Atomphysik: K-Einfang eines Elektrons der K-Schale



- Erster Nachweis von (Anti-)neutrinos 1953



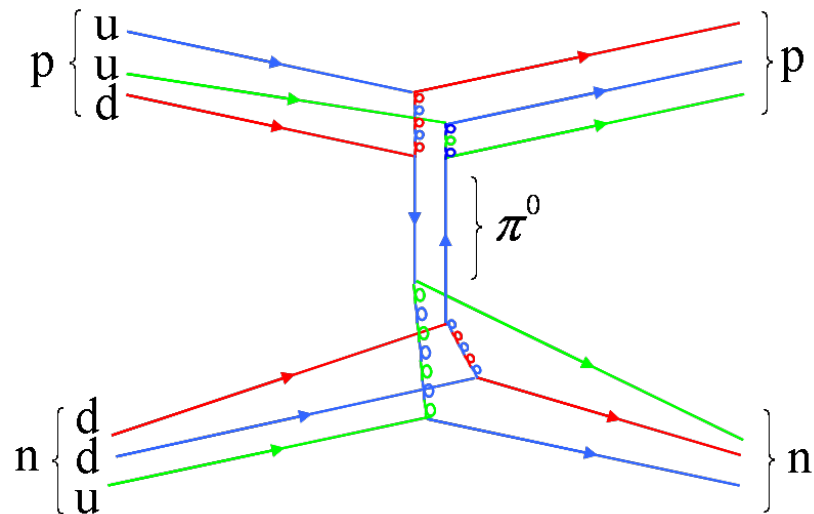
- β^+ und β^- - Umwandlungen von Kernen



Die Erhaltung der schwachen Ladung erfordert Neutrinos!
(experimenteller Hinweis: fehlender Impuls und Energie)

Feynman-Diagramme: Ladungsfluss-Diagramme

- ▶ Vertices können als “=” Zeichen aufgefasst werden
 - Auf beiden Seiten müssen Summen gleich sein: Impuls, Energie, Drehimpuls, elektrische Ladung, schwache Ladung, starke Ladung
 - Umklappen der Linien dreht Ladungsvorzeichen um

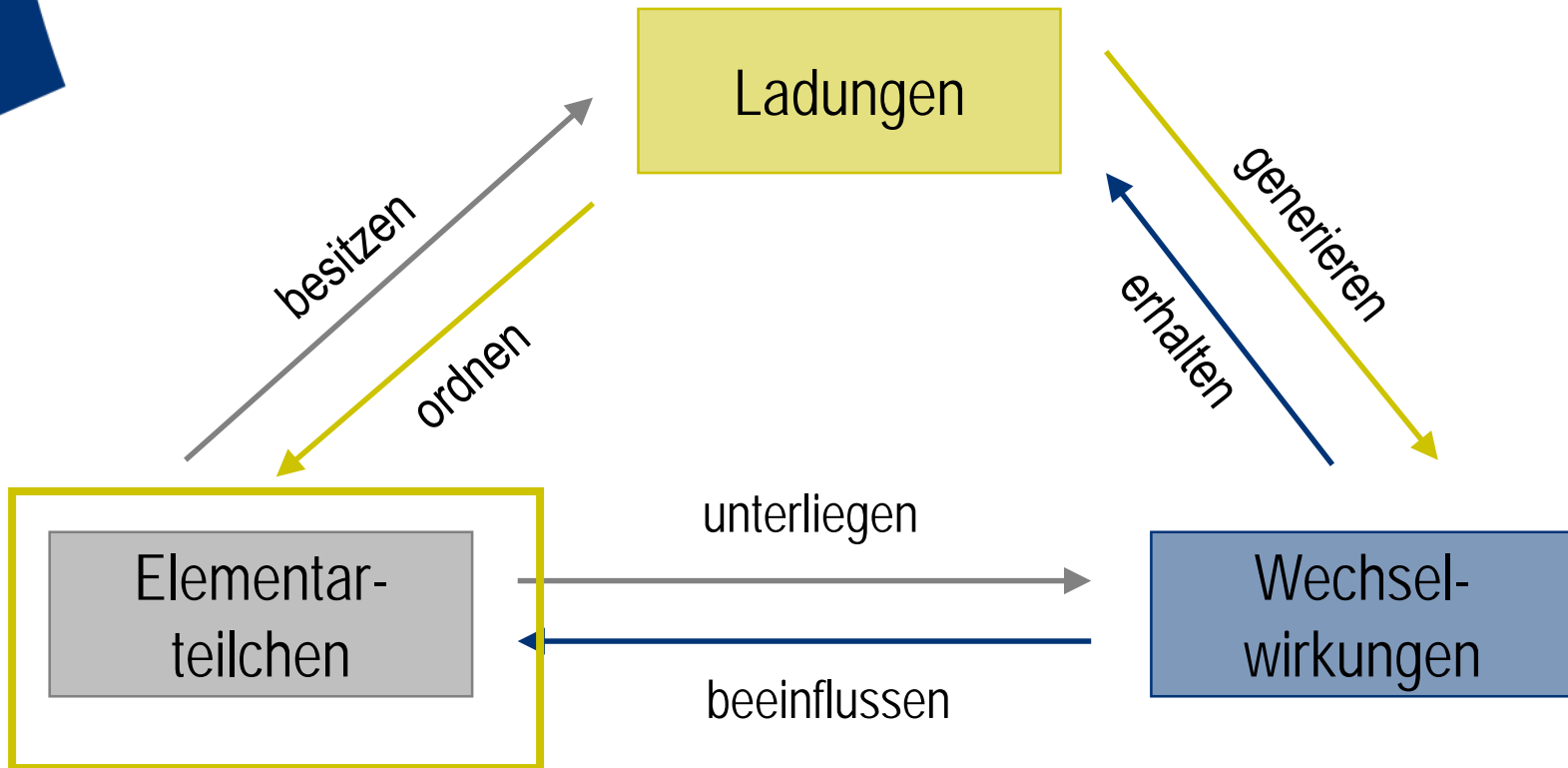




Zusammenfassung: Feynman-Diagramme

- ▶ Wechselwirkungen werden in der Teilchenphysik durch den Austausch von Botenteilchen beschrieben
- ▶ Wechselwirkungen werden mittels Feynman-Diagrammen dargestellt
 - Diese können auch zur quantitativen Berechnung dienen
- ▶ Ein Feynman-Diagramm ist ein x-t-Diagramm (Zeitachse nach rechts)
 - Eine Vorstufe der Feynman-Diagramme ist das x-y-Diagramm
- ▶ Wechselwirkungen werden durch Vertices symbolisiert, an denen Teilchen emittiert, absorbiert, erzeugt oder vernichtet werden

Die drei Basiskonzepte des Standardmodells



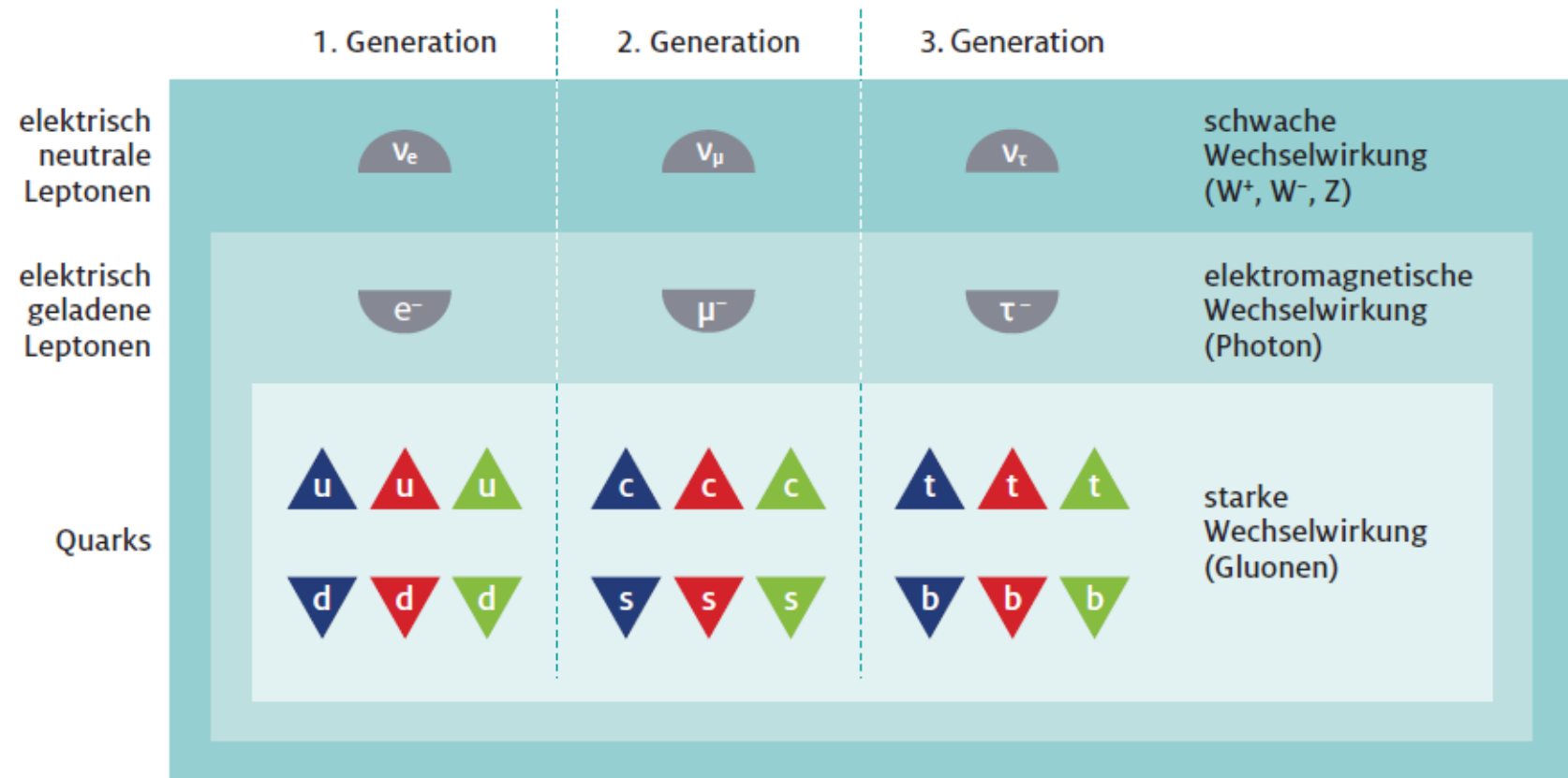
Ordnung der Elementarteilchen

- ▶ **Materieteilchen** der uns umgebenden Materie: u, d, e^-, ν_e
- ▶ 1936: Entdeckung des Myons μ^- (Rabi: „who ordered that?“)
 - Gleiche Ladungszahlen wie das Elektron, aber ~200 Mal schwerer
→ Schwere „Kopie“ des Elektrons
- ▶ 1961: Nachweis des Myon-Neutrinos ν_μ
- ▶ 1961: Postulierung von Up-, Down- und Strange-Quarks
- ▶ 1964: Entdeckung des Ω^- (sss)
- ▶ 1975: Entdeckung des Tauons: schwere „Kopie“ des Myons
- ▶ 1974-1994: weitere „schwere Kopien“ der Up- und Down-Quarks
 - 1974: Charm
 - 1977: Bottom
 - 1994: Top
- ▶ 2000: Nachweis des Tauon-Neutrinos ν_τ

„Teilchenzoo“ oder Ordnung?

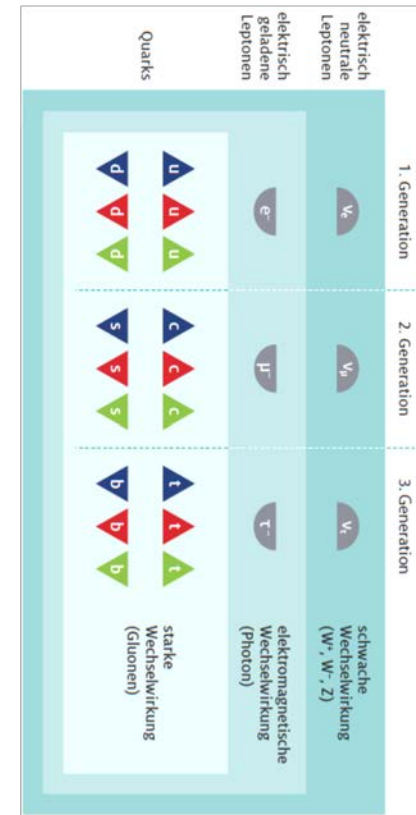
- ▶ Entdeckung weiterer Teilchen
- ▶ ausschließlich „schwere Kopien“ der Up- und Down-Quarks sowie des Elektrons und des Elektron-Neutrinos
 - Von jedem der leichten Materieteilchen (u, d, e^-, ν_e) gibt es je zwei Kopien, die größere Massen besitzen.
- ▶ Wie lassen sich Teilchen ordnen?
- ▶ Gleiche Ladungen \leftrightarrow Gleiche Eigenschaften

Anordnung von Teilchen in Generationen



Ordnungsschema: Analogie zum Periodensystem

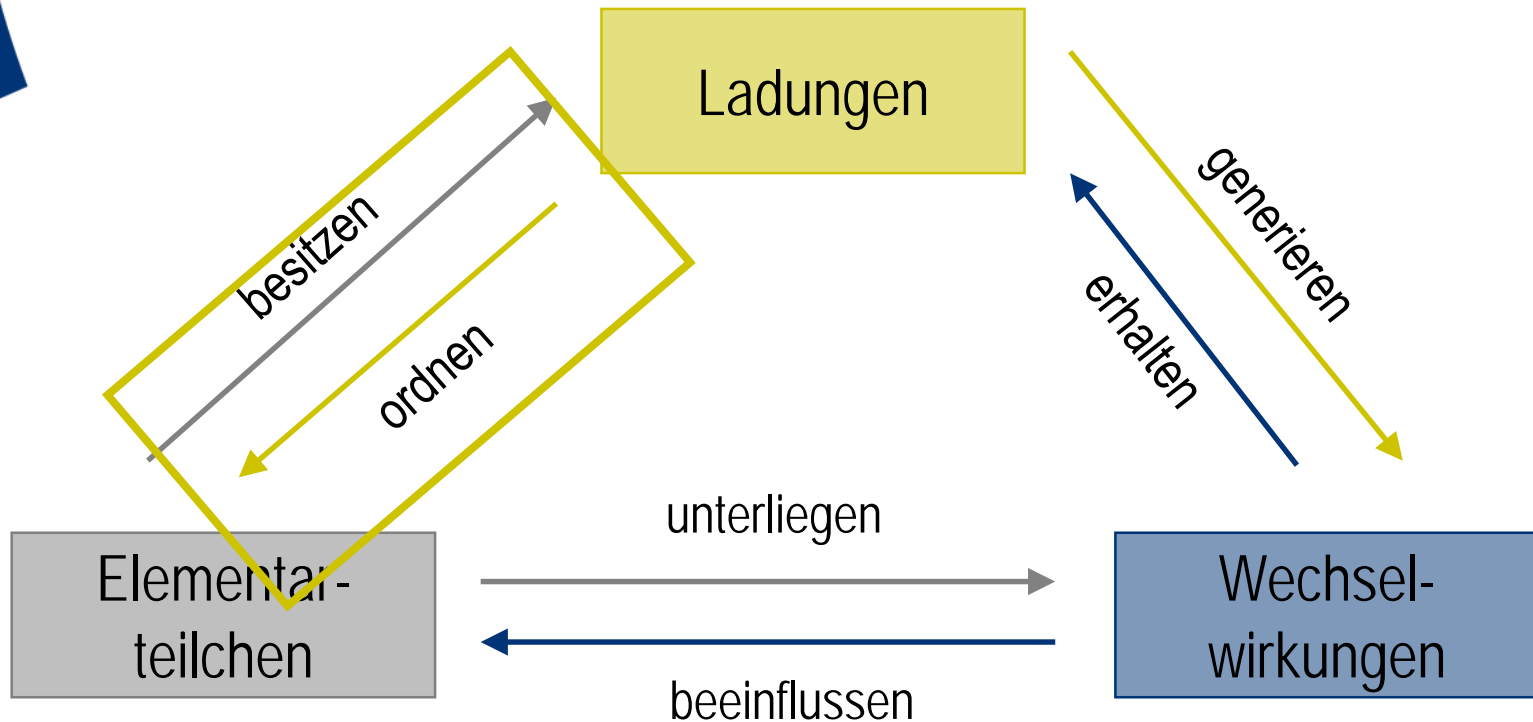
- ▶ Teilchen sind nach Ladungen geordnet analog den chemischen Elementen in die Hauptgruppen
- ▶ Im PSE sind die chemischen Elemente innerhalb einer Hauptgruppe von oben nach unten nach ihrer Masse aufsteigen geordnet



1. HG	2. HG	3. HG	4. HG	5. HG	6. HG	7. HG	8. HG
H							He
Li	Be	B	C	N	O	F	Ne
Na	Mg	Al	Si	P	S	Cl	Ar
K	Ca	Ga	Ge	As	Se	Br	Kr
Rb	Sr	In	Sn	Sb	Te	I	Xe
Cs	Ba	Tl	Pb	Bi	Po	At	Rn

Nebengruppen

Die drei Basiskonzepte des Standardmodells

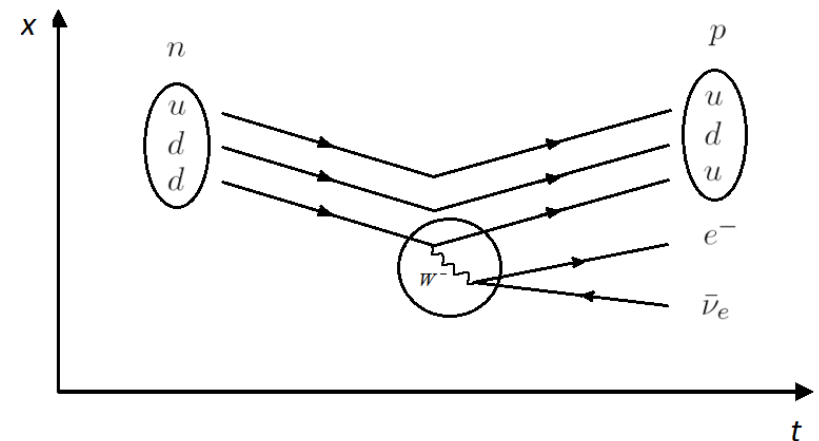


Teilchenumwandlungen als Schlüssel zur Ordnung

► Schwache Wechselwirkung




- Nur bestimmte Paare von Teilchen beteiligt
- Unterscheiden sich in schwacher Ladungszahl I und in elektrischer Ladungszahl Z immer genau um Betrag 1
- **Dupletts** bezüglich der schwachen Ladung

► $\begin{pmatrix} u \\ d \end{pmatrix} \quad I = +1/2 \quad Z = +2/3$
 $\begin{pmatrix} d \\ u \end{pmatrix} \quad I = -1/2 \quad Z = -1/3$



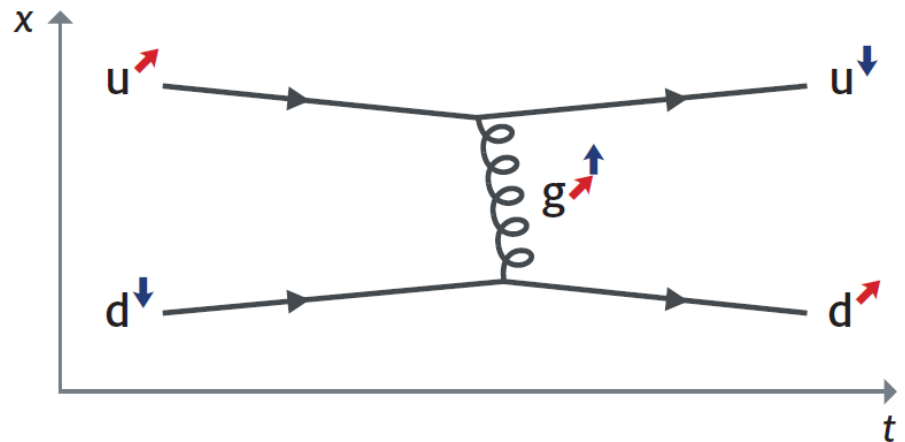
Teilchenumwandlungen als Schlüssel zur Ordnung

► Schwache Wechselwirkung

- Drei Up-Quarks mit Farbladungsvektoren , , oder 
haben alle schwache Ladungszahl $I = +\frac{1}{2}$, Down-Quarks
hingegen $I = -\frac{1}{2}$
- $\begin{pmatrix} u \\ d \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} u \\ d \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} d \\ u \end{pmatrix}$

Erinnerung: Starke Wechselwirkung

- ▶ $F_S = \hbar c \alpha_s \frac{\vec{C}_1 \vec{C}_2}{r^2} + kr$
- ▶ Einführung: die Botenteilchen (Gluonen) tragen selbst Ladung

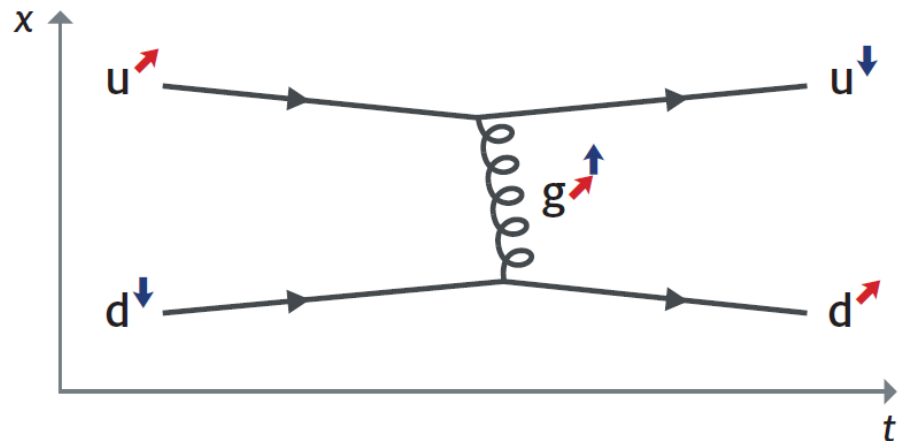


Teilchenumwandlungen als Schlüssel zur Ordnung

▶ Starke Wechselwirkung

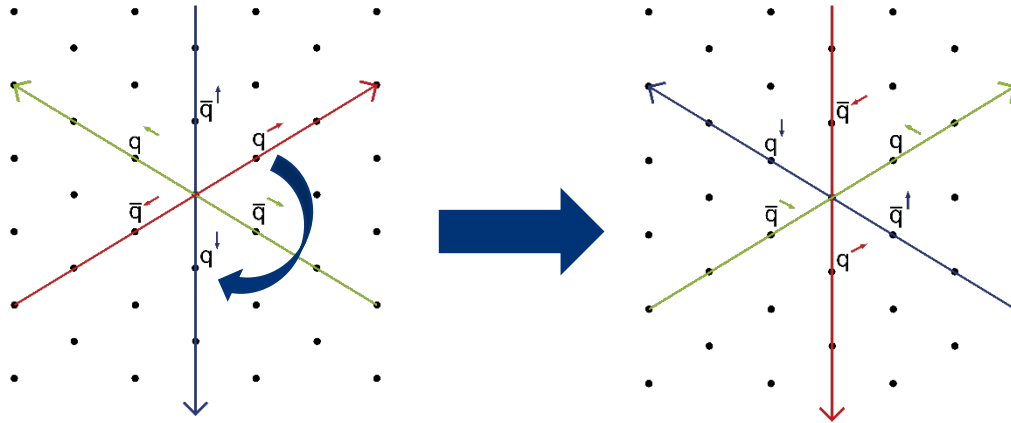
- Durch Gluonen nur Änderung der Farbladung eines Teilchens
- Drei verschiedene Farbladungsvektoren für Quarks: Quarks bilden **Triplets** bezüglich der starken Ladung

▶ $(u \rightarrow u \rightarrow u)$

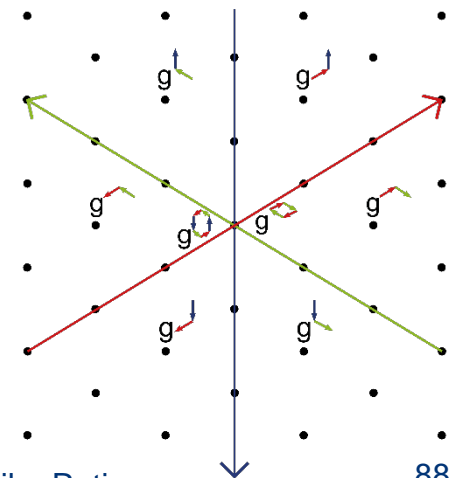
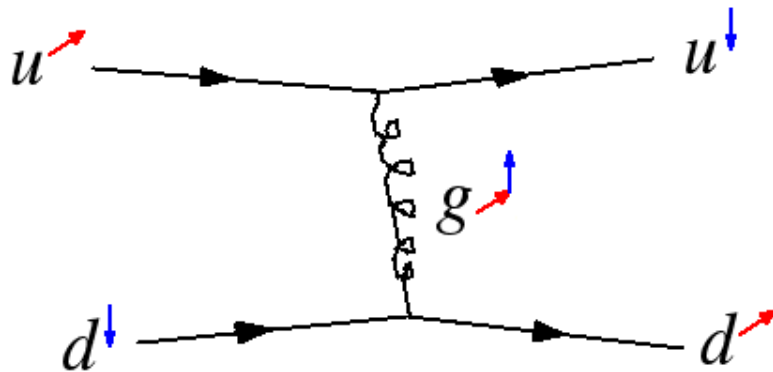


Botenteilchen: Umwandlung innerhalb Multipletts

- ▶ Eine Rotation (\sim Eichsymmetrie) eines Quark-Multipletts



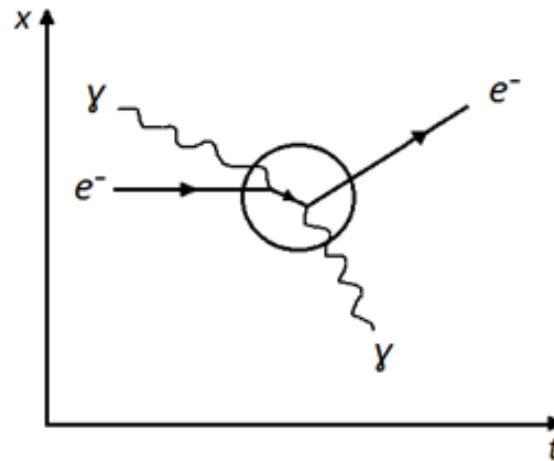
- ▶ hat denselben Effekt wie Emission oder Absorption eines Gluons



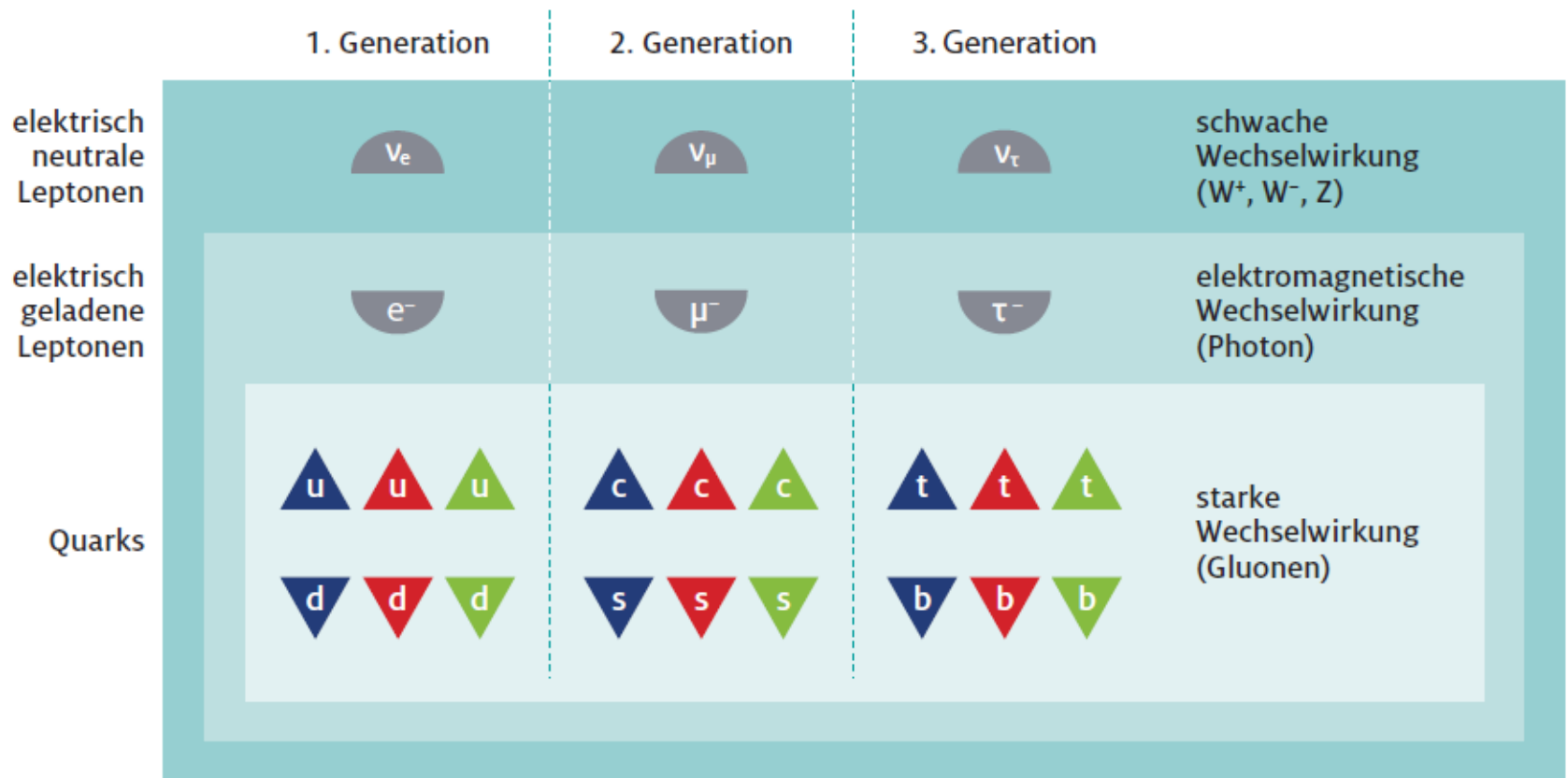
Teilchenumwandlungen als Schlüssel zur Ordnung

► Elektromagnetische Wechselwirkung

- Photonen besitzen keine Ladungen: durch elektromagnetische Wechselwirkung können die Ladungen eines Teilchens nicht geändert werden
- Alle Teilchen sind **Singulett**s bezüglich der elektrischen Ladung

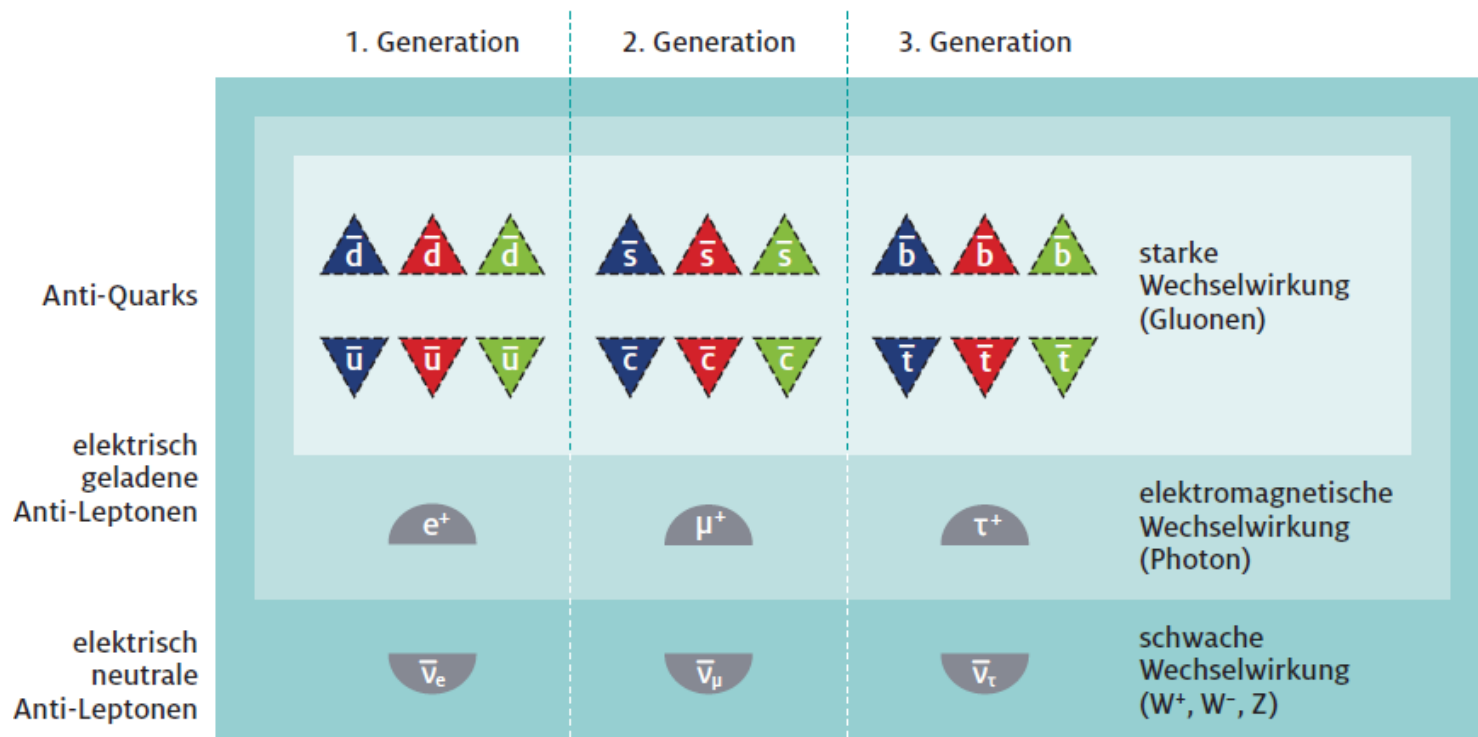


Multipletts – Ladungen als Ordnungsprinzip



Multipletts – Ladungen als Ordnungsprinzip

- ▶ Zu jedem Teilchen gibt es ein zugehöriges Anti-Teilchen, mit gleicher Masse jedoch entgegengesetzten Ladungen
- ▶ Anti-Materieteilchen ebenfalls in drei Generationen

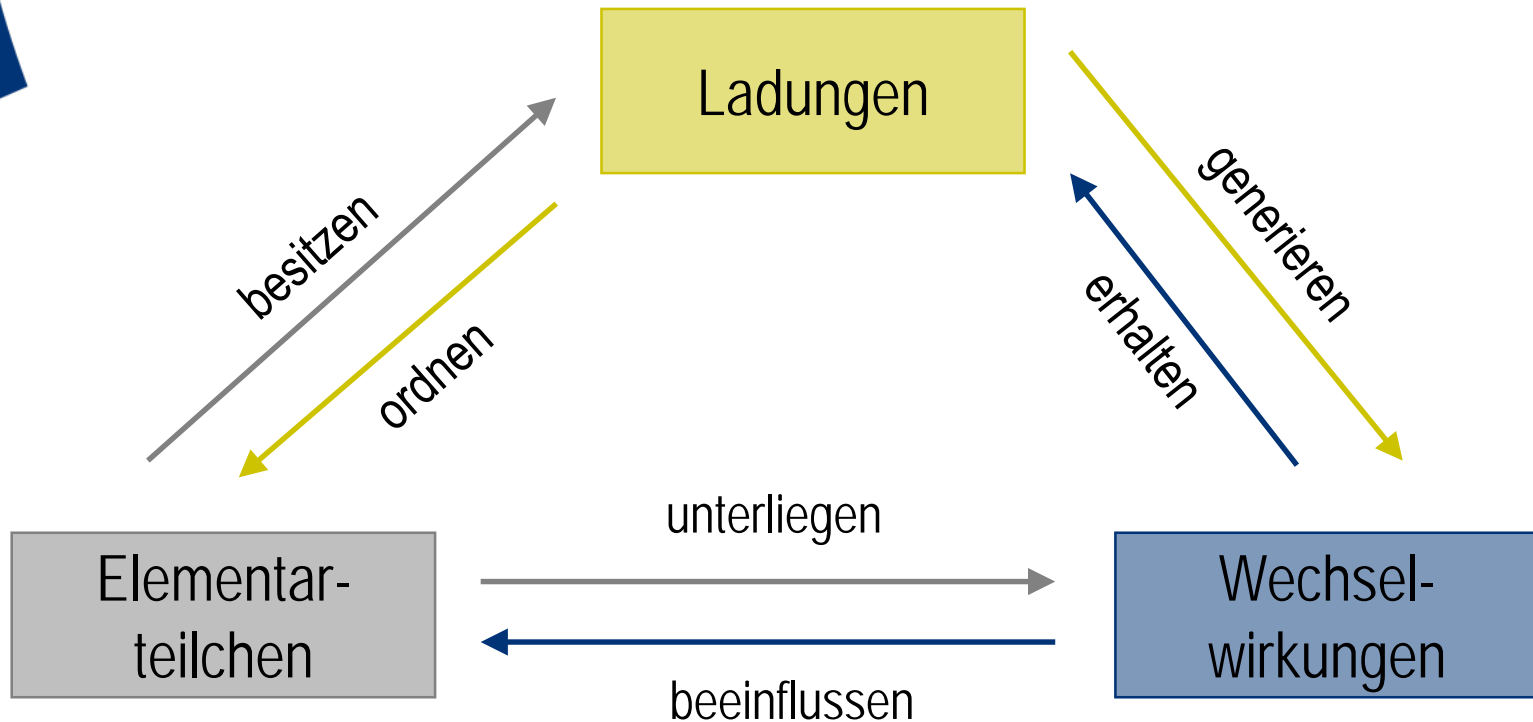




Zusammenfassung: Multipletts

- ▶ Teilchen lassen sich anhand ihrer Ladungen ordnen
- ▶ Die Zahl und Multipletts der Botenteilchen werden aus den Symmetrien des Standardmodells vorhergesagt
- ▶ Für die Materieteilchen findet man experimentell
 - Dupletts der schwachen Wechselwirkung (nicht vorhersagbar!)
 - Tripletts der starken Wechselwirkung (nicht vorhersagbar!)
 - Singulett der elektromagnetischen Wechselwirkung (vorhersagbar)
- ▶ Umwandlungen nur innerhalb der Multipletts möglich
 - (zuzüglich: hier nicht diskutierte Effekte der Zustandsmischung)

Die drei Basiskonzepte des Standardmodells





Mögliche experimentelle Diskussionspunkte für den Unterricht

Woher weiß man,:

- ▶ dass es Quarks gibt?
- ▶ dass es drei verschiedenen Farbladungen gibt?
- ▶ dass Farbladungen vektoriellen Charakter haben?
- ▶ dass die Leptonenuniversalität gilt?
- ▶ dass es drei Arten leichter Neutrinos gibt?
- ▶ Welche Werte die Kopplungsparameter der fundamentalen Wechselwirkungen haben?

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!

www.teilchenwelt.de

PROJEKTLEITUNG



PARTNER



SCHIRMHERRSCHAFT



FÖRDERER

GEFÖRDERT VOM



Bundesministerium
für Bildung
und Forschung



DR. HANS RIEGEL-STIFTUNG



04.09.2017

www.facebook.de/teilchenwelt/



NETZWERK
TEILCHENWELT

Diskussion / Fragen

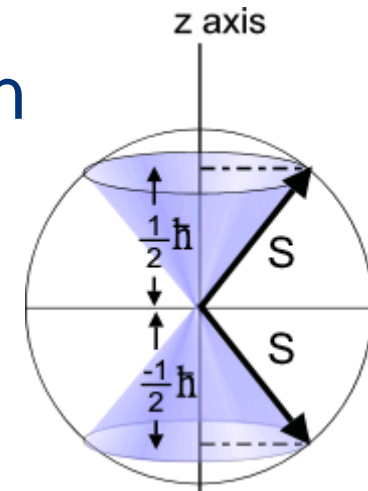




Extrafolien

Exkurs: warum schwache „Isospin

- ▶ Zugrundeliegende Symmetrie genau dieselbe wie bei Spin
- ▶ Jeweils Vektor mit 3 Komponenten
 - Spin $\mathbf{S} = (S_x, S_y, S_z)$ im Ortsraum
 - Schwacher Isospin $\mathbf{I}^W = (I_1^W, I_2^W, I_3^W)$ im abstrakten schwachen Isospinraum
- ▶ Messbar bei beiden nur:
 - Gesamter Betrag und eine Komponente (meist gewählt: die 3.)
 - die beiden anderen Komponenten sind „unscharf“ (Heisenberg)
- ▶ Wir sprechen daher nur von schwacher Ladungszahl $I := I_3^W$
- ▶ Ordnung in Multipletts von $I := I_3^W$



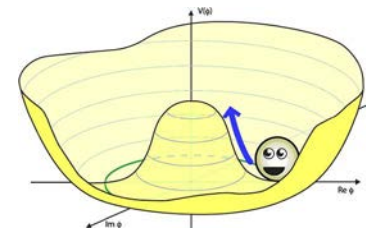
<http://de.wikipedia.org/wiki/Stern-Gerlach-Versuch>

$$\begin{pmatrix} I_3^W \\ +\frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} \end{pmatrix} : \left(\begin{matrix} \nu_e \\ e^- \end{matrix} \right), \left(\begin{matrix} \nu_\mu \\ \mu^- \end{matrix} \right), \dots, \left(\begin{matrix} u \\ d \end{matrix} \right), \dots, \left(\begin{matrix} e^+ \\ \bar{\nu}_e \end{matrix} \right), \dots, \left(\begin{matrix} \bar{d} \\ \bar{u} \end{matrix} \right), \dots, \left(\begin{matrix} \Phi^+ \\ \Phi^0 \end{matrix} \right) = \begin{pmatrix} 0 \\ \nu + H(x) \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} I_3^W \\ +1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} : \begin{pmatrix} W^+ \\ Z^0 \\ W^- \end{pmatrix}$$

- ▶ Klassisch analog Dielektrikum : Abschirmung der Feldlinien
 - Abschirmung „schwacher Felder“ durch BEHiggs-Hintergrundfeld = unendlicher See schwacher Ladung

- Abschirmendes Feld
Duplett in schw. Ladung
Komponente $v = 246 \text{ GeV}$
im Vakuum

$$\Phi_0 = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 0 \\ v \end{pmatrix}$$



- Anregung = Higgs-Teilchen

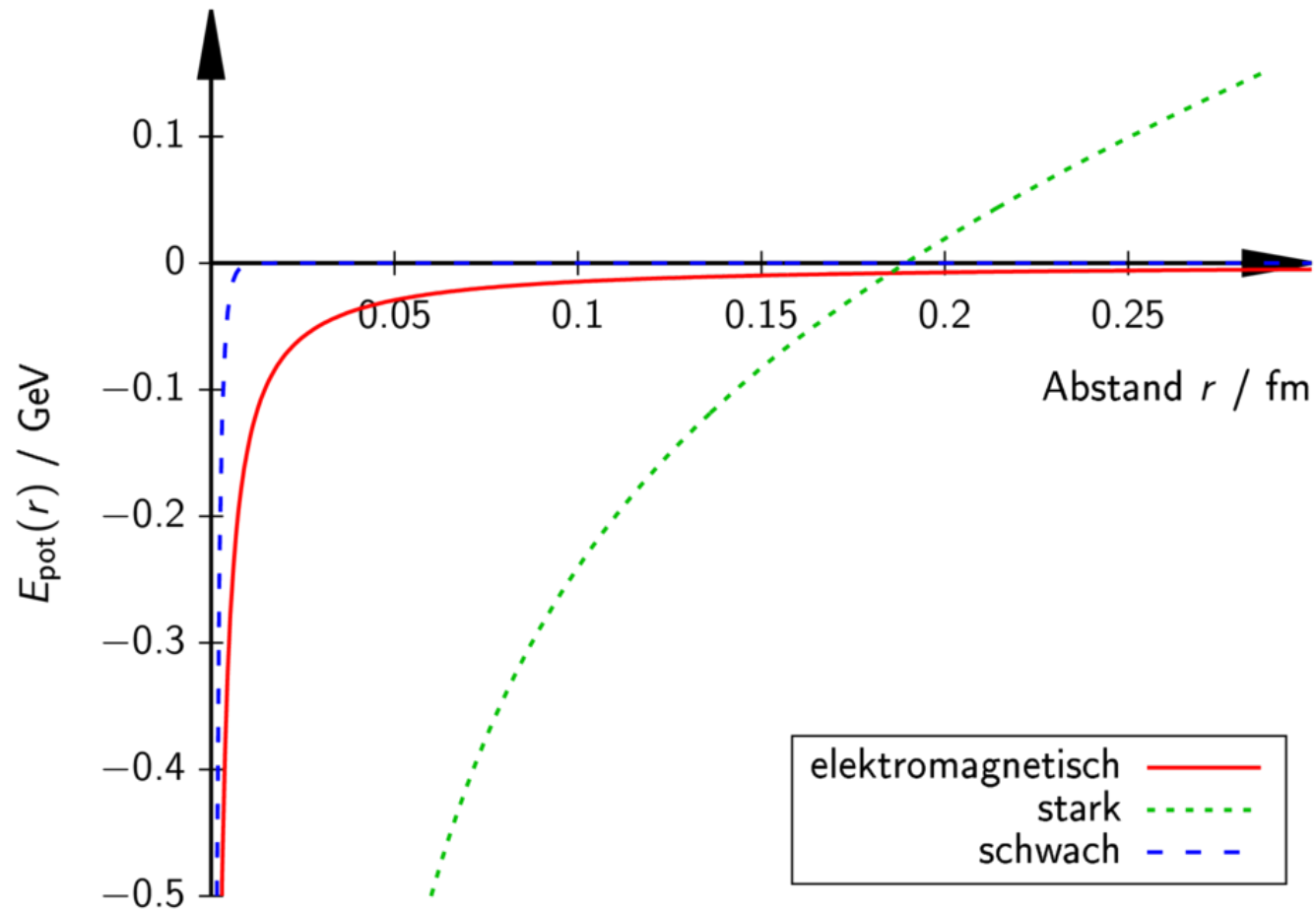
$$\Phi_0 = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 0 \\ v + H \end{pmatrix}$$



- ▶ Quantenfeldtheorie: Feldquanten (W und Z Boson)

- Quantenmechanik: Masse <-> Endliche Reichweite von W und Z Stichwort: Compton-Wellenlänge
- SM: Kopplung mit α_W an schwache Ladung von ν ergibt Masse von W und Z (vorhersagbar: $m_W c^2 = 80,37 \text{ GeV}$; Messung: $80,40 \text{ GeV}$ (Präzision < Promill !))

Vergleich der potenziellen Energien



Vergleich der potenziellen Energien bei sehr kleinen Abständen

